

This is a digital copy of a book that was preserved for generations on library shelves before it was carefully scanned by Google as part of a project to make the world's books discoverable online.

It has survived long enough for the copyright to expire and the book to enter the public domain. A public domain book is one that was never subject to copyright or whose legal copyright term has expired. Whether a book is in the public domain may vary country to country. Public domain books are our gateways to the past, representing a wealth of history, culture and knowledge that's often difficult to discover.

Marks, notations and other marginalia present in the original volume will appear in this file - a reminder of this book's long journey from the publisher to a library and finally to you.

#### Usage guidelines

Google is proud to partner with libraries to digitize public domain materials and make them widely accessible. Public domain books belong to the public and we are merely their custodians. Nevertheless, this work is expensive, so in order to keep providing this resource, we have taken steps to prevent abuse by commercial parties, including placing technical restrictions on automated querying.

We also ask that you:

- + *Make non-commercial use of the files* We designed Google Book Search for use by individuals, and we request that you use these files for personal, non-commercial purposes.
- + Refrain from automated querying Do not send automated queries of any sort to Google's system: If you are conducting research on machine translation, optical character recognition or other areas where access to a large amount of text is helpful, please contact us. We encourage the use of public domain materials for these purposes and may be able to help.
- + *Maintain attribution* The Google "watermark" you see on each file is essential for informing people about this project and helping them find additional materials through Google Book Search. Please do not remove it.
- + *Keep it legal* Whatever your use, remember that you are responsible for ensuring that what you are doing is legal. Do not assume that just because we believe a book is in the public domain for users in the United States, that the work is also in the public domain for users in other countries. Whether a book is still in copyright varies from country to country, and we can't offer guidance on whether any specific use of any specific book is allowed. Please do not assume that a book's appearance in Google Book Search means it can be used in any manner anywhere in the world. Copyright infringement liability can be quite severe.

#### **About Google Book Search**

Google's mission is to organize the world's information and to make it universally accessible and useful. Google Book Search helps readers discover the world's books while helping authors and publishers reach new audiences. You can search through the full text of this book on the web at http://books.google.com/



GODFREY LOWELL CABOT SCIENCE LIBRARY of the Harvard College Library

This book is FRAGILE

and circulates only with permission.

Please handle with care
and consult a staff member
before photocopying.

Thanks for your help in preserving Harvard's library collections.

Eng 927.90

Digitized by Google

# NOUVELLE

# ARCHITECTURE HYDRAULIQUE,

Contenant l'art d'élever l'eau au moyen de différentes machines, de construire dans ce fluide, de le diriger, et généralement de l'appliquer, de diverses manieres, aux besoins de la société.

Par R. PRONY, DE L'INSTITUT NATIONAL DES SCIENCES ET DES ARTS, INGÉNIEUR EN CHEF DES PONTS ET CHAUSSÉES, CHARGÉ DE LA DIRECTION DU CADASTRE.

## SECONDE PARTIE,

CONTENANT LA DESCRIPTION DÉTAILLÉE DES MACHINES A FEU.



# <sup>J</sup>APARIS,

RUE DE THIONVILLE, Nº. 116,

Chez Firmin Didot, Libraire pour le Génie, l'Architecture et les Mathématiques; graveur et fondeur de caracteres.

DE L'IMPRIMERIE DE DIDOT FILS AÎNÉ, rue Pavée Saint-André.

L'AN IV DE LA RÉPUBLIQUE.

1,796.



Inq927.90



### ÉCLAIRCISSEMENTS

Sur le Tome premier de l'Architecture hydraulique de M. de Prony, par M. Garnier, ancien professeur de mathématiques à l'école militaire de Colmar.

Aussiror que l'ouvrage de M. de Prony parut, je le lus et le méditai sérieusement : l'intérêt qu'il m'inspira me fit chercher le moyen de m'en rendre la lecture facile dans tous les temps; en conséquence je sis quelques notes, qui ne devoient servir alors qu'à mon instruction particuliere. Mais, lié avec l'auteur, j'avois de fréquentes occasions de m'entretenir avec lui sur son ouvrage. On sent combien de telles conversations sont fructueuses; aussi m'ont-elles été d'un grand secours pour compléter mon travail : je le communiquai depuis à M. de Prony, qui, après l'avoir examiné, voulut bien m'inviter à le mettre en ordre et à le rendre public; et en cela je consultai autant la reconnoissance que le desir de mettre encore plus à la portée des commençants et des artistes un traité dans lequel les premiers iront puiser le goût de la belle géométrie, et les seconds des méthodes intéressantes et par la maniere dont elles sont exposées, et par les applications dont elles sont susceptibles.

Nota. Les numéros qu'on trouve en marge sont ceux des articles auxquels ces notes correspondent.

Tome II.

X

## ÉCLAIRCISSEMENTS

#### SUR LES NOTIONS PRÉLIMINAIRES

## DE LA MÉCHANIQUE.

XM" = 2M"R. Démonstration de cette égalité: l'arc MM'M" peut être 26 considéré comme un arc de cercle; et les deux portions MM', M'M", ne (Pour la note). différant entre elles que d'une quantité négligeable par rapport à chacune, le point M' peut être censé diviser l'arc MM'M" en deux parties égales: donc la tangente rigoureuse TM'R au point M' est parallele à la corde MSM"; donc M'S=RM"; mais les triangles semblables MM'S, MXM", dans lesquels on a, par construction, MX = 2MM', donnent par conséquent XM" = 2M'S ou XM" = 2M'R.

M. de Prony m'a fourni postérieurement un raisonnement beaucoup plus

simple que celui de M. d'Alembert; le voici:

27 (Pour la note)

Supposons que le corps M soit divisé en un nombre entier de parties égales K, on aura  $M = \delta K$ : la masse K sera contenue un certain nombre entier de fois  $\gamma$  dans la masse m avec un reste  $\psi$ ; au moyen de quoi on aura  $m = \gamma K + \psi$ . Le reste  $\psi$  sera d'autant plus petit que la masse partielle K sera plus petite, ou que les nombres  $\delta$  et  $\gamma$  seront plus grands; posant donc, au lieu de l'équation MV = mV, qu'on suppose avoir lieu, son identique  $V \times JK = v(JK + \psi)$ , on voit que si  $\psi$  étoit nul, la démonstration de l'article 37 s'appliqueroit à l'équation  $V \times \delta'K = v \times \gamma K$ , puisque les masses  $\delta K$  et  $\gamma K$  sont évidemment commensurables: mais le membre  $v \times$  $(\gamma K + \psi)$  peut être supposé ne différer du membre  $\nu \times \gamma K$  que d'une quantité plus petite qu'aucune quantité donnée, en diminuant convenablement K dont la grandeur est absolument arbitraire; donc si le résultat de la démonstration de l'art. 37 n'étoit point applicable à l'équation  $V \times \partial K = v \times V$  $(\gamma K + \psi)$ , on pourroit toujours supposer que cela tient à une quantité plus petite qu'aucune quantité donnée : donc, par la théorie des limites, ce résultat est réellement applicable à cette équation.

## É C L A I R C I S S E M E N T S S U R L A S T A T I Q U E.

Les équations qui expriment les conditions de l'équilibre, relativement au mouvement progressif et au mouvement de rotation, peuvent avoir lieu séparément ou simultanément: dans le premier cas il n'y aura pas de mouvement progressif, mais seulement un mouvement de rotation; et vice versa, si le contraire a lieu.

134

Si on a une ligne AF perpendiculaire à un plan AD, et une ligne XY, n°. 1, située comme on voudra par rapport au plan AD et à la ligne AF, il A ij

sera toujours possible de mener une perpendiculaire commune à ces deux

lignes.

Pour le démontrer, imaginons qu'on fasse passer par XY, n°. 1, un plan GK perpendiculaire sur AD, n°. 2, qu'il rencontrera suivant XY, et que du point A on mene une perpendiculaire Aa sur cette intersection; si par les lignes Aa et AF on fait passer un plan, il est évident qu'il coupera ce-lui GK, n°. 1, suivant une ligne da, n°. 1, parallele à AF, et que toute ligne menée de AF à da, parallèlement à Aa, n°. 2, sera perpendiculaire sur AF et sur le plan GK: donc celle menée du point a, n°. 1, sur AF suivant cette condition, sera perpendiculaire sur AF et XY, n°. 1, puisque cette ligne XY se trouve dans le plan GK.

Chaque moteur est multiplié par le sinus de l'angle que forme sa direction avec les trois axes ou leurs paralleles; produits qui ne sont autre chose que la décomposition de ces moteurs perpendiculairement à ces trois axes ou à leurs paralleles: or si on imagine que le système des deux lignes A a et a d (n° 2 et 1, Fig. 36) tourne autour de l'axe AF jusqu'à ce que la ligne A a se confonde avec la ligne AC ou le plan FC, alors les composantes perpendiculaires M m sin. de l'art. (152) deviendront les lignes ab (Fig. 38, n°, 1), et les distances A a (Fig. 36, n°, 2) deviendront celles a a" (Fig. 38, n°, 2).

On peut envisager ceci sous un autre point de vue, qui est encore plus simple, et qui consiste à regarder le moteur qui agit dans la direction XY, n°. 1, comme exerçant son action au point d'intersection de la ligne XY, 1°. 1, et du plan FC, n°. 3: alors la composante  $Mm \cdot \sin \theta$  aura immédiatement sa direction perpendiculaire au plan FC.

Soient AF l'axe des z perpendiculaire sur le plan de la Planche; XY, X''Y'' les directions primitives des moteurs; Aa, Aa'' les perpendiculaires p et p' sur l'axe AF et les directions des moteurs; X'Y', X'''Y''' les directions variées; Aa', Aa''' les analogues de p et p'; les deux triangles semblables Aaa', Aa''' donneront

$$Aa(p):Aa''(p')::Aa':Aa'''$$
, d'où l'on tire  $\frac{p}{p'}=\frac{Aa'}{Aa'''}$ .

Soient deux corps P et Q; G et G' leurs centres de gravité; AB une ligne dont on cherche la distance au centre de gravité commun des deux corps, que je suppose en G"; faisant CG" == a, on aura l'équation a == GC·P-G'C·Q; je donne à G'C le signe négatif, parceque les lignes CG et G'C sont dirigés en sens contraire: supposant, pour plus de simplicité, que CG" devienne == o, l'équation se transformera en celle-ci GC·P == G'C·Q; d'où P: Q:: G'C: GC; et divisant par ¢ les poids P et Q, mas. P: mas. Q:: G'C: GC.

Faisant les multiplications indiquées et réduisant, l'expression de la distance du centre de gravité se change en celle-ci :  $\frac{\frac{1}{4}(7a^{2}x+6a^{2}-3ax^{2})}{a(3a-x)}$ . Pour avoir les facteurs du numérateur je pose l'équation  $x^{2}-\frac{7}{3}ax-2a^{2}=0$ , laquelle résolue donne x=3a; divisant l'équation par x-3a, je trouve

pour l'autre facteur, a(2a+3x): donc on a distance  $=\frac{\frac{1}{2}(5a-x)(2a+3x)\phi}{a(3a-x)}$  $=\frac{2a+3x}{8}$ .

Trouver la valeur des angles  $\psi$ ,  $\sigma$ , et de M.

260

269

Divisant la premiere équation par la seconde, on aura  $\frac{M \cdot \cos \cdot x \cdot \sin \cdot \psi}{M \cdot \cos \cdot x \cdot \cos \cdot \psi} = \frac{b}{a} = \tan \beta$ . La premiere donne  $\cos \psi = \frac{a}{M \cdot \cos \cdot c}$ ; d'où  $1 - \sin^2 \cdot \psi = \frac{a}{M^2 \cdot \cos^2 \cdot c}$ , et  $\sin^2 \cdot \psi = \frac{M^2 \cdot \cos^2 \cdot c}{M^2 \cdot \cos^2 \cdot c}$ ; mais (deuxieme équat.)  $M \cdot \cos \cdot c = \frac{b}{\sin \cdot c}$ ; donc  $\sin^2 \cdot \psi = \frac{b}{\sin^2 \cdot c}$ , et  $\sin \cdot \psi = \frac{b}{\sqrt{a^2 + b^2 c}}$  La seconde équation donne  $\cos c = \frac{b}{\sin^2 \cdot c}$ ; donc  $1 - \sin^2 \cdot c = \frac{b}{M^2 \cdot \sin \cdot c}$ , et  $\sin^2 \cdot c = \frac{c}{\sqrt{(c^2 + b^2 + a^2)^2 c}}$ ; réduisant, on a  $\sin \cdot c = \frac{c}{\sqrt{(c^2 + b^2 + a^2)^2 c}}$ 

La valeur de M est aisée à trouver, il n'y a qu'à substituer la valeur de sin. r dans la troisieme équation.

L'angle f représente celui qpp', et l'angle k celui rpp': on a donc, à 267 cause de l'équilibre,  $pp':pq::\sin.rpp':\sin.(p'pq-p'pr):(^{art. 4})^r$   $_{(Fig. 200)}^{(art. 4)}$ ,  $\sin.(p'p)::\sin.(f-k):\sin.k:$  donc, en faisant pp'=p, pq=q, on a  $p\sin.k=q\cdot\sin.(f-k)$ .

En effet on a vu art. (256) que, dans le cas de l'équilibre, les projections des moteurs PQ, n°. 1, sur l'axe AX étoient égales à zéro, et qu'il en étoit de même de celles sur l'axe AY. Ainsi, quand un système funiculaire, en équilibre dans l'espace, est projeté sur un plan, il faut nécessairement que cette projection soit en équilibre, puisque nous venons de voir que, dans ce cas, les sommes des composantes paralleles aux axes AX, AY, étoient chacune égale à zéro: condition d'équilibre entre des moteurs qui agissent dans un même plan.

$$\frac{-\mu'' \cdot \sin \cdot \delta''}{\sin \cdot \phi'} = \frac{\mu' \cdot \sin \cdot \delta'}{\sin \cdot \phi'} + d\left(\frac{\mu' \cdot \sin \cdot \delta'}{\sin \cdot \phi'}\right).$$

Cette expression est susceptible de développements qui peuvent être utiles aux commençants.

$$\frac{a^{2\theta} \cdot \sin \cdot \delta^{11}}{\sin \cdot \theta^{11}} = \frac{(\mu^{1} + d \mu^{1}) \times \sin \cdot (\delta^{1} + d \delta^{1})}{\sin \cdot (\delta^{1} + d \delta^{1})} = \mu^{1} \cdot \left(\frac{\sin \cdot \delta^{1} \cdot \cos \cdot d \delta^{1} + \cos \cdot \delta^{1} \cdot \sin \cdot d \delta^{1}}{\sin \cdot (\delta^{1} \cdot \cos \cdot d \delta^{1} + \cos \cdot \delta^{1} \cdot \sin \cdot d \delta^{1})} + \frac{\mu^{1} \cdot \sin \cdot \delta^{1} \cdot \cos \cdot d \delta^{1} + \cos \cdot \delta^{1} \cdot \sin \cdot d \delta^{1}}{\sin \cdot (\delta^{1} \cdot \cos \cdot \delta^{1} + \sin \cdot \delta^{1} \cdot \cos \cdot \delta^{1} \cdot \sin \cdot d \delta^{1} + d \mu^{1} \cdot \sin \cdot \delta^{1})} = \frac{\mu^{1} \cdot \sin \cdot \delta^{1} \cdot \cos \cdot d \delta^{1} + \cos \cdot \delta^{1} \cdot \sin \cdot d \delta^{1}}{\sin \cdot (\delta^{1} \cdot \cos \cdot \delta^{1} + \sin \cdot \delta^{1} \cdot \cos \cdot \delta^{1})} = \frac{\mu^{1} \cdot \sin \cdot \delta^{1} \cdot \cos \cdot d \delta^{1} + \cos \cdot \delta^{1} \cdot \sin \cdot d \delta^{1}}{\sin \cdot (\delta^{1} \cdot \cos \cdot \delta^{1} + \sin \cdot \delta^{1} \cdot \cos \cdot \delta^{1})} = \frac{\mu^{1} \cdot \sin \cdot \delta^{1} \cdot \cos \cdot d \delta^{1} + \cos \cdot \delta^{1} \cdot \sin \cdot d \delta^{1}}{\sin \cdot (\delta^{1} \cdot \cos \cdot \delta^{1} + \sin \cdot \delta^{1} \cdot \cos \cdot \delta^{1})} = \frac{\mu^{1} \cdot \sin \cdot \delta^{1} \cdot \cos \cdot d \delta^{1} + \cos \cdot \delta^{1} \cdot \sin \cdot d \delta^{1}}{\sin \cdot (\delta^{1} \cdot \cos \cdot \delta^{1} + \sin \cdot \delta^{1} \cdot \cos \cdot \delta^{1})} = \frac{\mu^{1} \cdot \cos \cdot d \delta^{1} + \cos \cdot \delta^{1} \cdot \sin \cdot d \delta^{1}}{\sin \cdot (\delta^{1} \cdot \cos \cdot \delta^{1} + \sin \cdot \delta^{1} \cdot \cos \cdot \delta^{1})} = \frac{\mu^{1} \cdot \cos \cdot d \delta^{1} + \cos \cdot \delta^{1} \cdot \sin \cdot d \delta^{1}}{\sin \cdot (\delta^{1} \cdot \cos \cdot \delta^{1} + \sin \cdot \delta^{1} \cdot \cos \cdot \delta^{1})} = \frac{\mu^{1} \cdot \cos \cdot d \delta^{1} + \cos \cdot \delta^{1} \cdot \sin \cdot d \delta^{1}}{\sin \cdot (\delta^{1} \cdot \cos \cdot \delta^{1} + \sin \cdot \delta^{1} \cdot \cos \cdot \delta^{1})} = \frac{\mu^{1} \cdot \cos \cdot d \delta^{1} + \cos \cdot \delta^{1} \cdot \sin \cdot d \delta^{1}}{\sin \cdot (\delta^{1} \cdot \cos \cdot \delta^{1} + \sin \cdot \delta^{1} \cdot \cos \cdot \delta^{1})} = \frac{\mu^{1} \cdot \cos \cdot d \delta^{1} \cdot \cos \cdot d \delta^{1}}{\sin \cdot (\delta^{1} \cdot \cos \cdot \delta^{1} + \sin \cdot \delta^{1} \cdot \cos \cdot \delta^{1})} = \frac{\mu^{1} \cdot \cos \cdot d \delta^{1} \cdot \cos \cdot d \delta^{1}}{\sin \cdot (\delta^{1} \cdot \cos \cdot \delta^{1} \cdot \cos \cdot \delta^{1} \cdot \cos \cdot \delta^{1})} = \frac{\mu^{1} \cdot \cos \cdot d \delta^{1}}{\sin \cdot (\delta^{1} \cdot \cos \cdot \delta^{1} \cdot \cos \cdot \delta^{1})} = \frac{\mu^{1} \cdot \cos \cdot d \delta^{1}}{\sin \cdot (\delta^{1} \cdot \cos \cdot \delta^{1} \cdot \cos \cdot \delta^{1})} = \frac{\mu^{1} \cdot \cos \cdot d \delta^{1}}{\sin \cdot (\delta^{1} \cdot \cos \cdot \delta^{1} \cdot \cos \cdot \delta^{1})} = \frac{\mu^{1} \cdot \cos \cdot d \delta^{1}}{\sin \cdot (\delta^{1} \cdot \cos \cdot \delta^{1} \cdot \cos \cdot \delta^{1})} = \frac{\mu^{1} \cdot \cos \cdot d \delta^{1}}{\sin \cdot (\delta^{1} \cdot \cos \cdot \delta^{1} \cdot \cos \cdot \delta^{1})} = \frac{\mu^{1} \cdot \cos \cdot d \delta^{1}}{\sin \cdot (\delta^{1} \cdot \cos \cdot \delta^{1} \cdot \cos \cdot \delta^{1})} = \frac{\mu^{1} \cdot \cos \cdot \delta^{1}}{\sin \cdot (\delta^{1} \cdot \cos \cdot \delta^{1} \cdot \cos \cdot \delta^{1})} = \frac{\mu^{1} \cdot \cos \cdot \delta^{1}}{\sin \cdot (\delta^{1} \cdot \cos \cdot \delta^{1} \cdot \cos \cdot \delta^{1})} = \frac{\mu^{1} \cdot \cos \cdot \delta^{1}}{\sin \cdot (\delta^{1} \cdot \cos \cdot \delta^{1} \cdot \cos \cdot \delta^{1})} = \frac{\mu^{1} \cdot \cos \cdot \delta^{1}}{\sin \cdot (\delta^{1} \cdot \cos \cdot \delta^{1})} = \frac{\mu^{1} \cdot \cos \cdot \delta^{1}}{\sin \cdot (\delta^{1} \cdot \cos \cdot \delta^{1})} =$$

en négligeant au numérateur les termes du deuxieme ordre, et saisant attention que  $\cos d\theta' = 1$ ; multipliant le numérateur et le dénominateur de cette fraction par  $\sin \phi' - \sin d\phi' \cos \sin \phi'$ , négligeant au numérateur les quantités du troisieme ordre, avec la condition que  $\phi'$  est du premier ordre et que  $d\phi'$  est du second; enfin saisant attention que  $\sin^2 d\phi' = 1 - \cos^2 d\phi'$  il vient

$$\frac{p^{t} \circ \tau \circ t^{d}}{\sin \theta^{t}} = \frac{p^{t} \circ \tau \circ t^{t} \circ \pi \circ t^{t} + a^{t} \cos \theta \circ t^{t} \circ t^{t}}{\sin^{2} \cdot \theta^{t} - (1 - \cos^{2} \cdot d \circ t^{t}) \cos^{2} \cdot \theta^{t}}$$

mais, comme  $\cos^2 dt' = 1$ , on a  $(1 - \cos^2 dt') \cdot \cos^2 t' = 0$ , ce qui réduit l'émation a

$$\frac{p^{d+m+\delta^d}}{\sin \delta^d} = \frac{p^{d+m+\delta^d}}{\sin \delta^d} = \frac{\theta p^d \cos \theta \delta^d + dp^d \sin \delta^d + \sin \delta^d - p^d \sin \delta^d \cdot \cos \theta \delta^d \delta^d}{\sin^2 \theta},$$

le deuxieme terme du second membre est la différentielle exacte du premier terme du même membre, ce qui donne, comme dans le texte,

$$\frac{\mu^{\rho_{i:n,\delta^{\rho}}}}{\sin \theta} = \frac{\mu^{\rho_{i:n,\delta^{\rho}}}}{\sin \theta} + d\left(\frac{\mu^{\rho_{i:n,\delta^{\rho}}}}{\sin \theta}\right)_{\theta}$$

2.78 Integrer la formule  $dy' = \frac{\pm B dx'}{\sqrt{(x'x' + 2Bx')}}$ .

On commencera par ramener le second membre à la forme  $\frac{dz}{\sqrt{(xz+aa)}}$ , qui est la troisieme de celles qu'on trouve dans le premier volume des Leçons de M. Cousin, laquelle a pour intégrale  $y = \log [x + \sqrt{(x^2 + a^2)}] + \log C$ . Pour y parvenir, on fera x' = y - B; d'où dx' = dy,  $x'x' = y^2 - 2By + B^2$  et  $x'x' + 2Bx' = y^2 - B^2$ ; substituant, on aura  $\int \frac{\pm Bdx'}{\sqrt{(x'x'+2Bx')}} = \int \frac{\pm Bdy'}{\sqrt{(x'x'+2Bx')}}$  (Quoique B'n'ait pas ici le même signe que  $a^2$ , néanmoins l'intégrale de la premiere formule sera aussi celle de la seconde, en y substituant — B'au lieu de  $a^2$ . Tout ceci est clair quand on fait attention qu'en différentiant, les variations ne portent point sur les termes constants). En comparant, on a  $\int \frac{\pm Bdy}{\sqrt{(yy-B^2)}} = \pm B \cdot \log [y + \sqrt{(yy-B^2)}] + \log C$ ; donc  $\int \frac{\pm Bdy'}{\sqrt{(x'x'+2Bx')}} = \pm B \cdot \log [x'+B+\sqrt{(x'x'+2Bx')}] + \log C$ , Antre maniere d'intégrer la formule  $dy' = \frac{\pm Bdx'}{\sqrt{((x'+B)'-B')}}$ .

On supposera x' + B = x, ce qui donnera l'équation  $dy' = \frac{\pm B dx'}{\sqrt{(xx - B')}}$ , dont le second membre deviendra rationnel en faisant  $\sqrt{(xx - B^2)} = (x - B)z$ ; et alors on aura pour intégrale,  $y' = \pm B\log \left[\frac{x' + B + \sqrt{(x'x' + 2Bx')}}{B}\right] + \log C$ .

Il suffira d'un peu de réflexion pour se convaincre que ces deux intégrales, quoique différentes au premier coup-d'œil, sont cependant les mê, mes; car la seconde peut se transformer en celle-ci,  $y' = \pm B \log \cdot [x' + B + \sqrt{(x'x' + 2Bx')}] + \log \cdot \frac{C}{B}$ : or la détermination de la constante dépendant des deux termes y' et B log. [etc.], qui sont les mêmes dans les deux intégrales, cette constante sera nécessairement la même dans l'une et l'autre.

Dans le levier du premier genre, on a y > b, et dans celui du second ou du troisieme genre y < b; donc, en mettant l'équation donnée sous cette forme, on verra aisément que le signe + fatisfait à la premiere condition, et le signe - à la seconde,

Les charges P et P' des tourillons ne paroissent pas dans l'équation [3],

parcequ'étant perpendiculaires à la circonférence du cylindre, elles ne peuvent produire aucune rotation autour de C C'''.

Tout ce que l'auteur dit ici dérive de cette considération, que, lorsqu'il n'y a qu'un point de contact, ce point doit être le centre d'équilibre; que, lorsqu'il y en a deux, l'un et l'autre devant participer également de cette propriété, ce centre ne doit pas tomber sur l'un plutôt que sur l'autre, mais entre les deux. On raisonnera de la même maniere sur un plus grand nombre de points.

Soit T't' le poids de I'O'oi =  $\Delta M'$ ; T'P et T'P' représenteront sa pression 356 sur les côtés I'O', io. Menons la verticale Z'Z et l'horizontale Zt, faisant le (pour la note), rayon Z'Z = 1 et l'angle ZZ'T =  $\epsilon$ , on aura ZT = tang.  $\epsilon$ ,  $Tt = \Delta \cdot \tan g$ .  $\epsilon$ , (Fig. 201) Z'T = sec.  $\epsilon$  et Z't = sec. ( $\epsilon + \Delta \epsilon$ ): actuellement, si on suppose T't' = Tt, les triangles semblables TZ't, T'Pt' donneront T'P = TZ' = sec.  $\epsilon$ , et t'P = tZ' = sec. ( $\epsilon + \Delta \epsilon$ ). Il suit de là que la portion de coin qui reposeroit sur la face oi exerceroit sur celle oi une pression représentée par tZ' = sec. ( $\epsilon + \Delta \epsilon$ ): donc, etc.

Dans le premier cas, la fonction m est supposé donnée en x, y et constantes, et par conséquent A, puisque  $A = \int dm$ , l'intégrale étant prise depuis les naissances jusques au sommet; mais tang. a est arbitraire et doit être déterminé par quelque condition. Dans le second cas, la fonction  $\frac{dx}{dy}$  et par conséquent tang. a sont donnés de la même maniere; mais c'est alors A qui doit être donné d'avance ou déterminé par quelque condition. Dans le troisieme cas, la fonction z ne laisse aucune condition arbitraire; car si z est donné d'avance en x, y et constantes, A et tang. a seront donnés paralà, en effet on pourra éliminer  $\frac{A}{\tan g \cdot a}$  de l'équation [4]; car l'équation  $zds + \frac{1}{2}z^2ds = \frac{\frac{1}{2}Ad\tan g \cdot a}{\tan g \cdot a}$  (364) donne z frang. s ( $zds + \frac{1}{2}z^2ds$ ) z  $\frac{A}{\tan g \cdot a}$  or z et s sont, par hypothese, donnés en x, y et constantes.

Trouver l'expression  $\frac{1}{\tan x}$ .

Pour cela reprenons la valeur de l'effort perpendiculaire sur un joint, donnée art. (139), laquelle est  $=\frac{M \sin I' CD'}{\sin I(CI'D' + BID)}$ . Or les angles CI'D' et BID de la Fig. (101) sont les angles a et  $\epsilon$  de la Fig. (103); faisant donc M = m, et substituant cos. a pour sin. I'CD' et sin.  $(a + \epsilon)$  à la place de sin. (CI'D' + BID), on aura, pour exprimer la pression contre un voussoir quelconque,  $\frac{m \cos a}{\sin (a + \epsilon)}$ . A la clef on a  $m = \frac{1}{2}A$ ,  $\epsilon = 0$ , et la pression devient  $\frac{\frac{1}{2}A}{\tan \alpha}$ ; c'est la valeur annoncée. Aux naissances, c'est-à-dire lorsque I'O' (Fig. 103) tombe sur IO, on a m = A,  $\epsilon = a$ ; et la pression devient  $\frac{A \cos a}{\sin a} = \frac{A \cos a}{\sin a} = \frac{\frac{1}{2}A}{\sin a}$ ; c'est ce qu'on trouve en divisant par  $\delta$  l'équation [1] de l'art. (361).

Jusqu'ici nous n'avons donné que la pression sur la surface totale d'un joint de lit, ou plutôt une quantité proportionnelle à cette pression: nous

Digitized by Google

**3**7**3** 

365

allons actuellement rechercises celle qui a iteu sur l'unité de mesure de cette surface.

Soit, pour les voltes en berceaux, telles que les arches des pouts, D la distance d'une tête à l'autre, j la longueur de compe d'un joint quelconque, et w la pesanteur spécifique de la matiere dont la voite est composée; Le priels abrelu que supportera la surface totale d'un joint de lit compté d'une tête à l'antre aura pour valeur, en l'ivres, DX min. a x , et la pression sur l'unité, à laquelle on rapportera la mesure de cette suriace, sera  $\frac{\pi}{i} \times \frac{\pi \cos a}{\sin^2 a + i}$ . Aux naissances cette expression devient, en nommant f la longueur du joint,  $\frac{\pi}{l} \times \frac{\Lambda \cos a}{\sin (2a)} = \frac{\pi}{l} \times \frac{\pi \Lambda}{\sin a}$ . A la clef cette expression devient, en nommant f' la longueur de coupe,  $\frac{\pi}{P} \times \frac{\frac{1}{2} \text{Accessor}}{\frac{\pi}{P}} \propto \frac{\frac{\pi}{2} \text{A}}{\frac{\pi}{2} \text{Accessor}}$  ou  $\frac{\pi}{P} \times \frac{\frac{\pi}{2} \text{A}}{\frac{\pi}{2} \text{Accessor}}$ .

Rien dans ces expressions ne déterminant le rapport de f à f, il est évident qu'on peut avoir  $f \sin a > f' \tan a$ , ou  $f \sin a < f' \tan a$ . Dans le premier cas, la pression sera plus petite aux naissances; dans le second cas elle sera plus grande; mais, dans la pratique, c'est le dernier qui est

le plus ordinaire.

Assunj.

Ksemple i On a formé la Table suivante, composée de six colonnes: l'angle qui se se : e some ce trouve en tête de la seconde est celui que nous avons fait = a. Les suivants sont les angles variables  $\epsilon$ ; ainsi  $(a + \epsilon)$ , pour un joint déterminé, est la somme du premier angle et de celui des suivants qui répond à ce joint. La quatrieme colonne renferme les valeurs de m cos. a La cinquieme, celles de j, j', j'', etc. Enfin la sixieme, celles de  $\frac{\pi}{i} \times \frac{m \cos \pi}{\sin (n+1)}$ 

1	2	3	4	5	6
Distance de l'origne de la courbe à la verticale passant à l'extrémiré et au bas du joint dont on calcule la pression.	Valour de l'angle z formé par la verticale et le juint:	Surface en pieda quar- rés du profil de la partie aupétieure de la vodes.	Surface représentant la pression exercée par la partie supérieure de la voître.	Longueur d'a joint pour lequel la pression est calculée.	Poids équivalant à la pression d'un pied quar- ré sur chaque joint.
4. 9°. 8 12 16 20 24 28 32 36 40 44 48 52 56 60	51° 53′ 40 55 33 10 26 50 21 58 18 50 15 40 12 30 10 45 8 15 5 50 4 30 2 50 1 30	1319½ 1198 1109 1036 977 924 883 846 813 784 757 733 708 684 660	833 740 687 652 628 606 592 579 565 559 554 537 527 518	76 66 66 66 66 65 55 55 55	19992 20720 19236 18256 17584 16968 16576 16212 15820 15652 16066 16320 17184 17918

On a  $A = \frac{dx'}{dy'}$  (\*)  $F: (x', y') = \tan a F: (x', y')$ ; d'où F: (x', y') = $\frac{A}{\tan x}$ . L'équation de la courbe donne x' = F: (e, f, y'); substituant pour x' cette valeur dans celle de h et dans F:(x', y'), il n'y aura plus que y'd'inconnue; dégageant y' de cette derniere équation et la reportant dans h, on aura h en A, tang. a, e et f.

## ECLAIR'CISSEMENTS SUR LADYNAMIQUE.

Voici une énonciation du principe général proposée par M. de Prony, qui 382

paroit lui donner le sens le plus étendu dont il soit susceptible.

Si des causes quelconques produisent un changement dans l'état actuel de mouvement ou de repos de plusieurs corps, concevez la variation de mouvement que chaque corps éprouveroit dans l'instant suivant, s'il devenoit libre, ou s'il continuoit de l'être dans le cas où il l'auroit été précédemment, comme décomposée en deux autres, dont l'une soit celle qu'il éprouvera réellement après le changement; la seconde doit être telle que, si les causes perturbatrices ne tendoient qu'à produire cette seconde variation, l'état de repos ou de mouvement des corps ne changeroit point.

Chacune des trois vitesses a lieu comme si la résultante qui la produit passoit par le centre de gravité; car on a vu, art. (398) que, soit que la résultante des quantités de mouvement passe ou non par le centre de gravité, la vitesse de ce centre étoit toujours la même.

Pour éclaircir la remarque qui est après l'énoncé du théorème, soient NQM la section d'un corps par un plan perpendiculaire à l'axe de rotation AB, sup. (Fig. 203). posé vu en perspective et passant par le point C; G le centre de gravité de ce corps; MN la rencontre de la section NQM avec un plan passant par l'axe de rotation et le centre de gravité; kplo la rencontre du même plan NQM avec les molécules du corps qu'on pourroit concevoir être contenues dans une enveloppe cylindrique qui traverseroit tout ce corps parallèlement à l'axe AB. On pourra supposer toutes les molécules matérielles qui forment cette enveloppe répandues et fixées sur la couronne kplo, et les moteurs qui les animent conservant des directions paralleles aux premieres, puisqu'après cette transformation on aura toujours même quantité de mouvement, et conséquemment même effort contre le plan MN. Or si, à la place de toutes les molécules et des moteurs qui les animent, on fixoit à un point quelconque de la couronne un seul corps égal à leur somme, et un moteur unique qui équivalût à tous, on voit aisement qu'il faudroit appliquer à la circonférence la même force pour faire équilibre à chacune des deux quantités de mouvement. De cette considération il suit qu'on pourra supposer aux moteurs des directions perpendiculaires sur MN.

f(x', y') signific function de x et y. Tome II.

398 Il faut remarquer que la pression dont il est ici question agit dans le plan même de la courbe.

Des deux actions perpendiculaires à la courbe, et qui résultent de la décom-1309 Les deux actions perpendiculaires a la courbe, et qui resultent de la decom-(Fig. 203). position des puissances paralleles à l'axe des y et à celui des x, la premiere tend à rapprocher le corps de la courbe, et la seconde à l'éloigner; ce qui a lieu dans le cas où les puissances sont positives. On se rendra aisément compte de tout ceci en considérant que si un corps est retenu sur la courbe ab, en vertu d'une action normale qui agiroit dans le sens nM, les directions AP, Ap, ou leurs paralleles pM et PM étant positives, cette pression normale, décompesée parallèlement à Ap, agira dans le sens négatif MP, et que, parallèlement à AP, elle agira dans le sens positif pM. Si, au lieu de passer de la résultante dans le sens nM, aux composantes dans le sens pM et MP, on faisoit l'inverse, il est évident par ce qui précede que cette résultante se trouveroit composée de deux parties soustractives l'une de l'autre : alors, si on suppose que Nn est la direction positive, et que le corps exerce, en vertu de sa vitesse, une pression dans le sens Nn, cette pression et celle due aux puissances paralleles à PM seront positives, tand's que la pression due aux puissances paralleles à pM, qui s'exerce dans le sens nN, sera négative. C'est l'hypothese de l'art. (399).

427 Trouver l'expression de la vitesse acquise et celle de la vitesse angulaire (Fig. 204). du centre d'oscillation.

La vitesse u, acquise depuis G, qu'on suppose être le centre d'oscillation jusqu'en g, est, art. (413),  $= \sqrt{[2\phi(BP - Bp)]} = \sqrt{(2\phi \times Pp)}$ . Si on suppose AG' = 1, les arcs pris sur GB représenteront les vitesses absolues, et les arcs de même valeur angulaire que les précédents, mais pris sur G'B', représenteront les vitesses angulaires. Faisant donc G'AB' = f,  $g'AB' = \omega$ , on aura  $P'p' = \cos \omega - \cos f$ ; et la proportion Pp : P'p' (cos.  $\omega - \cos f$ ):  $AP : AP' :: AG(\frac{n^2 + n^2}{n}) : AG'(1)$ , donnera  $Pp = \frac{n^2 + n^2}{n} \times (\cos \omega - \cos f)$ ; substituant cette valeur dans celle de u, on aura  $u = \sqrt{[\frac{(n^2 + n^2)^{29}}{n}]}$  (cos.  $\omega - \cos f$ ). Or ayant la vitesse absolue, ou l'arc qui seroit, en vertu de cette vitesse, parcourn uniformément sur GB, pour avoir l'arc correspondant de G'B', il faut dire, en supposant que Gg soit cet arc,

$$AG: Gg: AG': G'g' = \frac{Gg}{AG} = \sqrt{\left[\frac{2 \cdot a}{n^2 + a^2}\left(\cos a - \cos f\right)\right]}$$

On peut faire sur l'équation  $\omega = \rho dt$  deux suppositions qui serviront à la vérifier. Soit  $\rho = \infty$ ; on aura, pour  $\rho dt$  et conséquemment peur  $\omega$ , une valeur finie; c'est ce qu'on démontre en méchanique. Soit  $\rho = \frac{1}{\infty}$ , d'où  $\rho dt = \omega = \frac{1}{\infty} = 0$ ; donc le corps choquant ne perdra point de sa vitesse; ce qui doit arriver, puisque, dans cette hypothèse, le corps choqué est incapable de résistance.

Pour se convaincre que  $\int \sigma dz$  peut être supposé égal à une fonction de z

avec des constantes, il ne faut que jeter les yeux sur l'application donnée art. (474).

Il faut faire attention que dx, qui est un accroissement pour le premier 483 arc, est un décroissement pour le second.

On se rappellera les définitions que nous avons données plus haut des 486 vitesses absolue et angulaire.

Il est clair qu'un corps qui tombe ne peut jamais se soustraire à l'action 495 de la gravité.

Tout ce qu'on trouve dans ce numéro est une traduction de l'équation **503** fut = f'u't' donnée art. (494).

## ÉCLAIRCISSEMENTS SUR L'HYDROSTATIQUE.

M. de Prony cite des expériences de l'abbé Nollet et de M. du Luc propres à faire con oltre le poids de l'eau à différentes températures. Il m'a dit (Pour la note). que, depuis la publication de son ouvrage, il avoit lu dans les Transactions Philosophiques de la Société royale de Londres, vol. LXXX, pour l'année 1790, deuxieme partie, pag. 321, un mémoire de Charles Blagden contenant, sur le même objet, et sur le mélange de l'eau avec l'esprit de vin, des expériences très détaillées et faites avec beaucoup de soin, et des tables de leurs résult its. Ce que dit M. de Prony dans la note est plus que suffisant pour son o'jet. Nous ne citons le mémoire de Blagden qu'en faveur de ceux qui auroient la curiosité de faire une étude plus détaillée de cette matiere.

#### $S: MM'm'm(dxdy) :: t : sin. \sigma.$

531

Soit AM le profil d'une surface projetée sur une autre surface dont le profil soit AB, ces profils étant perpendiculaires à la ligne d'intersection passant par A. Menons la perpendiculaire PM à AB, la ligne MA sera à la projection AP comme le rayon est au sinus de AMP; mais MB étant perpendiculaire à AM, l'angle MBA égal à l'angle AMP, comme complément du même angle PMB, représentera l'angle  $\sigma$ ; donc

#### $MA:AP:: 1:\sin \sigma$ .

Or on peut concevoir une infinité de sections pareilles infiniment près l'une de l'autre : d'où on conclura que les surfaces elles-mêmes sont dans le rapport de la somme des sections AM à la somme des projections AP.

Pour bien sentir que le corps (n°. 1) sera dans un équilibre absolu par Ibid. rapport aux trois plans coordonnés, il faut voir la pression verticale, qui agit sur chaque élément, décomposée en trois pressions paralleles aux trois axes AX, AY et AZ, ou, ce qui est la même, chose, perpendiculaires

Digitized by Google

anx trois plans coordonnés; considérer ensuite six éléments, deux dans la direction de la pression perpendiculaire au plan des (x, y); deux dans la direction de la pression perpendiculaire au plan des (x, z); enfin deux dans la direction de celle perpendiculaire au plan des (y, z). Cette préparation faite, on démontrera, par les principes exposés dans la statique, que deux pressions opposées sont égales : d'où il résultera que le corps e t dans un repos absolu par rapport aux trois plans coordonnés.

M. de Prony m'a fourni les développements suivants sur la propriété  $F = \infty$  in que doit avoir l'expression p dx + p' dy + p'' dz d'être intégrable par elle-

même pour qu'il y ait équilibre.

Il faut d'abord observer que lorsque toutes les molécules d'un fluide sont supposées en équilibre, un canal fluide quelconque, rentrant en luimeme, qu'on peut concevoir dans la masse totale, est en équilibre par lui-même indépendamment du reste du fluide; c'est-à-dire que si la partie du fluide qui environne ce canal devenoit tout à coup solide, le canal ne cesseroit point d'être en équilibre; en effet, les puissances qui animent les molécules ne subissant aucune altération, la nouvelle paroi du canal fluide éprouvera précisement la même pression qui s'exerçoit contre elle, avant qu'elle appartint à un corps solide, et il n'y aura rien de changé aux différentes réactions qui doivent en résulter sur les molécules du canal; ainsi les molécules resteront dans le même état avant et après la solidification du reste du fluide.

Cela posé, soient ZAX et YAX deux plans perpendiculaires l'un sur l'autre; KFMG la projection orthogonale d'un canal fluide, infiniment mince, rentrant en lui-même, et faisant partie d'une masse fluide quel-conque aussi en équilibre; K'F'QG' la projection orthogonale du même canal sur le même plan ZAX; menons les coordonnées AP, x; PM, y; PQ, z; au point représenté par M ou Q, et les coordonnées infiniment près PQ, pq. On voit que les puissances qui sollicitent la molécule Mm, parallèlement à AX, AY, AZ, sont respectivement p, p' et p": nommons s une longueur finie du canal, telle que celle projetée en GM, ds sera la longueur élémentaire projetée en Mm et Qq. A étant une constante, et la section transversale du canal étant supposée la même par-tout, Adds pour-ra représenter la masse de la molécule projetée en Mm. Maintenant, si on veut décomposer la puissance p dans le sens de l'élément ds du canal, il faut faire la proportion

$$ds: Pp::p:$$
 la valeur cherchée  $=\frac{p dx}{ds}$ ;

et pour avoir l'effort absolu qui en résulte dans le même sens, il faut multiplier  $\frac{p\,dx}{ds}$  par la masse  $A\,\delta\,ds$ , et on aura  $A\,\delta\,p\,dx$ , valeur de l'effort que fait la molécule projetée en Mm pour s'échapper le long du canal en vertu de la puissance p.

On trouvera de la même maniere que les efforts analogues produits en vertu de p' et p'' sont  $A \mathcal{L}p'dy$ ,  $A \mathcal{L}p''dz$ ; ainsi l'effort total que sait la molécule projetée en Mm pour s'échapper dans le sens du canal est représenté par

 $A \delta (pdx + p'dy + p''dz);$ 

et l'effort total d'une partie finie du canal, telle que celle projetée en GMF,

A (S (  $p dx + p'd\gamma + p''dz$  ),

l'intégrale prise dans les limites convenables, c'est-à-dire depuis le point

projeté en G jusqu'au point projeté en F.

Les quantités  $\beta$ , p, p', p'', sont censées fonctions de x, y et z; ainsi l'expression  $\delta(p dx + p' dy + p'' dz)$  pourra toujours se ramener à une forme qui ne contienne que des x, y et z, et des constantes. Dans cet état, si on avoit les deux équations des deux courbes de projection KFMG. K'F'QG', on pourroit, par leur moyen, éliminer de  $\delta'(pdx + p'dy + p''dz)$ deux indéterminées et leurs dissérentielles, et il ne resteroit à intégrer qu'une fonction à une seule variable. Mais observons que ce que avons dit du canal projeté en KFMG peut se dire d'un autre canal dont la projection seroit KFM'G, et qui auroit la partie GKF commune avec le premier. Donc les pressions qui s'exercent en F et G, en vertu de la partie du canal invariable GKF et qui font toujours équilibre à une partie du canal GM'F aboutissante au même point, ces pressions, disons-nous, doivent toujours être les mêmes, quelle que soit la forme de la partie du canal GM'F; donc l'intégrale  $\int \int (p dx + p' dy + p'' dz)$ , valeur de la pression totale GM'F ou de GKF qui lui fait équilibre, est égale à une quantité déterminée et constante, quelle que soit la forme de GM'F, et avec la seule condition que GM'F sera la continuation de la portion supposée invariable GKF. Or pour que cette propriété puisse avoir lieu, il faut nécessairement que d', p, p', p'' soient des fonctions de x, y et z telles que d'(pdx + p'dy + p''dz) soit une différentielle exacte indépendamment de toute forme particuliere du canal, c'est-à-dire indépendamment de toute relation partiuliere entre x,  $\gamma$  et z.

Soit CMC' un arc élémentaire de courbe dont le centre de courbure et d'attraction est en A; soit sur le prolongement du rayon AM une (Fig. 206). ligne Mr qui représente en direction et en quantité la puissance qui sollicite la molécule M; les deux composantes de Mr sont, es parallele à AX et sM perpendiculaire à AX. Faisant passer par sM un plan parallele à celui ZAY; on trouvera dans ce plan deux composantes de sM, l'une st, parallele à PQ, l'autre tM, parallele à AZ; et les triangles semblables AMP, sMr, PQM, tMs, donneront les proportions suivantes:

 $AM(r): Mr(\varphi):: AP(x): rs = \frac{\varphi x}{r}$  $AM(r):Mr(\varphi)::MP:Ms::PQ(y):st=\frac{\varphi y}{r}$ 

On démontrera aisement que l'angle varié X'V'T vant un angle droit plus l'angle ObT. Pour cela soit prolongé le rayon Ob jusqu'à ce qu'il rencontre la ligne X'Z' en un point V''; l'angle X'V"T sera droit et = XVT, et l'angle extérieur X'V'T sera = X'V''O + V'eV'' = XVT+ ObT. On a vu dans le texte que  $be = \frac{1}{\infty}$ , qu'ainsi l'angle OeT = l'angle ObT, et angle V'eV'' = angle ObT.

.; •

Pour trouver la valeur de R' au moyen du nivellement réciproque, il faut poser les deux équations  $R' = \frac{a^2}{2z}$  et z = x - Mo = x - Ao', prendre dans la table XI, qui se trouve à la fin du volume, les valeurs de x et de Mo = Ao correspondantes à une même distance a; retrancher la seconde de la premiere, ce qui donne z. Calculant ensuite la premiere équation, on trouvera R' = 7R à très peu près.

55! On ne sera pas fâché de trouver ici une solution détaillée d'un pro-(sur la note) blême qui m'a paru n'être pas très clairement exposé dans l'ouvrage de (Figure 207). Lambert, cité plus haut. En voici l'énoncé: Trouver le rayon horizontal

moyennaut les réfractions astronomiques.

Solution. Soit AH un rayon de lumiere continué en h, AG un rayon infiniment voisin du premier et pareillement continué en g; soit l'angle  $kAC = \gamma$ , l'angle gAC sera  $= \gamma - d\gamma$ ; soit la réfraction astronomique pour le rayon AH = z; celle pour le rayon AG qui s'approche plus du zénith, sera = z - dz. Du centre C de la terre menons la droite  $C_g$  de telle sorte que l'angle gCA = dg; cette droite coupera le rayon Ag sous le même angle que la verticale AC coupe le rayon AH. En effet, comme angle extérieur,  $\varphi_g C = gAC + gCA = gAC + hAg = hAC$ . Ainsi un spectateur placé en g verroit un astre par le rayon gAG, aussi distant de son zénith que le spectateur en A en verroit un par le rayon AH du sien; ou plus clairement, pour le point g, le fil-à-plomb seroit dans la direction gC et la lunette dans la direction  $\varphi g$ : on y verroit donc l'astre G sous l'angle  $\varphi g C = K g G$ , lequel donne sa distance au zénith. Pour le point A, le sil-à-plomb iroit suivant AC et la lunette suivant hA: on y verroit donc l'astre H sous l'angle  $hAC = \varphi_gC$ , c'està-dire à la même distance du zénith pour ce point. Soit le rayon de courbure AE = gE, la réfraction que souffre un rayon de A en g, étant égale à la courbure de sa route depuis A jusqu'en g, comme cet arc de courbe se confond avec son arc osculateur, cette réfraction aura pour mesure l'angle AE $g = \frac{Ag}{AE}$ . Ajoutant cette quantité à z - dz, qui représente la réfraction de l'astre G pour le point A, on aura sa réfraction totale =  $z-dz+\frac{\Lambda_E}{\Lambda E}$ . Nous avons vu plus haut que la distance apparente au zénith des deux astres, vus des points A et g, étoit la même: ainsi, faisant attention que cette distance est toujours la distance réelle moins la réfraction, nous aurons, pour exprimer cette condition, l'équation

 $\gamma - z + dz - \frac{\Lambda_g}{\Lambda E} = \gamma - z$ ; d'où  $dz = \frac{\Lambda_g}{\Lambda E}$  et  $\Lambda E = \frac{\Lambda_g}{dz}$ . On a  $\Lambda_g : \Lambda_g :$ 

De ce que les signes qui affectent les deux distances sont les mêmes, il

suit que les deux résultantes sont placées d'un même côté du plan ABCD, puisque c'est dans ce plan que se trouve l'origine des distances.

Lorsque le côté horizontal supérieur du parallélogramme est à la surface de l'eau,  $q = \frac{1}{2}b$ ; donc  $P = \pi q b \lambda = \frac{1}{2}\pi b^a \lambda$ ; la distance de P à la surface supérieure est  $= \frac{2}{3}b$ ; donc sa distance à la surface inférieure est  $\frac{1}{3}b$ . Ainsi son énergie pour faire tourner le parallélogramme autour de sa base inférieure, est  $P \cdot \frac{1}{3}b = \frac{1}{3}\pi b^2 \lambda \times \frac{1}{3}b$ . La pression passant par un des points de la hauteur, sa distance au côté vertical est  $= \frac{1}{2}\lambda$ ; donc son énergie pour faire tourner le parallélogramme autour de ce côté est  $= P \times \frac{1}{3}\lambda = \frac{1}{3}\pi \lambda b^2 \times \frac{1}{3}\lambda$ .

Pour avoir la valeur de Q, soient des points A et D mences sur le milieu de BG et CH les lignes AM' et DM"; soient prises sur ces lignes les (Fig. 10). parties AG' =  $\frac{2}{3}$ AM' et DG" =  $\frac{2}{3}$ DM"; les points G' et G" seront les centres de gravité des triangles BAG, CHD; ainsi les distances du point A aux pieds des verticales abaissées des centres de gravité des trois parties de la surface seront AX' =  $\frac{2}{3}$ AG; AQ = AG +  $\frac{GH}{2}$ ; AX" = AD -  $\frac{2}{3}$ DH; donc on aura Q = BGHC (AG +  $\frac{GH}{2}$ ) +  $\frac{AG \cdot BG}{2} \cdot (\frac{2}{3}AG)$  +  $\frac{HD \cdot CH}{2} \times (AD - \frac{2}{3}DH)$  = (AD - AG - HD) × HC (AG +  $\frac{AD - AG - HD}{2}$ ) +  $\frac{AG \cdot BG}{2} \times (\frac{2}{3}AG)$  +  $\frac{HD \cdot CH}{2} \times (AD - \frac{2}{3}HD)$  =  $(q - b' - b)h(b' + \frac{q - b' - b}{2}) + \frac{hb'}{2} \cdot (\frac{2}{3}b') + \frac{hb}{2} \cdot (q - \frac{2}{3}b)$ .

Ce numéro présente une démonstration rigoureuse de ce qui a été dit art. (513). Il ne faut pas perdre de vue dans tout ce problème que l'angle σ et conséquemment la ligne BE ne seront connus que lorsque la nature des terres sera donnée; et alors on aura P, c'est-à-dire la poussée horizontale contre le mur ABCD pour chaque espece de terre.

L'équation D =  $2\sqrt{\frac{d}{\pi n l}}$  n'est autre chose que l'équation  $x = \frac{A(p-\pi \nu)}{\pi n s}$  620 donnée art. (616), et de laquelle on tire  $z = D = 2\sqrt{\frac{p-\pi \nu}{\pi n s}} = \frac{620}{2\sqrt{\frac{d}{\pi n l}}}$ .

En effet, soient p et p' les poids de deux aréometres, z et z' les diametres respectifs de leurs fils de laiton; supposons p > p', et par conséquent z > z'; si les aréometres sont construits de maniere que  $\frac{p}{z^1} = \frac{p'}{z^{1/2}}$ , leur sensibilité, relative à la variation de densité, c'est-à-dire les différences d'enfoncement dans deux eaux de densités différentes, sera la même, puisque, art. (619), cette différence est proportionnelle à  $\frac{p}{z^1}$  et à  $\frac{p'}{z^{1/2}}$ ; mais z étant plus grand que z', la sensibilité relative à l'addition d'un petit poids  $\omega$ , la densité restant la même, sera moindre dans l'aréo-

metre p que dans l'aréometre p', puisque les enfoncements occasionnés par ce poids additionnel sont proportionnels, art. (620), à  $\frac{a}{z'}$  et  $\frac{a}{z'}$ , et qu'on a z > z', et par conséquent  $\frac{a}{z'} < \frac{a}{z'}$ . Si les diametres de fil de laiten étoient égaux, c'est-à-dire qu'on ent z = z', la sensibilité relative à un poids additionnel seroit la même, la densité étant constante; mais la sensibilité relative à la différence de densité seroit dans le rapport de  $\frac{p}{z'}$  à  $\frac{p'}{z'}$  ou de p à p'.

L'auteur dit que les aréometres qui, à égale valeur de sensibilité représentée par  $\frac{P}{z^*}$ , ont, à un moindre degré, celle représentée par  $\frac{a}{z^*}$ , ou, ce qui revient au même, par  $\frac{1}{z^*}$ , sont les plus solides, parceque, dans ceuxci, le fil de laiton est plus gros, par conséquent moins sujet à se plier, et plus propre à être assemblé solidement au col de la fiole.

Lorsque, dans la construction d'un aréometre, on veut s'assujettir à se servir d'un fil d'un diametre donné, la variation d'enfoncement proportionnelle à  $\frac{1}{z^2}$  est consue d'avance par là; mais si, outre cette condition, on veut encore que la sensibilité due à la différence de densité soit aussi donnée, c'est-à-dire que  $\frac{p}{z^2}$  ait une valeur déterminée, qu'on suppose  $= \gamma$ , il faut employer une fiole d'un volume tel qu'on ait  $\frac{p}{z^2} = \gamma$  ou  $p = \gamma z^2$ .

- Avec un aréometre pesant 1<sup>liv.</sup>  $14^{\text{reaces}} 7^{\text{gros}} 40^{\text{grains}} = 1^{\text{liv.}}, 934027$ , on trouve  $36^{\text{grains}}$  pour la valeur de  $\pi' \pi$  correspondante à  $\omega = 1^{\text{grain}} = 0^{\text{liv.}}, 003927$ , et  $2^{\text{onces}} 2^{\text{gros}} 6^{\text{grains}}$  pour celle qui correspond à  $\omega = 36^{\text{grains}} = 0^{\text{liv.}}, 141372$ .
- L'auteur ne donne ici la valeur de x'-x que pour une eau, tandis que, pour avoir les différences des pesanteurs spécifiques de plusieurs eaux, il faut connoître x'-x ou  $\omega$  pour chacune d'elles. Or, en supposant que la plus grande différence de pesanteur spécifique entre deux eaux soit de 3 onces (on voit par la table V, pag. 59, que cette différence n'a jamais lieu, excepté pour l'eau de la mer et celle du Lac Asphaltite), et faisant  $\pi = 70^{\text{liv.}} = 645120^{\text{grains}}$ ;  $\omega = 38^{\text{grains}}$ ;  $\frac{1}{4}nz^2 = 1$  ligne quarrée =  $(0^{\text{pi.}},000048 \times 645120 = \frac{38}{30.96} = 1^{\text{pi.}},226 = 14^{\text{pos.}} 8^{\text{li.}},544$ : si on fait varier  $\pi$  de 3 onces, on aura  $x'-x = \frac{38}{0^{\text{pi.}},000048 \times 645120} = \frac{38}{30.96} = 1^{\text{pi.}},226 = 14^{\text{pos.}} 8^{\text{li.}},544$ : si on fait varier  $\pi$  de 3 onces, on aura  $x'-x = \frac{38}{0^{\text{pi.}},000048 \times 640848} = \frac{38}{31.04} = 14^{\text{posc.}} 8^{\text{li.}},256$ . Ainsi, pour une différence de 3 onces entre les pesanteurs spécifiques, on n'a que o''. 288 pour la différence entre les enfoncements correspondante à 38 grains; d'où l'on voit qu'il suffit d'avoir la valeur de x'-x pour une seule eau.
- Lorsque le thermometre monte d'un degré, P diminue de nP [n valunt  $\frac{1}{200}$ , comme on le voit, art. (523)]: donc à l'ascension de  $\kappa$  en  $\kappa'$ , doit correspondre une perte de poids représentée par  $nP(\kappa' \kappa)$ . Ainsi,

un pied cube d'air qui, à une température x, avoit un poids P, à une température  $\kappa'$  n'a plus qu'un poids  $P - nP(\kappa' - \kappa)$ , la hauteur du barometre étant toujours h. P' et  $P - nP(\kappa' - \kappa)$  sont donc les poids de deux unités de volume d'air pour une même température n' et des hauteurs h' et h du barometre; et comme, pour la même température; les poids d'un pied cube d'air sont entre eux en raison directe des pressions, on a la proportion

$$P': P - nP(\kappa' - \kappa) :: h': h, \text{ d'où } P' = P\left\{\frac{h'}{h}[1 - n(\kappa' - \kappa)]\right\}.$$

M. du Luc (Tom. 2, art. 588 et 607) trouve que lorsque le thermometre est au-dessus ou au-dessous de 16°,75, la correction à faire, pour chaque degré du thermometre, à la différence de hauteur donnée par l'équation  $z = 10000 \cdot (Lh - Lh')$  est à cette différence même dans la raison constante de 1 à 215; donc pour x degrés cette correction sera 10000 (Lh — Lh')  $\times \pm \frac{k}{215}$ ; donc l'équation trouvée plus haut devient  $z = 10000 \left( Lh - Lh' \right) \cdot \left( 1 \pm \frac{k}{215} \right)$ 

L'équation z = A(Lh - Lh') donne  $\frac{Lh - Lh'}{z} = \frac{1}{A}$ , quantité constante pour une même colonne d'air et un instant déterminé : mettant dans cette équation pour (Lh - Lh') sa valeur  $\frac{1275.373}{1000}$  trouvée art. (640), et pour z sa valeur géométrique = 1223 toises, on a  $\frac{1}{A} = \frac{0.1215,573}{1223} =$ 0,000099212 et  $A = \frac{1}{0,000099212}$ ; donc généralement  $z = \frac{Lh - Lh}{0,000099212}$ .

Il est nécessaire que l'intervalle entre deux rondelles soit plus petit que 653 la distance du point le plus bas de la chaine à la surface de l'eau: en efset, sans cette condition il y auroit discontinuité dans le jet, puisqu'alors une partie seulement de l'espace compris entre deux rondelles seroit remplie d'eau.

Lorsque le piston monte, il est poussé par trois forces; savoir: les poids supérieur et inférieur de l'atmosphere, et celui de la colonne d'eau comprise entre la surface inférieure du piston et le niveau de la superficie du réservoir. Les deux premieres, étant égales et directement opposées, se détruisent; la seconde, qui agit tout entiere, est = Sh.

Lorsque le piston descend, les pressions supérieure et inférieure de l'atmosphere se détruisent également : reste donc à vaincre le poids de la colonne d'eau qui se trouve dans le tuyau montant, lequel est = Sh'.

 $\frac{a+ay}{E+ay} \times h + a - y = h + z \dots$  (A). On peut appliquer à la con-**690** struction de cette équation la méthode donnée par M. de Prony dans un petit traité, qu'il a publié en 1791, sur la construction des équations indéterminées qui se rapportent aux sections coniques.

Tome II. C

Digitized by Google

669

L'expression  $\frac{e+sy}{E+sy} \times h$  est la même chose que celle-ci  $h = \frac{k[E-e]}{E+sy}$ . Substituant cette dernière à la place de l'autre dans l'équation précédente, elle devient

 $z = a - y - \frac{1E - e + h}{E + s \cdot y}$ ...(B). Cette équation se rapporte à celle (E) donnée art. (36) de l'ouvrage cité plus haut. Lorsque  $y = \sigma$ , on a  $z = a - h + \frac{h \cdot e}{E}$ . Soit AZ l'axe des z, et AY l'axe des y, perpendiculaires l'an sur l'antre; portez AF = a, et menez OFQ', faisant un angle de  $45^a$  avec AY; portez AL =  $\frac{\pi}{s}$ , et menez OLQ" parallele à AZ; faites AB =  $a - h + \frac{h \cdot e}{E}$ , et tracez une hyperbole qui passe par le point B et qui ait OQ' et OQ" pour asymptotes.

En effet, si dans l'équation (A) on fait  $y = \infty$ , l'équation devient y = -z; donc à l'infini Ap = pm; mais dans le même cas AQ, est négligeable, ou Ap = Qp, et d'un autre côté  $Qhp = 45^{\circ}$  et Qp = ph; donc Ap = ph, et pm = ph; donc QQ rencontre la courbe à l'infini et est son asymptote.

Ensuite, si on fait y négatif et = AL, c'est-à-dire —  $y = \frac{P}{r}$  ou E + sy = o, le second membre de l'équation (B) devient infini, et on a  $z = -\infty$ ; donc Q'' est aussi asymptote.

Mais, pour vérifier la construction par un calcul direct, observons que la propriété de l'hyperbole donne OH × HM = OF × FB, et on a OH =  $\sqrt{(OR + GH)^2 + (RF + FG)^2} = \sqrt{(2(RF + FG)^2)}$ : HM = PG - GH - PM; OF =  $\sqrt{(2OR)}$ ; FB = AF - AB; substituant les valeurs analytiques de ces lignes, on a  $\sqrt{\left[2\left(\frac{R}{s} + y\right)^2\right]}$ ×  $(a - y - z) = \sqrt{\left(\frac{E^*}{s}\right)} \times \left(b - \frac{h^*}{E}\right)$ ; élevant au quarré, divisant par  $(a - y - z)^2 \cdot \frac{2E^*}{s}$  et extrayant la racine, cette équation se change en celle-ci;  $\frac{E}{s} + \frac{y}{s} = \frac{h - \frac{h^*}{E}}{a - y - z}$ , qui, divisée par  $\frac{E}{s}$ , devient  $\frac{sy}{E} = \frac{h(E - e)}{E(a - y - z)}$ , d'on l'on tire  $E + sy = \frac{h(E - e)}{a - y - z}$ , ou  $a - y - z = \frac{h(E - e)}{E(a - y - z)}$ , et enfin  $z = -y - \frac{h(E - e)}{E(a - y - z)}$ , qui est l'équation (B).

#### SUR L'HYDRODYNAMIQUE.

u n'est différencié ici que parcequ'on le considere pendant deux instants consécutifs, pendant lesquels les molécules de la tranche M m parcourent les espaces dz et dz + ddz. On conçoit aisément qu'il y a une relation entre la variation ddz de dz et la variation de u; car deux tranches infiniment voisines étant supposées égales, si deux variations consécutives de z étoient aussi égales, le produit de l'orifice seroit le même, et u seroit constant; c'est donc ddz qui fait varier u, car il est relatif à l'excès de vitesse de la tranche S pendant le second instant.

On énoncera ainsi cet article: Puisqu'on ne veut avoir la valeur finie 708 de la pression p que pour un instant déterminé, il faut observer qu'à cet instant la vitesse u et le rapport  $\frac{du}{dt}$  qui, comme nous venons de le voir, ne doit varier que dans l'instant suivant, ont aussi une valeur déterminée, et qu'ainsi ces quantités doivent être traitées comme constantes dans l'intégration.

Ceci est une suite de ce qu'on a dit précédemment, que toute la solution ne porte que sur un état instantané du fluide, et que pendant cet instant on ne doit considérer comme variables que z, s et p.

On pourra aussi, connoissant la différence de niveau CB et l'amplitude 759 AD, trouver la hauteur AY du réservoir. En effet les deux équations sin.  $(2a) = \frac{b}{2h}$  et  $h = \frac{h'}{\sin^2 a}$  donnent, en égalant les valeurs de h,  $\frac{h'}{\sin^2 a} = \frac{b}{2 \cdot \sin (2a)}$  et  $\frac{b}{2h'} = \frac{\sin (2a)}{\sin^2 a} = \frac{2\cos a}{\sin a} = 2\cot a$ . Ainsi, connoissant b et h', on calculera l'angle SAD = a, et l'équation sin.  $(2a) = \frac{b}{ah}$  donnera h ou la hauteur du réservoir.

A cause de B > O, l'exposant du nombre e sera négatif, et on aura, 771 en faisant B<sup>2</sup> =  $O^2 = M$ ,  $e^{-\frac{\pi \hbar}{\lambda^{1/2}}} = \frac{1}{e^{\frac{\pi \hbar}{\lambda^{1/2}}}}$ . Lorsque  $\kappa = 0$ , cette fraction devient = 1; donc aussitôt que  $\kappa$  sort de zéro, le dénominateur devient > 1 et la fraction < 1.

On déterminera encore la valeur de  $\varphi$  dans l'équation  $\varphi ds - \varphi Ps dh = -\varphi Qh dh$  en disant: Puisque le facteur  $\varphi$  fait du premier membre une différentielle exacte, si on regarde  $\varphi ds$  comme la premiere partie de cette différentielle,  $-\varphi Ps dh$  sera la seconde; or  $\varphi ds$  renferme le produit  $\varphi s$  différentié par rapport à s; donc  $-\varphi Ps dh$  doit être le même produit différentié par rapport à  $\varphi$ ; cette condition donne  $s d\varphi = -\varphi Ps dh$  et  $\frac{d\varphi}{\varphi} = -P dh$ .

C ji

20

Soient du et du' les vitesses à la surface supérieure et à l'orifice au commencement du mouvement, dz et dx les hauteurs de la premiere tranche et du cylindre qui s'écoule, dt le temps, on aura les deux équations

 $\Phi':\Phi::\frac{du'}{dt}:\frac{du}{dt}::du':du$ , et du':du::dx:dz; mais l'équation Odx = Bdz donne dx:dz::B:O; donc  $\Phi':\Phi::B:O$ , d'où  $\Phi' = \frac{B}{O} \cdot \Phi$ .

Lorsque  $h^{\frac{1}{2}}$  est négative, le terme  $\frac{e \sin \theta}{(2e)^{\frac{1}{2}}}$  est positif, et il est négatif quand  $h^{\frac{1}{2}}$  est positive; ainsi, en rassemblant ces deux cas, on a  $m' = \frac{e \cdot da \cdot dh \cdot \sin \theta}{\sin f} \times \left( \mp h^{\frac{1}{2}} \pm \frac{e \sin \theta}{(2e)^{\frac{1}{2}}} \right)^2 = \frac{e \cdot da \cdot dh \cdot \sin \theta}{\sin f} \times \left( h - \frac{2e \sin \theta}{(2e)^{\frac{1}{2}}} + \frac{e^2 \sin^2 \theta}{2e} \right).$ 

934 Il ne faut pas perdre de vue que l'expression δκhasin². 8 ne représente qu'une masse, et qu'ainsi, pour avoir la pression, il faut multiplier par φ. Cette expression devient alors comparable à celle de l'art. (938).

En représentant par 100 la résistance perpendiculaire et directe de la surface MN sur un plan perpendiculaire à la direction du mouvement, M. l'abbé Bossut donne 47,66 pour la valeur du terme 0,3153 correspondante à  $x = 78^{\circ}$ ; mais, si on calcule exactement, on trouvera que ce terme est = 131,54; la différence pour le même angle entre le résultat de l'expérience et celui de la théorie est = 36,31: ainsi le terme 0,03153  $\times$   $\left(\frac{x}{6}\right)^{3,25}$  est plus que triple de la valeur que lui donne l'expérience, et non pas trop fort de près d'un quart.

Au lieu de la formule de M. l'abbé Bossut, on emploiera avec avantage celle de M. de Prony, en faveur de laquelle il suffit de citer l'application qu'en a faite M. de Bettancourt dans un mémoire qui a pour titre, Expériences sur les forces expansives de la vapeur de l'eau. Je n'entrerai dans aucuns détails sur les calculs qui y ont conduit; je me contenterai de l'exposer toute préparée pour le cas dont il s'agit; c'est celle-ci:

 $y = 50 \cos^2 x + \frac{1}{2} [e^{0,17} + 0,0171x + e^{1,94} - 0,006x] + 5,695...(A).$ e est le nombre dont le logarithme hyperbolique =  $\tau$ .

La table suivante offre les valeurs de y déduites de l'équation (A) et de celle de M. l'abbé Bossut, ainsi que les différences entre les résultats théoriques et ceux de l'expérience: ceux-ci sont tirés de l'ouvrage ci-dessus cité.

V A	valeurs de y déduites de			DIFFÉRENCES entre les résultats de	
L B U	l'équat. l'équa- de tion (A).		l'expérience e rience. de		
8	M. l'abbé Bossut.			l'équation (A).	M. l'abbé Bossut.
o°	100,00	100,00	100,00	0,00	0,00
6	98,93	96,16	98,93	- 2,77	0,00
12	95,98	91,64	95,78	- 4,14	+ 0,20
18	91,57	86,29	90,84	<b>— 4,55</b>	+ 0,73
24	86,31	80,54	84,46	<b>— 3,92</b>	+ 0,85
<b>3</b> o	80,89	74,31	77,10	<b>— 2,89</b>	+ 3,79
36	75,51	67,83	69,25	- 1,42	6,26
42	72,82	61,48	61,48	0,00	11,34
48	71,93	55,34	54,33	+ 1,01	17,60
54	74,36	49,74	48,00	+ 1,74	26,36
60	81,07	44,97	44,04	+ 0,93	<b>3</b> 7,03
66	92,96	41,31	42,40	- 1,09	50,56
72	110,72	39,08	41,42	- 2,34	59,30
78	135,86	38,52	40,63	- 2,11	95,23
84	166,44	39,99	39,99	0,00	+128,45
		1		•	

Il pourroit arriver qu'il y eût ondulation de m' en m; mais en la regardant comme un arc de cercle dont m'm seroit la corde, la dissérence n'étant, comme on le sait, qu'un infiniment petit du troisieme ordre, on pourra toujours considérer le côté varié comme une ligne droite.

964

On appelle plan gauche un plan dans lequel on peut toujours, par un ldem. point quelconque, mener une ligne droite. Un tel plan seroit engendré par une ligne droite lancée dans l'espace.

Démontrer, d'après la maniere dont l'équation de l'art. (972) a été formée, que les sommes particulieres des termes multipliés par dx, dy et dz, doivent être séparément égales à zéro.

973

Effaçant  $\varphi$  dans le premier membre et sa valeur  $\frac{d^n}{dt}$  dans le second, l'équation de l'art. (970) se change en celle-ci:

$$-\frac{1}{4}\left(\frac{23}{44}\right) = \left(\frac{24}{44}\right)_1 + \left(\frac{24}{42}\right)_2 + \left(\frac{24}{42}\right)_3 + \left(\frac{24}{42}\right)_3$$

inches, es monégoiant les tent membres ser — il et insur

$$-\left(\frac{4\epsilon}{\epsilon s}\right)\iota + \left(\frac{4\epsilon}{\epsilon r}\right)s + \left(\frac{4\epsilon}{\epsilon s}\right)E_{\perp}^{\dagger} = -3.$$

de out

$$\frac{1}{4}\left(\frac{4\pi}{4x}\right)ix = -\lambda ix;$$

main, a reconstant and  $z = (\frac{dx}{dx})^2 z = \sin z$ 

$$\frac{1}{2} \left( \frac{ds}{dz} \right) dz + s dz = \left( \frac{ds}{dz} \right) - A \int_{z} iz \cdot dz$$

$$\left( \frac{ds}{dz} \right) dz = \delta \left( 8 - A - \left( \frac{ds}{dz} \right) \right) dz + \left( \frac{ds}{dz} \right) = X;$$

$$\left( \frac{ds}{dz} \right) dz = \delta \left( 8 - X \right) dz$$

On prophende de la même manière que

$$\left(\frac{ds}{dy}\right)dy = \delta'd - X'dy, ex.$$

- 977 Au lieu de ces mous: Mais cette mause finide est identiquement la même que come qui, som, il faut lire: Mais cette masse finite ne differe de la premiene que d'une masse inhalment petite par rapport à charune d'elles.
- (97) On verra abstract qu'en a r = uu + u'u' + u'u' en considérant que vest le ciré d'un triangle restantle qui à l'espace u'u' pour un des côtés de l'angle dont, et pour l'autre côté sa projection orthogonale sur le plan des (x,y), kapuelle projection desient hypothémuse d'un triangle sectangle dont les deux autres claés sont les espaces u et u'.

## ÉCLAIRCISSEMENTS

#### SUR LA SECTION V

#### DES MACHINES ET DES MOTEURS

- I de la direction de P est parallele au plan incliné, on a P sin. \(\psi = 0\); sinsi cette direction sépare celles qui donnent les pressions positives de celles qui donnent les pressions négatives.
- 1012 La corps Q ne pourra tendre à tourner autour du point F qu'autant que les points G et F se trouveront placés sur une même ligne verticale.
- Mettant pour u sa valeur  $\frac{de}{dt}$ , l'équation  $u = \left(\frac{Q\cos e fQ\sin e A}{H}\right)s$  devient  $de = \left(\frac{Q\cos e fQ\sin e A}{H}\right)t dt$ .

AE étant la pression ou puissance effective, AN sera la pression ou puissance normale, et EN la puissance tangentielle; mais ces deux dernieres puissances étant à angle droit, le point E ne pourra être en repos, qu'autant que le frottement produit par AN, qui équivant à une puissance tangentielle, détruira la puissance tangentielle NE, c'est-à-dire qu'autant qu'on aura  $f \cdot AN = NE$ . Mais on a NE : AN :: 1 : tang.AEN; done  $f \times \frac{KN}{NE} = f$  tang. AEN. Faisant AN = P; on aura  $NE = \int P$  et tang.  $AEN = \frac{AN}{NE} = \frac{P}{\int P} = \frac{r}{f}$ . Avant l'action de AE, le point de contact E étoit au bas du diametre vertical de la gorge; mais l'action de AE fait remonter le point de contact jusqu'à une position telle qu'on ait la propriété ci-dessus.

Le point E est celui où le rayon AC du cylindre extérieur perce la surface supérieure du filet de l'écrou, et le point II est la rencontre de cette surface par une perpendiculaire élevée sur l'extrémité du rayon A.C.

La ligne CF, étant infiniment petite, peut être prise pour un arc de cercle décrit du point A comme centre, et consequemment pour un élément de la circonférence à laquelle correspond un pas; ainsi on aura, d'après la génération de la vis, la proportion

CH: CF: h: circ. AC.

A la place du bras du levier A E on peut prendre celui A C, qui n'en 1084 differe que d'une quantité infiniment petite EC.

1085 La surface du plan BHC étant infiniment petite, on peut la regarder comme réduite à une ligne HB; cette ligne étant infiniment petite, les efforts exercés sur chacun de ses points sont sensiblement égaux entre eux ; ainsi on pourra supposer que leur résultante passe par son milieu et conséquemment par celui de BC, son bras de levier sera donc = AB + AC = AB +  $\frac{BC}{2}$ , et celui de  $\int P = P$  aura (Fig. 95, n°. 5) pour valeur,

rayon CQC' + rayon BQ'B'

Dans l'appareil de M. Coulomb on a (Fig. 166), en appelant p le poids à 1100 ajouter à P pour vaincre la reideur de la corde,  $(P+p)BC = Q \times aC$ , d'où  $p = \frac{Q \cdot aA}{BC}$ . Dans l'appareil de M. Amontons (Fig. 182, n°. 2), si on imagine une verticale passant par le centre de gravité du poids B, cette verticale passera à droite du point b; et désignant par b' la rencontre de cette verticale par le diametre leorizontal du rouleau, et par K l'autre extrémité de ce diametre, lorsque ce rouleau sera supposé entrainé d'un mouvement insensible et uniforme, comme le centre de rotation est dans la verticale ba, on aura Q·K  $b = B \cdot b'b$ ; d'où  $Q = \frac{B \cdot b'b}{Kcb}$ , et saisant Kb = 2R,  $Q = B \cdot \frac{b'b}{2R}$ 

Digitized by Google

1023

1080

1126 Déterminer et a d'après les résultats de la deuxième expérience,

P	m T*
=	=
A+MT	F - A
=	=
502	 0
790	 288
866	 56.,
925	 425
1036	 524
1186	 63.
1535	 1055
•	

Dans les valeurs de m T', on a donné à À la valeur correspondante à T=0. Les 2 et 5' résultats donnent m-2" = 253, m-4" = 364; 600  $\left(\frac{2}{4}\right)^n = \frac{36}{304}$ et  $m = \frac{\log_2\left(\frac{36}{304}\right)}{\log_2\left(\frac{1}{4}\right)} = \frac{3}{304}$ . Les valeurs de m dédultes des autres résultats sont  $\frac{19}{100}$ ,  $\frac{30}{100}$  et  $\frac{23}{100}$ . On peut donc faire  $m = \frac{1}{3}$ ; substituent cette valeur dans l'équation m-4" = 364, on auta  $m = \frac{364}{14.5}$ .

- Pour dire que le frottement est indépendant des surfaces, il famiroit les avoir fait varier : M. Coulomb n'a pas rapporté les expériences sur lesquelles il fonde cet énoncé.
- 1168 Trouver la cohérence dans le frottement du fer contre fer avec enduit de suif.

Cette cohérence n'étant sensible que sous de petites pressions, je la cherche pour la pression  $=53^{m}$ ; faisant donc attention que, dans le frottement du les contre les (cinquieune expérience),  $8^{m}$ , 5 est la somme du frottement et de la cohérence, on aura, en appelant x cette cohérence,  $\frac{8.5-x}{53}=\frac{F_{f}}{F}=0.097$  (0.097 est, d'après la condition, la valeur de  $\frac{F_{f}}{F}$  pour la plus grande pression); cette équation donne  $x=3^{m}$ .

1190 Trouver les poids de la septieme colonne.

Pour la premiere expérience la charge totale est = 515 livres. Mais on a vu art. (1189) que les frottements des cylindres pour un même diametre sont en raison directe des pressions; presant donc le frottement d'un rouleau de bois d'orme de 12 pouces de diametre sous une pression de 1000 livres, nous aurons la proportion suivante; 1000 : 5:515:x=1,5.

Pour avoir les nombres de la huitieme colonne, il faudra de ceux de la cinquieme retrancher les valeurs de x.

Touver les nombres de la neuvierne colonne.

Nous trouvons art. (1176, colon. premierr et neuvierne) que pour une augmentation de charge égale à 1000 livres, on a une augmentation de résistance égale à 90 livres; on fera donc les proportions

1000: 90: 100: x = 9 Ajoutant à chacun de ces quatriemes ter1000: 90: 300: x = 27 mes la résistance constante = 4, 2 liv.
1000: 90: 500: x = 45 donnée art. (1186), nons aurons

R = 13,2 pour 100 liv. Comme ici le rouleau a 12 pouces de diametre,
R' = 31,2 pour 300 liv. din faut prendre que le tiers de ces résis1000: 90: 300: x = 45 Comme ici le rouleau a 12 pouces de diametre,
1000: 90: 300: x = 45 Comme ici le rouleau a 12 pouces de diametre,
1100: 1100: x = 9 Ajoutant à chacun de ces quatriemes ter1000: 90: 300: x = 45 donnée art. (1186), nons aurons

1100: x = 45 donnée art. (1186), nons aurons

1100: x = 45 donnée art. (1186), nons aurons

1100: x = 45 donnée art. (1186), nons aurons

1100: x = 45 donnée art. (1186), nons aurons

Trouver les poids de la quatrieme colonne.

On trouve art. (1186) que pour une corde blanche de six fils de carret, 1192 le poids proportionnel à la charge par quintal est = 2,2; donc pour 200 liv. (12 Exper.). il sera = 4,4; le poids constant art. (1186 et 1179) est = 0,1; ainsi on a 4,5 liv. pour la résistance totale; en supposant que le rouleau ait 4 pouces de diametre; prenant donc le tiers pour un rouleau de 12 pouces de diametre, on aura  $\frac{4.5}{3}$  = 1,5 pour la valeur de cette résistance.

Trouver la valeur du frottement, dans le cas où il faut avoir égard à la (20 espér.) vitesse.

On a  $\varphi' = \frac{a \cdot 6(400 + 7)^{liv}}{30 \cdot 9^2} = \frac{4884^{liv}}{2430} = 2 \text{ liv.}$ ; ainsi la résistance due à la roideur de la corde et au frottement sera = 13,5<sup>liv.</sup> —  $2^{liv.} = 11,5^{liv.}$ : si de ce nombre on retranche 1,5<sup>liv.</sup>, on aura 10 liv. pour le poids qui fait équilibre au frottement. Pour avoir le frottement réduit à l'axe de la poulie, on posera l'équation

$$10^{\text{liv.}} \cdot \text{R} = \text{F} \cdot r$$

dans laquelle R représente la somme des rayons de la corde et de la poulie, r le rayon de l'axe, et F le frottement. Cette équation donne  $F = 10^{liv} \times 7.2 = 72^{liv}$ , valeur peu différente de celle qui correspond à une vitesse insensible.

On seroit tenté de croire que le rapport n, ainsi déterminé, devroit toujours être = 1. Cependant, art. (1238), l'expérience donne n = 1,6559 et (1240) n = 2: mais cette difficulté disparoitra, si on fait attention que, dans un calcul, toutes les quantités doivent être mesurées par celle qui a été prise pour unité. Tel est ici le pied-de-roi.

Si on prend NB pour représenter l'effort du poids P + q, on aura la partie de cet effort qui ag t suivant NA, et que l'homme doit surmonter, en abaissant du point B une perpendiculaire BK sur NA. Il résulte de cette décomposition que l'effort BK n'altere point celui NK, puisque les deux composantes agissent à angle droit.

L'équation rigoureuse est  $f = \frac{V}{r} \left(\frac{P+q}{r}\right)$ . Si on suppose la force centri1234 fuge égale à la pesanteur, comme la pesanteur est une vitesse, il faudra poser l'équation  $\phi\left(\frac{P+q}{r}\right) = \frac{V}{r} \left(\frac{P+q}{r}\right)$ ; divisant par  $\frac{P+q}{r}$ , on aura  $\phi = \frac{V}{r}$ ; d'où  $V = (\phi r)^{\frac{1}{r}}$ Toma II.

- Dans la supposition de M. Lambert, on a h=2, q=0, K=P, en premunt le poids de l'homme pour la mesure de son plus grand effort, et la formule de l'art. (1221) donne n=2.
- Après la différentiation on arrive à l'équation  $-3\sin \lambda (1+3\sin^2 \lambda)^{-\frac{1}{2}}$  $+(1+3\sin^2 \lambda)^{-\frac{1}{2}}-3\cdot 3\sin^2 \lambda (1+3\sin^2 \lambda)^{-\frac{1}{2}}=0$ , qui, multipliée par  $(1+3\sin^2 \lambda)^{-\frac{1}{2}}$ , devient, toutes réductions faites,  $-3(1+\sin^2 \lambda)^{\frac{1}{2}}$ . sin  $\lambda = 6\sin \lambda - 1$ . Elevant les deux membres au quarré et effectuant les multiplications, on a  $\sin^4 \lambda - \frac{21}{2}\sin^2 \lambda = -\frac{1}{2}$ . Cette équation résolue

donne 
$$\sin^2 \lambda = \frac{7 \pm \sqrt{45}}{6}$$
.

- Pour trouver la partie du poids de l'homme employée à faire tourner la roue, il faut faire usage de ce que nous avons dit art. (1228).
- Différentiant par rapport à K et divisant par  $n^{\frac{1}{2}}TdK$ , on trouve  $\left(\frac{P+K}{P+q}A\right)$   $-B^{\frac{1}{2}} = \frac{\frac{1}{2}A(Q-K)}{P+q} \left(\frac{P+K}{P+q}A B\right)^{-\frac{1}{2}}$ . Multipliant les deux membres par  $\left(\frac{P+K}{P+q}A B\right)^{\frac{1}{2}}$  et réduisant, il vient  $\frac{3}{2}AK = \frac{A}{2}(Q-2P) + B \times (P+Q)$ , équation qui donne la valeur de K.
- Les deux efforts iE et  $C_f$  se faisant équilibre aux extrémités des bras de levier AE et AC, on a l'équation  $iE \cdot AE = C_f \cdot AC$ , et  $iE = \frac{C_f \cdot AC}{EA}$ .
- On calculera les nombres de la troisieme colonne au moyen de l'équation de l'art. (1266).

$$\frac{P+Q}{P} = \frac{\sin \cdot \sigma}{\cos \cdot \sigma} \cdot \left[ \frac{10-2\sin^2 \cdot \sigma + 24\sin^4 \cdot \sigma}{(2-\sin^2 \cdot \sigma + 3\sin^4 \cdot \sigma)(1+3\sin^2 \cdot \sigma)^{\frac{1}{2}}} \right],$$

laquelle, en supposant  $\sigma = 90^{\circ}$ , d'où  $\cos \sigma = 0$ , devient

$$\frac{P+Q}{P}=\infty.$$

L'équation  $\frac{f}{P} = \frac{3}{5} \tan g$ .  $\sigma = \frac{5}{5} \times \frac{\sin \sigma}{\cos \sigma}$ , art. (1256), donnera ceux de la quatrieme colonne. On voit que, dans le cas de  $\sigma = 90^\circ$ , on a  $\frac{f}{P} = \infty$ .

On se servira, pour former la quatrieme colonne, de l'équation

$$\frac{P+K}{P} = \frac{\sin \cdot \sigma}{\cos \cdot \sigma} \cdot \left[ \frac{6-2\sin^2 \cdot \sigma + 12\sin^2 \cdot \sigma}{(2-\sin^2 \cdot \sigma + 3\sin^2 \cdot \sigma)(1+5\sin^2 \cdot \sigma)^{\frac{1}{2}}} \right]$$

trouvée art. (1264), laquelle donne  $\frac{P+K}{P} = \infty$ , lorsque  $\sigma = 90^\circ$ ; et, pour former la cinquieme, de celle-ci  $\frac{P+q}{P} = \frac{1}{\cos \sigma}$ , qui, dans la même hypothese, devient  $\frac{P+q}{P} = \infty$ .

Dans l'hypothese de  $\sigma = 90^{\circ}$ , d'où cos.  $\sigma = 0$ , on a, comme nous ve-

nons de le voir,  $\frac{P+K}{P} = \infty$ ; ainsi la valeur de  $\nu$ , donnée art. (1260), devient  $= \infty \times 0$ , quantité qu'on pourroit déterminer comme il est dit art. (1033); mais il sera plus court de substituer dans  $\nu$  à la place de  $\frac{P+K}{P}$  sa valeur; ce qui donne, divisant numérateur et dénominateur par cos.  $\sigma$ ,

$$v = n^{\frac{1}{2}} \varphi^{\frac{1}{\alpha}} \cdot \left[ \frac{6 \sin \sigma - 2 \sin^3 \sigma + 12 \sin^4 \sigma}{(4 - 2 \sin^2 \sigma + 6 \sin^4 \sigma)(1 + 3 \sin^2 \sigma)^{\frac{1}{2}}} - \frac{\sin \sigma}{(1 + 3 \sin^2 \sigma)^{\frac{1}{2}}} \right]^{\frac{1}{\alpha}},$$

réduisant,

$$v = n^{\frac{1}{2}} \phi^{\frac{1}{2}} \left[ \frac{2 \sin \cdot \sigma + 6 \sin^2 \cdot \sigma}{(4 - 2 \sin^2 \cdot \sigma + 6 \sin^4 \cdot \sigma)(1 + 3 \sin^2 \cdot \sigma)^{\frac{1}{2}}} \right]^{\frac{1}{2}},$$

et substituant pour  $n^{\frac{1}{2}}$ ,  $\varphi^{\frac{1}{2}}$  et sin.  $\sigma$  leurs valeurs,  $\nu = 2,49$  (C'est par erreur que M. Lambert a donné l'infini pour la valeur de  $\nu$  correspondante à  $\sigma = 90^{\circ}$ ).

On a art. (1261) 
$$\frac{1}{T} = 1 - \frac{K}{Q}$$
; mais art. (1264)

$$\frac{K}{P} = \frac{\sin \theta}{\cos \theta} \cdot \left[ \frac{6 - 2\sin^2 \theta + 12\sin^4 \theta}{(2 - \sin^2 \theta + 3\sin^4 \theta)(1 + 3\sin^2 \theta)^{\frac{1}{2}}} \right] - 1;$$

et art. (1266)

$$\frac{Q}{P} = \frac{\sin \sigma}{\cos \sigma} \left[ \frac{10 - 2\sin^2 \sigma + 24\sin^4 \sigma}{(2 - \sin^2 \sigma + 3\sin^4 \sigma)(1 + 3\sin^2 \sigma)^{\frac{1}{2}}} \right] - 1.$$

Appelant A le facteur de  $\frac{\sin \sigma}{\cos \sigma}$  dans la valeur de  $\frac{K}{P}$ , et B le facteur analogue dans celle de  $\frac{Q}{P}$ , et faisant disparoitre le dénominateur cos.  $\sigma$ , on a les deux équations

$$\frac{K}{P} \cdot \cos \sigma = A \sin \sigma - \cos \sigma$$

$$\frac{Q}{P} \cdot \cos \sigma = B \sin \sigma - \cos \sigma$$
,

qui divisées l'une par l'autre donnent

$$\frac{K}{Q} = \frac{A \sin \sigma - \cos \sigma}{B \sin \sigma - \cos \sigma};$$

d'où

$$\frac{K}{Q} \cdot B \sin \sigma - \frac{K}{Q} \cdot \cos \sigma = A \sin \sigma - \cos \sigma;$$

et, dans le cas de  $\sigma = 90^{\circ}$ ,

$$\frac{K}{Q} \cdot B = A$$
, et  $\frac{K}{Q} = \frac{A}{B} = \frac{6 - 2\sin^2 \sigma + 12\sin^4 \sigma}{10 - 2\sin^3 \sigma + 24\sin^4 \sigma} = 0,50$ ;

donc  $\frac{t}{T} = 1 - 0.50 = 0.50$ , et non pas l'infini, comme on le trouve dans le mémoire de M. Lambert.

On a 
$$o = d \cdot v^2 f^2 = \left(\frac{P+K}{P}\right) \times \cdots$$

$$\left[\frac{\arccos \cdot \sin \cdot (\sigma + \Psi)(1 + 5\sin^2 \cdot \sigma) - \sin \cdot \sigma (1 + 5\sin^2 \cdot \sigma) \cos \cdot (\sigma + \Psi) - 2 \cdot 3\cos \cdot \sigma \sin^2 \cdot \sigma \sin \cdot (\sigma + \Psi)}{2 \cdot \sin \cdot \Psi}\right] \sin \cdot (\sigma + \Psi) + \frac{1278}{2 \cdot \sin \cdot \Psi}$$

$$\frac{-5\sin \varphi \cos \varphi \sin (\varphi + \Psi)(1 + 3\sin^2 \varphi) + 2\sin^2 \varphi (1 + 5\sin^2 \varphi) \cos (\varphi + \Psi) + 3\cdot 3\sin^3 \varphi \cos \varphi \sin (\varphi + \Psi)}{(1 + 3\sin^2 \varphi)^{\frac{1}{2}}}$$

D ij

Appelant A le premier terme divisé par  $\frac{P+K}{P}$ , B le second, et réduisant; on a 
(A) =  $\frac{\sin.(\sigma + \Psi)}{2 \cdot \sin.\Psi}$  [2 cos. $\sigma \sin.(\sigma + \Psi)$ —sin. $\sigma \cos.(\sigma + \Psi)$ —3sin<sup>3</sup>. $\sigma \cos.(\sigma + \Psi)$ ],

(B) =  $-\sin.\sigma$  [ $\frac{6 \cos.\sigma \sin.(\sigma + \Psi) - 12 \sin^3.\sigma \cos.(\sigma + \Psi) - 4 \sin.\sigma \cos.(\sigma + \Psi)}{(1 + 3 \sin^3.\sigma)^{\frac{1}{2}}}$ ];

d'où  $\frac{P+K}{P} \cdot \frac{\sin.(\sigma + \Psi)}{\sin.\Psi} = \frac{-2(B) \sin.\Psi}{(A) \sin.(\sigma + \Psi)}$ 

On se conduira de la même maniere en différentiant par rapport à l'angle Y. Le tro sieme calcul ne comporte aucunes difficultés.

M. de Prony m'a communiqué le passage suivant, qu'il a traduit de l'Encyclopédie angloise, et qui contient quelques détails propres à faire con-

noître plus particulièrement les travaux et les tentatives de Newcomen. « La machine à vapeur resta dans cet état imparfait (celui où l'avoit « laissée Savery) sans aucune amélioration jusqu'à l'année 1705, époque à « laquelle MM. Newcomen et Calley, de Darmouth en Southampton-shire. « firent plusieurs essais pour y adapter un piston et un balancier, comme on « le pratique maintenant : ils y réussirent après bien des peines, et obtinrent « une patente de quatorze ans pour l'usage seul de cette invention. Ce « fut en 1711 qu'ils proposerent leur machine pour tirer l'eau des mines; « mais ils furent très froidement accueillis par plusieurs personnes du sud « de l'Angleterre, qui n'en comprenoient pas les propriétés. En 1712 ils « entrerent en arrangement avec les possesseurs d'une mine de charbon à « Griff en Warwick-shire, où ils établirent une machine avec un cylindre de « 22 pouces de diametre. Ils éprouverent d'abord de grandes difficultés ; mais « avec le secours de quelques bons ouvriers ils parvinrent enfin à réussir « passablement. Cette machine est la premiere de son espece établie en An-« gleterre. Il falloit d'abord employer un homme pour le robinet de la va-« peur et un autre pour le robinet de l'injection : mais ils vinrent ensuite « à bout d'ouvrir et de fermer ces robinets au moyen d'un méchanisme « attaché au balancier. La seconde machine construite en vertu de cette « patente le fut dans une mine de charbon du comté de Durhan, où un « M. Beighton étoit intéressé, à-peu-près vers l'an 1718.

« Ce M. Beighton n'approuvant pas la maniere trop compliquée d'ouvrir « et de fermer les robinets dans la premiere machine, y substitua la barre « verticale dont on se sert actuellement, et fit aussi quelques changements « avantageux dans les tuyaux, les soupapes et d'autres parties du mécha-» nisme.

« Peu d'années après, les machines à vapeur furent de plus en plus con-« nues; on sentit leur utilité, sur-tout pour tirer l'eau des mines; et comme « on en construisit un grand nombre, on y fit successivement diverses « améliorations, jusqu'à ce qu'enfin elles eussent acquis le degré de per-« fection dont elles jouissent à présent.

Tables, p. 70. M. de Prony m'a observé que la table comparative qu'il donne des di-Explicat. des la tabilités de l'air, à différents degrés de température, et des dilatabilités moyennes, données par différents physiciens, ne pourroit avoir une exactitude parsaite qu'autant que l'air mis en expérience auroit contenu dans tous les cas la même quantité d'eau.

M. de Prony a en effet observé dans la note de l'art. (524) que la qualité hygrométrique de l'air influoit sur sa dilatabilité. En conséquence il ne donne cette table que comme un exemple de l'application des expériences au calcul, qui ne fournit que des résultats approchés; car il n'est pas probable, ainsi que M. de Prony l'observe dans la note citée ci-dessus, que l'air mis en expérience en Angleterre, à Paris et au midi de la France, ait eu, dans tous les cas, le même degré d'humidité.

# ERRATA.

## OBSERVATION.

On a divisé l'errata en trois parties; savoir celui du texte, celui des notes, et celui des tables. On a de plus refondu en un seul, l'errata imprimé page 622 de la premiere partie, et celui résultant des nouvelles fautes d'impression découvertes depuis la publication de l'ouvrage.

#### ERRATA DU TEXTE.

'Note générale. On trouve quelquefois ces expressions, angle d'un moteur, d'une puissance, etc., ou projection d'un moteur, d'une puissance, etc. . Il faut toujours entendre par là, l'angle ou la projection de la ligne suivant laquelle agit le moteur, la puissance, etc.

Avertissement, lig. 25, et celui de la science, lisez et de celui de la science.

5, pén., le temps ck, lisez le temps Ck.

8, 9, 0,0662338 e, lisez 0,0662339 e. ldid., on voit (18), lisez on voit (19).

9, 17, qu'en nommant s, lisez qu'en nommant S.

22, 17, \$\Phi dt, \phi dt, lisez M \Phi dt, m\phi dt.

24, 3, l'un par l'autre, lisez l'une par l'autre.

26, 9, c'est-à-dire AB, lisez c'est-à-dire Ab. 31, 17, aux points EF, lisez aux points E, F.

32, 6, quelconque F, lisez quelconque F, G ou E.

Ibid., dern., (49) sur, lisez (50) sur.

33, deuxieme indication marginale, menu, lisez même.

34, pén., l'un et l'autre, lisez l'une et l'autre.

35, 20, déduits du parallélogramme des forces, lisez rapportés au levier.

38, prem. sur les AH, lisez sur les lignes AH.

Ibid., 26,  $\cos(\alpha+\gamma')$ :  $\cos(\alpha+\gamma')$ , lisez  $\cos(\alpha+\gamma')$ :  $\cos(\alpha+\gamma)$ .

39, 12, P', lisez P.

40, 4, usages, lisez équilibre.

43, 2, dt ou \( \phi dt \), lisez Mdt ou M\( \phi dt \).

Ibid., 33, une vitesse, lisez une vitesse finie.

45, prem. de deux, lisez des deux.

46, 33, la position et des obstacles, lisez et la position des obstacles.

49, prem. art. (41), lisez art. (42). 55, 19,  $Pp'' \pm Qp''$ , lisez  $Pp' \pm Qp''$ .

Digitized by Google

```
Pag. Lig.
       28, translation, lisez rotation.
 59,
       23, force motrice, lisez force acceleratrice.
        15, \frac{Di}{dn}O, lisez \frac{Di}{Dn}=.
        10, snivant XY, lisez suivant la ligne XY.
        19, AM", 2°3, lisez AM", n°. 3.
 68,
         3, la poistion, lisez la position.
 73,
        25, (142), lisez (152).
        3, le numérateur, lisez le dénominateur.
        deuxieme indication marginale, entre, lisez entrent.
        33, sont connus, ajoutez et dont les positions respectives sont in-
                variables.
 88, 17, est en général, lisez et en général.
        antépén., 318, lisez 218.
  93, dern., [y(1)+y(3)]n, lisez [y(1)+y(3)h.
105, 20, sin. ρ', sin. ρ'', etc., lisez cos. ρ', cos. ρ'', etc.
 107, 11, que BR, lisez que AR.
 Ibid., accentuez tous les A de l'art. (262).
 112, 35, (A'A''A'' + A'A''B''), isez (A'A''A''' + A'A''B''').
 Ibid., dern., et ainsi de suite, lisez = 0, et ainsi de suite.
 115, dern., AC - AD - x, lisez AC - DC - x.
        5, AD, lisez CD.
Ibid., 34, dy \left[ \frac{(dx \cos x + dx \sin x) M \cos x^{r}}{dx^{r} dx^{r}} \right], lisez ......
                d\left[\frac{(dy\cos \cdot \nabla + dx\sin \cdot \nabla)\operatorname{Mcos} \cdot \sigma \cdot r'}{ds' \cdot ds'}\right]_{\bullet}
         18, de l'art. 93, lisez de l'art. 293.
         19, forces motrices, lisez forces accélératrices.
         16, il faut rendre, lisez il faut (Fig. 74) rendre.
         19, mousle fixe, lisez mousle mobile.
 129,
         deuxieme indication marginale, et à la mousse mobile, lisez ou à la
                  mousle mobile.
 136, dern., k'' n''', lisez k'' n''.
         24, ne peut pas, lisez peut ne pas.
         39, le parois, lisez la paroi.
         3, autour de R, lisez autour de X.
 149,
         10, a tang. ε, lisez a Δ tang. ε.
         15, par son centre de gravité, lisez par le centre de gravité du pied
  155,
 Ibid., 22, \frac{\frac{1}{2}AS}{\sin A}, lisez \frac{\frac{1}{2}AS}{\sin A}.
  158, 5, fbcq, lisez fbcg.
        15, infiniment grosse, lisez infiniment flexible.
  160,
          2, aux naissances O, lisez à l'extrados.
          deuxieme indication marginale, de dimensions, lisez des dimen-
                   sions.
         4, et son joint, lisez à son joint.
  175, 22, cette projection avec, lisez sa projection sur ce plan, avec.
  177, 26, en trois autres perpendiculaires, lisez en trois autres paralleles.
```

```
ERRATA DU TEXTE.
Pag. Lig.
181, 25, elle agit en sens contraire de la précédente, lisez elle est sup-
                posée agir en sens contraire des pressions \frac{u\,d\,s}{R} et \frac{d\,x}{d\,s} d\,t \int (M\,m\,d\,s)
                sin. \ \ ).
182, pen., dd(Rdk), lisez d(Rdk).
183, 27, rotation, lisez relation.
188, 14 et 15, -4hy\cos^2 a, lisez + 4hy\cos^2 a.
Ibid., 26, AP + Ap = AP, lisez AP + Ap = AD.
Ibid., 30, -4hy\cos^2 a, lisez + 4hy\cos^2 a.
189, antépén., centre, lisez cercle.
         7, t = , lisez dt = .
'Ibid., 21, ler adical ne se rapporte qu'à =.
         5, par l'arc N, lisez par l'arc MA.
          8, dénominations \sqrt{x}, \sqrt{x'} sont constantes, lisez les dénomina-
                 teurs \sqrt{x}, \sqrt{x'} sont constants.
198, pėn., \varphi fm = P, lisez fm = P.
         1, un parallele, lisez une parallele.
Ibid., 18, \overline{RR'}^2 = \overline{RP}^2, lisez \overline{RR'}^2 + \overline{RP}^2.
        33, \int z' Y' dx', lisez \int z' Y' dx'.
        26, \frac{2a\phi}{a^2+n}, lisez \frac{2a\phi}{a^2+n^2}
          6, passée, lisez passer.
        35, vaincre les forces, lisez vaincre les puissances.
        10, \mu dv (459), lisez \mu dv (457).
Thid., 19, srdx = \sigma \rho dt, lisez srdx = \sigma \rho dz.
         4, fu', lisez f'u'.
237,
Ibid., 22, se mouvent, lisez se meuvent.
         6, être égal à, lisez être à.
Ibid., 28, f—, lisez f =.
        14, du moteur, lisez de la résistance.
        18, par l'orifice ω, lisez par l'orifice ω'.
Ibid.,
256,
          6, (Fig. 126, n°. 2), lisez (Fig. 126, n°. 1).
Ibid.,
         11, n°. 1, lisez n°. 2.
Ibid.,
         13, n. 2, lisez n°. 1.
         18, \frac{\Pi}{S} \int \frac{dx \, dy}{\cos \sigma}, lisez \frac{\Pi}{S} \int \frac{dx \, dy}{\sin \sigma}.
        26, qui, lisez que.
         1, divisée par z, lisez divisée par dz.
200 ,
         2, \frac{dp'}{dx}, lisez \left(\frac{dp'}{dx}\right).
24.1.
          5, YZ, lisez XZ.
264,
265,
          9, en D, lisez en A.
268,
         19, MO, lisez N'O.
        20, y - NM', lisez y - N'M.
Ib: A.,
         6, mais, lisez et.
270,
        37, au plan ARMX, lisez au plan ou section ARMX.
276,
         19, constants et intégrants, lisez constants et intégrant.
277 ,
278, 1, \frac{\frac{1}{3}z + A}{\frac{1}{3}z + B}, lisez \frac{\frac{1}{3}z^3 + A}{\frac{1}{3}z^4 + B}.
280, 31, supprimez QM = \gamma.
```

Pag. Lig. 281, 4, x ou z - a, lisez w ou z - a. 9, pression de l'élément, lisez pression verticale de l'élément. 283, 25, que l'infini est zéro, lisez que l'infini et zéro. 288, 5, aérometre, lisez aréometre. 292, 22, poids de  $z^2$ , lisez poids et de  $z^2$ . 294, 3, d'un plus grand pour, lisez d'un plus grand poids pour. 295, 30o, 32, 0,434244, *lisez* 0,4342944. 4, cinquantieme cinquieme, lisez cinquante-cinquieme. 302, 26, (Fig. 146), lisez (Fig. 145). **308**, 38, au-dessus de BC, lisez an-dessus de DC. 30g, premiere indication margin., pompe foulante, lisez pompe aspirante. 312. 25, la pompe T, lisez la soupape T. 314, **321**, 2, par le ressort, lisez pour le ressort. 2, dans l'espace E + sy, lisez dans l'espace E + sy'. 324, 25,  $\pm \sqrt{(\frac{1}{4}b+h(x-b)-\frac{Ah}{S})}$ , lisez  $\pm \sqrt{(\frac{1}{4}b^2+h(x-b)-\frac{Eh}{S})}$ . 325, 8,  $t = \frac{2S}{\omega' \sqrt{2aa}} \{ \omega \sqrt{ax - \omega a} [1 + \log (\omega' \sqrt{ax - \omega a})] \} + A$ 342, lisez  $t = \frac{-2S}{\omega^2 \sqrt{2a_0}} \left\{ \omega' \sqrt{ax - \omega a} \left[ 1 - \log \left( \omega a - \omega' \sqrt{ax} \right) \right] \right\} + A.$ Ibid., 17,  $\frac{-2S}{a'a'} \cdot \int$ , lisez  $\frac{-2S}{aa'} \cdot \int$ . Ibid., 19,  $\omega \sqrt{ax - \omega' a}$ , lisez  $\omega a - \omega' \sqrt{ax}$ . 347, 3,  $\epsilon = \frac{A \vee B}{\frac{1}{2} \cdot M(...)}$ , lisez  $\frac{A \vee B}{\frac{1}{2} M(...)}$ . 348, 15, trop foible, lisez trop forte. 349, 22,  $\cos 6 - 1$ , lisez  $\cos 6 = 1$ . 352, 19,  $dt = \frac{dk}{200}$ , lisez  $dt = \frac{dk}{\sqrt{200}}$ . 353, 26,  $\varphi ds - \varphi Ps dh + \varphi Qh dh$  sera, lisez  $\varphi ds - \varphi Ps dh + \varphi Qh dh = o$  sera. 355, 5,  $\frac{s}{h} = \log h^2 + C$ , lisez  $\frac{s}{h} = -\log h^2 + C$ . 5,  $C - \log H^2$ , lisez  $C = \log H^2$ . 360, 13, 24 et 26,  $\int y \, dx \sqrt{(h'+x+z)}$ , lisez  $\int y \, dx \sqrt{(h'+x-z)}$ . 8, valeur de &, lisez et la valeur de & devient.  $9, -\frac{2h'}{3}(h'+x)^{\frac{5}{2}}, lisez -\frac{2h'}{3}(h'+x)^{\frac{1}{2}}$ Ibid.. Ibid., 11 et 18,  $-5h'h^{\frac{5}{2}}$ , lisez  $-5h'h^{\frac{5}{2}}$ . Ibid., 23, est donnée pour l'équation, lisez est donnée par l'équation, Ibid., 25 et 28,  $-5hh'^{\frac{1}{2}}$ , lisez  $-5hh'^{\frac{1}{2}}$ . 6, inférieure, lisez supérieure. 377, 29, de l'art. (710), lisez de l'art. (770). 383, 18,  $\left(h^{\frac{1}{4}} \pm \frac{v \cos f \cos \Psi}{(2a)^{\frac{1}{2}}}\right)^{\frac{1}{2}}$ , lisez  $\left(h^{\frac{1}{4}} \pm \frac{v \cos f \cos \Psi}{(2a)^{\frac{1}{4}}}\right)^{2}$ Ibid., 22,  $\left(h^{\frac{1}{2}} \pm \frac{v \cos f}{(20)^{\frac{1}{2}}}\right)^{\frac{1}{2}}$ , lisez  $\left(h^{\frac{1}{2}} \pm \frac{v \cos f}{(20)^{\frac{1}{2}}}\right)^{2}$ .

Tome II.

E

Pag. Lig. 13, laquelle pression décomposée horizontalement, lisez laquelle pression, dans le cas du mouvement horizontal.

Ibid., 16, et décomposée verticalement, lisez et dans le cas du mouvement vertical.

31, de la vitesse composée, lisez de la vitesse relative.

14, sur une ligne perpendiculaire, lisez sur un plan perpendiculaire.

Ibid., 16,  $k \delta dh (h_{\frac{1}{2}} \pm \ldots)$ , lisez  $k \delta dh (h_{\frac{1}{2}} \pm \ldots)$ .

 $34, +\frac{v^4}{6\cdot 40^2}, lisez -\frac{v^4}{6\cdot 40^2}$ 

394, 29, celui de 1.1000, lisez celui de 1.1000.2.

396, 30,  $\frac{1}{3} \cdot \delta k h^{\frac{1}{2}} (U - u)$ , lisez  $\frac{1}{6} \delta k h^{\frac{1}{2}} (U - u)$ .

397, 9 et 12,  $\frac{1}{3} \delta k h^{\frac{1}{2}}$ , lisez  $\frac{1}{6} \delta k h^{\frac{1}{2}}$ .
398, 16,  $\frac{8khv^2 \sin^2 \theta}{\theta}$ , lisez

400, 19, de côtés, lisez des côtés.

401, pén., la vitesse, qui, lisez la vitesse relative, qui.

409, titre de la troisieme colonne, poids moteur exprimé en pieds, llsez poids moteur exprime en livres.

413, quatrieme indication marginale, d'une véritable, lisez d'une variable.

5, subie, lisez subi.

2,  $\left[\left(\frac{da^{11}}{di}\right) +, lisez \left[\left(\frac{du^{n}}{di}\right) +, lisez \left(\frac{du^{n}}{di}\right) +, lisez \left[\left(\frac{du^{n}}{di}\right) +, lisez \left(\frac{du^{n}}{di}\right) +, lisez (\frac{du^{n}}{di}\right) +, lisez (\frac$ 420,

8, nombre, lisez membre Ibid.,

7, =  $u' \frac{v d y}{d x}$ , lisez  $u' = \frac{v d y}{d x}$ .

425, prem.,  $\delta \left\{ dQ - \frac{d}{r} \left( \frac{dU}{dt} \right) - v dv \right\}$ , lisez  $\delta \left\{ dQ - \frac{adi}{r} \left( \frac{dU}{di} \right) - v \, dv \right\}.$ 

429, deuxieme indication marginale, du mouvement proportionnel, lisez du frottement proportionnel.

436, 24, GL, lisez CL.

437, 6,  $\log e^{\frac{fz}{r}}$ , lisez  $\log e^{\frac{fz}{r}}$ .

Ibid., 16,  $Re^{\frac{fz}{r}}$ , lisez  $Re^{\frac{fA}{r}}$ .

Ibid., 21,  $Re^{\frac{fA}{r}} + K$ , lisez  $Re^{\frac{fA}{r}} + K$ .

442, pén.,  $\frac{K^{\mu}a}{R \frac{r}{\left(1+\frac{1}{ff}\right)^{\frac{1}{2}}}}$ , lisez  $\frac{K^{\mu}a}{R - \frac{r}{\left(1+\frac{1}{ff}\right)^{\frac{1}{2}}}}$ .

444, 8,  $x^{q^n} \frac{-1}{q-1}$ , lisez  $x^{\frac{q^n-r}{q-1}}$ .

448, 28,  $\frac{r}{R}\varphi s$ , lisez  $\frac{r}{R}\varphi' s$ .

13,  $f = \frac{1}{15}S$   $\{$ , lisez  $f = \frac{1}{15}$   $\{$ .

supprimez les deux dernieres lignes de l'art. (1078).

25, adrhd, lisez adrdh. 457,

5,  $(n^2 r^2 + h^2 \tan g^2 \cdot 6)^{\frac{1}{2}}$ , lisez  $(n^2 r^2 + h^2 \tan g^2 \cdot 6)^{\frac{1}{2}}$ . 458,

indication marginale, frottement du premier genre, lisez frotte-461, tement du second genre.

12 de l'art. (1126),  $\frac{a + m T^{\mu}}{b + T_{\mu}}$ , lisez  $\frac{a + m T^{\mu}}{b + T^{\mu}}$ . 470,

troisieme expérience, troisieme colonne, 10", lisez 0". 471,

cinquieme expérience, sixieme colonne, et même s'éleve, lisez et 473, même s'accélere.

septieme expérience, cinquieme colonne, 6, lisez 6; Ibid.

478, premiere expérience, septieme colonne, 0,0894, lisez 0,0849.

14, ne diminuoit point, lisez ne diminue point. 483,

1, du contact, lisez de contact. 486,

Ibid., deuxieme et quatrieme expériences, huitieme colonne, 2,0, lisez 0,0.

quinzieme expérience, septieme colonne, moindre que 3 livres, lisez 487, moindre que 30 livres.

quatorzieme expérience, cinquieme colonne, 74, lisez 47. Ibid.,

quatrieme expérience, cinquieme colonne, 45, lisez 452. 490,

30, de l'art. (118), lisez de l'art. (1118). 492,

32, mais la 11°, *lisez* mais par la 11°. 5, 132 livres, *lisez* 134 livres. 493,

498,

29, dans le pied, lisez dans le poids.

5 et 8,  $\frac{K^{\mu}}{R}b \cdot 100^{liv.} \cdot 18,7$ , lisez  $\frac{K^{\mu}}{R}b \cdot 100^{liv.} = 18,7$ . 499,

504, indication marginale, Coulomb, lisez Amontons.

deuxieme indication marginale, vitesse des axes, lisez vitesse sur le frottement des axes.

511, deuxieme de l'art. (1205), caetre, lisez carret.

27, de la pression ou frottement, lisez de la pression au frottement.

36, AV, lisez V. 519,

16, d'où  $\frac{\sin \omega}{2 \sin \lambda} = \frac{\cos \omega}{2 \sin \lambda}$ , lisez d'où  $\frac{\sin \omega}{4 \sin \lambda} = \frac{\cos \omega}{2 \cos \lambda}$ .

Ibid., 20,  $\sin \omega = \frac{2 \tan \beta \cdot \lambda}{(1+3 \tan \beta^2 \cdot \lambda)^{\frac{1}{2}}}$ , lisez  $\sin \omega = \frac{2 \tan \beta \cdot \lambda}{(1+4 \tan \beta^2 \cdot \lambda)^{\frac{1}{2}}}$ 

527, 28,  $P + K = \frac{2B}{3A}(P + q)$ , lisex  $P + K = \frac{2}{3}P + \frac{2B}{3A}(P + q)$ .

529, 26,  $\frac{\sin \sigma}{(1+3\sin^2 \sigma)^{\frac{3}{2}}}$ , lisez  $\frac{\sin \sigma}{(1+3\sin^2 \sigma)^{\frac{3}{2}}}$ 

530, 20,  $-3\sin^4 \sigma$ , lisez  $+3\sin^4 \sigma$ .

septieme colonne, infini, lisez 2,49.

Ibid., huitieme colonne, infini, lisez 0,50,

31,  $\frac{1}{5}$  de pied, *lisez*  $\frac{4}{5}$  de pied.

26, le bas AM, lisez le bras AM,

539, dern., de 27,973, lisez de 25,973.

Pag. Lig.

540, 34, M. l'abbé de V..., lisez M. l'abbé Demandres.

Ibid., 36, mécaniens, lisez mécaniciens.

542, 29, nous ne savons pas, lisez nous ne sachions pas.

545, 8,  $F' \to g'$ , lisez  $F \to g'$ .

Ibid., 33,  $\gamma = 8$  pieds,  $\lambda = 12$  pieds, lisez  $\lambda = 8$  pieds,  $\lambda' = 12$  pieds.

547, 12, et par  $\frac{k}{(AL)^{\mu}}$ , lisez  $\frac{k}{(AI)^{\mu}}$ .

550, 15, acceptation, lisez acception.

558, 13, dès les premiers instants de son ébullition, lisez dès les premiers instants, de son ébullition.

566, 4, qui est E, lisez qui est en E.

#### ERRATA DES NOTES.

12, 19, PM' = e', lisez P'M' = e'.

14,  $\ddot{5}$ , de - de' = dde, lisez de' - de = dde.

126, 1, demi-angle et au, lisez demi-angle au.

194, 11, lance, lisez lame.

296, 12, après sang chaud ajoutez et de produire de la chaleur dans ces opérations.

Ibid., 19, des végétaux, lisez des végétaux couverts d'eau.

Ibid., 23, ajoutez, 4°. de former de l'amoniaque lors qu'il est uni au gaz hydrogene.

Ibid. On peut effacer les deux dernieres lignes de cette page et les deux premieres de la page 297.

297, 4, après terre calcaire, ajoutez, ou carbonate de chaux.

Ibid., 6, ou par tout autre moyen d'acidification du carbonne, lisez et généralement par la combinaison de l'oxygene avec le carbonne.

Ibid., 8, par les alkalis, et les, lisez par les alkalis, et quelques.

Ibid., 17, le gaz phosphorique et le foie de soufre, nommé sulfure de potasse, sont, lisez le gaz hydrogene phosphoré, le foie de soufre, nommé sulfure alkalin, la combustion du phosphore, le fumier, les limaçons, sont.

298, 25, dépôt, lisez déchet.

1bid., 26, après 1/651, ajoutez, quelquesois cependant, comme dans l'expérience de M. Seguin, on est parvenu à n'avoir point d'azote lorsqu'on retire l'oxygene de substances qui n'en contiennent point.

Ibid., 36, verre, lisez fer.

299, 19, au moins 800 fois, lisez beaucoup plus de 800 fois.

Ibid., 32, elle est même, lisez elle est elle-même.

328, 2, les discours préliminaires de l'hydrostatique, lisez le discours préliminaire de l'hydrodynamique.

409, poids du moteur, lisez poids moteur.

455, 1, doit être connu, lisez doit être conçu.

548, 6, ouragants, lisez ouragans.

551, 2, chymiste, lizez chimiste.

Pag. Lig.

31, resuite, lisez résulte. **5**52,

Ibid., 41, à l'instant du premier instant, lisez au premier instant.

deuxieme colonne,  $3^{n-1}$  + 1, lisez  $3^{n-1}$ , troisieme colonne, . . .

 $2 \cdot 3^{n-1} + 2$ , lisez  $2 \cdot 3^{n-1}$ ; faites la même correction dans les deuxieme et troisieme lignes après la table.

Ibid., 18, après ces mots, Voyez les considérations sur la Chimie des végétaux par M. Riche, ajoutez: Cette maniere de considérer la combustion n'est donnée ici que pour faire connoître une des hypotheses qui expliquent ce phénomene.

### ERRATA DES TABLES.

Pag. ligne 13, à l'équation, lisez à l'équateur. 620.

8 colonne, 8 nombre, 3 6 3, lisez 9 6 3. 15,

effacez Wolfram | 71195 | 4 4 66 | 498 5 6 52 |, et trans-36, | 60665 | 3 7 33 | 424 10 3 60 |.

Table V, 6 accolade, Cobalt, lisez Manganese.

Ibid.,

6° accol. effacez Cobalt fondu | 78119 | 5 0 36 | 546 13 2 45 | 3 et transportez cette ligne au-dessus de Safre lavé, page 37.

Manganaise, lisez Manganese.

effacez La même pénétrée d'eau | 39039 | 2 4 17 | 273 4 2 68 |, et transportez cette ligne après la derniere de l'article Manganese.

43, PIERRES ARGILLEUSES OU ALUMINEUSES, lisez PIERRES MAGNÉSIENNES. Ibid., Noms des pierres argilleuses, lisez Noms des pierres magnésiennes.

même correction. 44,

PIERRES ARGILLEUSES OU ALUMINEUSES, lisez PIERRES CALCAIRES. Ibid., Noms des pierres argilleuses, lisez Noms des pierres calcaires.

Ibid., effacez pierres calcaires et Noms des pierres calcaires.

Ibid., transportez l'espece des Spaths fluors entre celle des Gypses et le titre.

on pourra placer les Albâtres après les Gypses et avant les Spaths 47,

**55**, PIERRES DIVERSES, lisez PIERRES CALCAIRES.

Ibid., Noms des pierres, lisez Noms des pierres calcaires.

Ibid., au-dessus de la 2º accolade écrivez en titre pierres diverses jusqu'à celui-ci: VITRIFICATIONS ARTIFICIELLES, et sur la ligne des titres: Noms des pierres.

Ibid., transportez les Spaths sluors ou Fluates de chaux après les Albatres, page 46.

58, PIERRES CALCAIRES, lisez PORCELAINES.

lbid., Noms des pierres calcaires, lisez Noms des porcelaines.

Table VI, 2° colonne, dernier nombre, 0,03820, lisez 1,038204

colonne 3°, nombre 4°, 6,05, lisez 0,05. Ibid., colonne 3°, nombre 36°, 1,14, lisez 2,14.

Digitized by Google

#### **58**

Pages.

Ibid., pour 52 degrés du thermometre, la force expansive déduite du calcul = 0,12, lisez 6,12.

68, Table XI, ligne 3, qu'on connoît, lisez qu'on commet.

70, ligne 6 et 8, par secondes, lisez par seconde.

71, ligne 6, dans la température pour laquelle, lisez dans la température, pour laquelle.

Ibid., ligne 14, de variations, lisez de variation.

72, ligne 3, 95,1251, pieds, lisez 95,1247 pieds.

# ERRATA DES ÉCLAIRCISSEMENTS.

Pag. Lig.

4, 36, sont dirigés, lisez sont dirigées.

6, 21,  $dy' = \pm \frac{B dx'}{\sqrt{(xx-B^2)}}$ , lisez  $dy' = \pm \frac{B dx}{\sqrt{(xx-B^2)}}$ .

13, 26, partiuliere, lisez particuliere.

15, indication marginale, 590 (Fig. 10), lisez 590 (Fig. 208).

31, 4,  $\frac{Di}{dn}O$ , lisez  $\frac{Di}{dn} = ...$ 

Ibid., 5, snivant XY, lisez suivant XY.

Ibid., 40, aux naissances O, lisez aux naissances.

52, 11, ler adical, lisez le radical.

Ibid., pénultiame,  $\frac{1}{3}z + A$ , lisez  $\frac{1}{3}z + A$ .

Nota. On croit devoir indiquer les seuillets qui ont été réimprimés et cartonnés, asin que chacun puisse vérisier s'ils se trouvent tous dans son éxemplaire; on les reconnoîtra par une étoile qui se trouve à la marge inférieure. Ces étoiles sont aux pages 3, 49, 73, 115, 139, 181, 277, 287, 545.

# NOUVELLE

# ARCHITECTURE HYDRAULIQUE.

## SECONDE PARTIE,

CONTENANT LA DESCRIPTION DÉTAILLÉE DES MACHINES A FEU.

#### Préambule.

1351. Les recherches dont nous nous sommes occupés jusqu'à de employée présent offrent une suite d'idées et de raisonnements aussi dans cet oucurieuse par le rang qu'elle occupe dans le système de nos trage. Connoissances qu'importante par la grandeur et l'utilité de son objet. Nous y avons suivi la marche de l'esprit humain depuis les premiers phénomenes sensibles jusques aux questions les plus compliquées de l'équilibre et du mouvement, qui peuvent intéresser les arts; les signes abrégés de la langue analytique nous ont servi à consigner dans des formules les moyens, soit de retrouver ces phénomenes simples dans les effets composés, soit de déduire un effet inconnu d'une combinaison quelconque de causes données; et c'est vers ce double but que doivent se diriger et l'exposition et l'étude de toutes les sciences exactes, dont la langue sera d'autant plus parfaite qu'elle fournira plus de ressources pour y parvenir avec promptitude et facilité.

Les propriétés que nous avons analysées et développées sont en général indépendantes de toute application, ou plutôt sont celles qu'on rencontre par-tout où il y a équilibre ou mouvement. Si nous avons parfois anticipé sur la suite de notre

Tome II.

travail, c'a été plutôt pour donner à la théorie ou moins de difficultés ou plus d'attraits, que pour discuter à fond des matieres sur lesquelles nous nous proposions de revenir fort en détail. Il est temps d'enrichir les conceptions abstraites auxquelles nous nous sommes livrés, par la considération des objets qui sont plus immédiatement liés aux besoins ou aux agréments de la vie. Un spectacle grand et varié va s'offrir à nos regards. Les études purement spéculatives ont sans doute beaucoup de charmes, et peuvent même suffire à ceux qui n'ont d'autre but que d'entretenir ou d'exercer la sagacité ou la pénétration de leur esprit; mais combien le lustre qu'elles acquierent est plus brillant lorsqu'on les voit prêter des secours au génie pour diriger l'industrie! C'est alors que les arts font chérir les sciences, et que les sciences réfléchissent sur les arts l'in-

térêt qu'elles en ont emprunté.

Les moyens d'exécution et les principes qui leur servent de base n'ont pas toujours marché de pair; et, lorsqu'il s'est agi d'objets de nécessité premiere, la pratique a toujours devancé la théorie: car l'homme que le besoin sollicite, plus pressé d'agir que de raisonner, cherche à suppléer par des tâtonnements réiterés à un travail d'esprit qui souvent ne seroit qu'un tourment de plus. Ainsi on a fait usage de la machine funiculaire, des instruments de percussion et du levier, avant qu'on connût les lois de l'équilibre et celles du mouvement, et on n'a commencé à traiter la mécanique comme une science, que lorsque quelques individus, mus par une impulsion particuliere, ont voulu expliquer ou perfectionner les pratiques en usage. Ceci fait voir qu'il ne faut pas croire sur parole ceux qui, pour donner à leurs essais une tournure philosophique, nous annoncent qu'ils vont suivre la marche des inventeurs. Une semblable marche ne seroit certainement ni la plus courte ni la plus agréable, car les inventeurs ont les premiers voyagé, sans guide, dans un pays inconnu: leurs successeurs doivent partir du même point, c'està-dire des premiers phénomenes sensibles; mais ils ont à abréger et à redresser la route.

Ordre à sui-

1352. Sous ce point de vue, nous nous assujettirons moins à ofvre dans l'ex-position des in- frir la série historique des inventions qu'à les exposer de la maniere la plus propre à éclairer l'esprit et à faire saisir leur filiation naturelle et leurs rapports respectifs. Le lecteur a pu voir une application de cette méthode dans ce que nous avons déja dit (article 645 et suiv.) sur les machines à élever l'eau. Notre objet, dans la seconde et la troisieme parties, est de donner tout le développement nécessaire aux chapitres de la premiere qui traitent des machines à feu, et des machines à élever l'eau, dans lesquels nous n'avons anticipé sur la partie descriptive que pour rendre la théorie plus intelligible et moins fastidieuse.

1353. Nous sommes entrés précédemment dans quelques détails sur l'ordre dans lequel nous nous proposons d'exposer la série des machines à élever l'eau. Ces détails seroient peutêtre susceptibles de plusieurs développements, propres à bien faire concevoir comment toutes les combinaisons possibles des moyens qu'on emploie pour produire un pareil effet pourront réellement être comprises dans l'ordre de description que nous avons adopté. Plusieurs procédés employés pour produire, soit l'aspiration, soit le resoulement d'un fluide, semblent, par leur originalité, former une classe séparée : de ce genre sont la raréfaction de l'air par la force centrifuge, par l'élévation ou l'abaissement successifs, soit de l'eau dans un vase fixe, soit d'un vase mobile dans l'eau, le refoulement de l'eau par le poids de l'eau elle-même, par la condensation de l'air, par le ressort d'un gas quelconque, etc.: tous ces moyens ne nous fourniront néanmoins aucune exception dans la série d'exposition que nous avons adoptée. Mais comme cette assertion sera prouvée par le fait dans la troisieme partie de cet ouvrage, il est inutile de donner ici des explications qui, à l'inconvénient d'être inutiles, joindroient celui de ne pouvoir être senties qu'imparfaitement.

1354. Nous nous étions proposé d'abord de faire précéder Motifs de la description des machines à feu par celle des machines gements faits à à élever l'eau; mais des réflexions subséquentes nous ont l'ordre que l'auteur s'étoit d'abord proposé d'abord de faire précéder Motifs de quelques chanfait changer de résolution, et nous nous sommes déterminés d'abord propoà suivre la marche inverse. Ce changement est motivé par les raisons réunies, et de l'exposition la plus méthodique, et de la plus grande utilité de ceux à qui cet ouvrage est destiné. L'élévation de l'eau se réduisant à surmonter une résistance, il étoit naturel de faire précéder son exposition par une connoissance détaillée des moteurs qu'on emploie pour vaincre des résistances. La premiere partie de l'Architecture hydraulique, qui offre la théorie des fluides et celle de la force des hommes et des animaux, est terminée par des détails sur la force expansive de la vapeur, qui font desirer une connoissance des machines que cette vapeur

met en mouvement plus étendue que celle qu'on y a jointe provisoirement. Il étoit donc naturel de lier la description de ces machines aux principes généraux qui s'y rapportent, plutôt que de mettre un volume entier entre des objets de même nature. D'un autre côté, l'essor que l'agriculture, les manufactures et le commerce sont disposés à prendre, appellent de toute part l'usage des machines à feu; et c'étoit une raison de plus pour hâter la publication de ce

qui les concerne.

1355. Les dernières perfections ajoutées aux machines à feu devant désormais déterminer les constructeurs à n'employer que celles à double effet, jusqu'à ce que l'art ait fait de nouveaux progrès, la connoissance des divers mécanismes qui ont précédé les découvertes récentes semble ne devoir plus être considérée que comme un objet d'érudition lié à l'histoire de l'esprit humain. Sous ce point de vue, nous aurions pu nous contenter de ce que nous avons dit, à la fin de la premiere partie, sur la machine de Newcomen, et sur celle apportée à Paris, en 1780, par MM. Perrier, et employée aux pompes de Chaillot et du Gros-Caillou, pour la derniere fois, selon toute apparence. Cependant, comme le meilleur moyen de développer l'esprit d'invention est d'exercer l'esprit à comparer, les productions de ce genre ne pouvant être que de nouveaux rapprochements d'idées, nous n'avons pas cru devoir supprimer les détails sur les machines anciennes; mais, pour concilier la précision avec l'objet d'utilité dont nous parlons, nous avons placé ces détails de maniere qu'ils servent principalement à faire connoître les relations entre les inventions successives, et à faire sentir les avantages de celles auxquelles on a donné la préférence.

Les machines à double effet forment donc ici l'objet principal; les anciennes machines n'y sont traitées que comme objets accessoires; et néanmoins nous donnons plus de choses sur ce qui les concerne qu'on n'en trouve dans aucun ouvrage publié jusqu'à présent. Il nous auroit été impossible, eu égard aux bornes dans lesquelles nous devons circonscrire l'étendue de cet ouvrage, d'en parler avec autant de développement que nous l'avons fait des seules machines actuellement proposables; car le desir de ne laisser à dire que le moins possible sur une matiere aussi intéressante ayant exigé un grand nombre de planches et une étendue analogue dans le discours, on ne pouvoit y réunir les anciennes machines avec les mêmes détails qu'en grossissant considérablement un livre qui sans cela sera

déja assez volumineux.

1356. Ce qu'il y a d'assez remarquable dans la relation des mécanismes anciens au nouveau, c'est que les premiers peuvent être considérés comme des cas particuliers du dernier. En cela on doit reconnoître la marche de l'esprit humain, qui commence par les idées isolées avant de passer aux notions générales. On verra qu'une machine à double effet, disposée convenablement, peut, avec de légeres modifications dont son mécanisme la rend susceptible à volonté, être employée et comme machine de Newcomen et comme machine de l'espece de celles de Chaillot.

1357. Tout ce que nous allons dire sur les machines à feu Trois divisions peut être considéré comme présentant trois divisions princi-objets de despares. La premiere contient les détails des expériences et des discussion reappareils employés pour la détermination de la force expansive latifs aux pompes à feu. de la vapeur, et quelques usages utiles auxquels les résultats de ces expériences peuvent être employés dans la physique et dans les arts. La seconde traite de deux systêmes de machine à feu à double effet, où nous avons tâché de réunir les diverses variations dont la combinaison de ces machines est susceptible, et auxquels nous avons joint la description détaillée de la machine de Newcomen et de celles construites, depuis 1780, à Chaillot et au Gros-Caillou: enfin la troisieme offre des détails particuliers sur les principales pieces nécessaires à ceux qui voudront construire des machines à seu, et les principes dont on a besoin pour calculer leurs dimensions et leurs effets.

Description des appareils employés pour la détermination de la force expansive de la vapeur de l'eau.

1358. Lorsque M. de Betancourt entreprit ses expériences Des faites sur la force expansive de la vapeur de l'eau et de l'esprit-de-sur la force exvin, dont nous avons parlé dans la premiere partie de cet ou-vapeur de l'eau vrage, il ne pensoit pas qu'aucun physicien se fût avant lui avant lui avant lui occupé de recherches semblables. Son travail étoit fini et ses résultats obtenus, quand M. Hoyer, ingénieur danois, nous parla d'un ouvrage de M. Jean Henri Ziegler sur le digesteur de Papin, dans lequel ce physicien décrivoit les épreuves qu'il avoit faites sur les forces expansives des vapeurs de différents fluides, dont il avoit formé des tables. Nous sîmes part de cet avis à M. de Betancourt, qui, étant parvenu, après bien des re-

cherches, à se procurer l'ouvrage de M. Ziegler, s'assura que son travail différoit absolument de celui de ce physicien, tant par les appareils employés aux expériences (voyez la note) que par les résultats mêmes de ces expériences (\*). En effet M. de Betancourt a opéré dans le vuide, et M. Ziegler a échauffé en même temps l'eau et l'air contenus dans un vase clos; et la force expansive résultante de ce mélange n'est point la même, à égale

(\*) Nous croyons, pour la gloire de M. Ziegler, pour celle de M. de Betancourt, et afin que le public soit plus en état de juger de leurs travaux respectifs, devoir donner ici une idée de l'appareil employé par M. Ziegler.

Son Mémoire, publié à Basle en 1769, a pour titre: Specimen physico-chemicum de digestore Papini, ejus structura, effectu et usu, primitias experimentorum novorum circa fluidorum a calore rarefactionem et vaporum elasticitatem exhibens.

Son instrument est une espece de marmite de cuivre A, A, (fig. 210) étamée ou argentée en dedans: cette marmite est renforcée par plusieurs cercles de fer B, B, B, capables de la faire résister à l'effort de la vapeur intérieure; elle est fermée par un couvercle de fer C, C; des vis c, c, c, passent à travers des trous b, b, b, pratiqués à des parties saillantes du couvercle, et viennent se visser dans des écrous a, a, a, taraudés dans un cercle de fer B, asin de presser fortement ce couvercle contre la partie supérieure de la marmite.

Le couvercle C cache et couvre un autre couvercle ou bouchon intérieur BB (fig. 211), qui s'emboîte parfaitement dans la partie supérieure de la marmite. Ce bouchon, qui est de cuivre, est étamé ou argenté à sa partie inférieure. Il doit, lorsqu'il est pressé par le couvercle C au moyen des vis c, c, c, fermer assez exactement l'ouverture supérieure de la marmite pour empêcher la sortie de la vapeur.

Le bouchon (fig. 211) a deux ouvertures, l'une en D, l'autre en E; à cette derniere est soudé un cylindre de cuivre fermé à sa partie inférieure et étamé ou argenté extérieurement, dans lequel on place le thermometre FF, qui doit indiquer la température de la vapeur. On met dans ce cylindre de l'eau, de l'huile, de la graisse, du mercure, du plomb, etc., ou une composition métallique de 5 parties de bismuth, 3 d'étain et 2 de plomb. Ces substances doivent servir de bain-marie à la boule du thermometre: leur choix dépend de la température qu'elles doivent éprouver.

On fait passer par le trou D l'élatérometre, ou l'instrument qui sert à

mesurer le degré de force expansive de la vapeur.

L'élatérometre est composé d'une bouteille de verre G, qui doit contenir un liquide; celui dont M. Ziegler s'est le plus constamment servi est le mercure; il a cependant quelquefois employé l'eau: un tube de fer ddcc est plongé dans cette bouteille, et dans ce tube de fer est enchâssé un tube de verre ff.

La bouteille G est disposée de maniere que la vapeur est en contact avec la surface supérieure du fluide qu'elle contient, presse cette surface, et fait monter le fluide dans le tube de verre jusqu'à ce qu'il y ait équilibre en-

température, que celle de la vapeur seule de l'eau. M. Ziegler a, à la vérité, fait des épreuves sur de l'eau purgée d'air; mais cette eau ainsi purgée n'étoit point renfermée dans un vase qui fût lui-même vide d'air, et ne lui a pas fourni, ainsi qu'il le dit lui-même, des résultats nouveaux. Aqua aere purgata, quoad sensibiles rarefactionis effectus, ab aqua communi non differt. (Specimen physico-chemicum de digestore Papini, etc., pag. 41.)

tre la pression de la vapeur et la pesanteur de la colonne sluide de l'élaté-

Pour empêcher que la vapeur ne puisse sortir par l'ouverture D, dans laquelle passe le tube de fer, M. Ziegler a soudé, sur le couvercle, une vis (fig. 212) percée dans son milieu d'un trou cylindrique, qui livre passage au tube de fer: un écrou (fig. 213) s'adapte très exactement à la vis (fig. 212); cet écrou (fig. 213) est terminé par une tête quarrée, asin qu'on puisse le serrer avec une clef, laquelle tête est aussi percée d'un trou cylindrique pour faire continuation avec celui de la vis. On met, au-dessus de la vis, une rondelle de plomb, qui, comprimée par la partie inférieure de la tête quarrée de l'écrou, intercepte le passage de la vapeur.

Lorsque l'écrou (fig. 213) est posé et serré sur la vis (fig. 212), et que le tube de fer est ajusté dans la bouteille G, on soude le tube de fer à la tête de l'écrou avec de la soudure forte; ensuite on mastique la jonction du

tube de verre ff et du tube de fer cc avec de la cire d'Espagne.

Tels sont la description et l'usage de l'instrument que M. Ziegler appelle élatérometre: mais lorsque la force expansive est trop grande pour être mesurée par cet instrument, il se sert de la machine E ddf F g (fig. 210), qu'il nomme élatérometre méchanique, pour le distinguer du premier, qu'il

appelle élatérometre physique.

L'élatérometre méchanique est composé de deux petits supports verticaux d, d, l'un immobile et fixé sur le couvercle supériour C, l'autre mobile et posé en E, sur une valvule ou espece de soupape (fig. 214), dont la tige se place dans le trou cylindrique de la vis (fig. 212) et le bouche avec exactitude. Un levier Ff (fig. 210) a son axe à l'extrémité du support immobile : ce levier porte un poids fixe g à l'extrémité d'une de ses branches : l'autre branche porte un poids mobile V, qui sert à déterminer, par sa distance à l'axe de rotation, l'effort que fait la vapeur sur la soupape E, lequel effort tend à en-lever le support mobile d, en même temps que la soupape.

La valvule ou soupape E (fig. 214) est fermée d'un morceau de cuivre conique, terminé à sa partie supérieure par une tête plate. Cette piece doit être extrêmement réguliere, parfaitement polie, et entrer avec une grande justesse dans le trou conique fait à la vis (fig. 212). M. Ziegler met du car-

ton entre la tête de la valvule et la partie supérieure de la vis.

La figure 215 présente une autre disposition pour fermer un vase dans lequel on voudroit mettre un fluide en vaporisation sans que la vapeur ent aucune issue pour sortir de ce vase.

La figure 216 offre la forme la plus simple qu'on puisse donner à un vase

1350. J'ai cru, pour l'histoire de la science et pour rendre à M. Ziegler sa justice qui lui est due, devoir parler ici de ses expériences. Ce physicien, aussi recommandable par sa modestie que par la science, vit à Wintrethour en Suisse : les recherches qu'il a déja publiées ne peuvent que faire augurer très avantageusement des services qu'il peut encore rendre à la physique et à la méchanique, en appliquant aux découvertes récentes la pénétration et la sagacité dont il a déja donné tant de preuves.

Description

1360. Revenons aux expériences de M. de Betancourt. Nous de l'appareil qu'il a employé de M. de Be- avons déja donné (1322) une idée de l'appareil qu'il a employé pour évaluer la force expansive de l'eau et de l'esprit de vin. Mais cet exposé préliminaire, très propre à éclaircir la théorie que nous avions alors en vue, est insuffisant pour guider ceux qui voudroient répéter les expériences. Il est essentiel, à cause de la grande importance des résultats, que nous entrions ici dans un plus grand détail (\*): et cependant, avant de lire ce qui suit, il sera bon de revoir tout ce que nous avons dit depuis l'art. 1309 jusqu'à l'article 1328.

> 1361. La fig. (219) représente la vue perspective de tout l'appareil. A est une chaudiere de cuivre qui a huit pouces dans son plus grand diametre, quatorze de hauteur et un peu

> destiné à un semblable usage lorsqu'on veut saire des expériences très en

Enfin M. Ziegler, depuis la publication de son mémoire, a imaginé une nouvelle maniere de fermer sa marmite, dont le profil, représenté par la fig. 217, peut donner une idée.

AB est une partie du corps ou cylindre de la marmite.

C c est un renforcement de la partie supérieure du cylindre ; l'anneau c doit être de cuivre: C peut être de cuivre ou de ser, et doit être assez saillant pour donner prise au crochet de fer j K L,

DE est une partie du plateau du couvercle,

f, g, deux cercles de renforcement.

jKL est le crochet qui, au moyen de la vis M, pressant le coussinet ou piece de renforcement H, serre le couvercle DE contre la marmite AB.

On doit employer 3, 4 ou 6 de ces crochets selon la grandeur de la

marmite.

La figure 218 représente une vis destinée à fermer une ouverture pratiquée au couvercle de la marmite, par laquelle, sans ôter les crochets, on peut ou introduire ou vider une liqueur, et qui peut servir ainsi à placer une soupape, un tube de thermometre, etc.

(\*) Ces détails sont tirés d'un mémoire publié par M. de Betancourt à la fin de 1790. plus

Digitized by GOOGLE

plus d'une ligne d'épaisseur. La partie supérieure est fermée par un couvercle XZ aussi de cuivre, au travers duquel passent les trois tuyaux B, C, D: le premier B sert à introduire l'eau dans la chaudiere, et se serme exactement avec un bouchon à vis et à tête quarrée qui se tourne avec une clef; le second C est traversé par un thermometre, dont la boule E doit être à environ deux pouces au-dessus du fond de la chaudiere, et dont la graduation, placée extérieurement, s'étend depuis o jusqu'à 110 degrés de l'échelle de Réaumur. On adapte au troisieme tuyau D un tube barométrique DFGH de verre, dont la branche GH a 110 pouces de longueur et deux lignes de diametre intérieur: le tube doit être fixé à un madrier MM, qui lui-même est attaché à la planche LK. L'échelle RS est divisée en pouces, dixiemes et vingtiemes de pouce, et peut glisser librement dans le sens vertical. La chaudiere A est, comme on voit, soutenue par un trépied tt, vissé sur la planche KL, et posée audessus du fourneau P; une machine pneumatique TV, qui communique avec la chaudiere au moyen d'un tuyau de plomb YW, sert à y faire le vide.

Nous veuons de décrire l'appareil perfectionné dont il est parlé à la fin de l'art. 1322, et qui dispense d'ajouter à la différence de niveau du mercure dans les branches FM et HG, la hauteur du mercure dans un barometre ordinaire placé à

côté de l'instrument.

1362. M. de Betancourt a eu beaucoup de peine à empêcher que sa chaudiere ne livrat passage, soit à l'air extérieur, soit à la vapeur intérieure, dans les différentes circonstances où la pression de l'un de ces gas l'emportoit de beaucoup sur celle de l'autre. Il a tenté inutilement de fermer à vis le couvercle de sa chaudiere, ou de la souder à l'étain: il s'est apperçu dans ce dernier cas que l'étain donnoit, sous une certaine pression, passage à la vapeur, à travers ses pores dilatés, et il l'a reconnu en versant de la cire sur la partie supérieure de la chaudiere. Enfin, après plusieurs essais, il a été obligé d'employer une chaudiere entièrement soudée à la soudure forte, qui lui a parfaitement réussi.

1363. La construction de la chaudiere étant achevée, il restoit encore une grande difficulté qui étoit de pouvoir fermer les unions entre les tubes de verre et les tuyaux de cuivre à travers lesquels ils passoient. M. de Betancourt, après avoir eu inutilement recours à différents expédients, a employé avec succès ce-

lui que nous allons décrire.

AB (fig. 220) représente le couvercle de la chaudiere, CD Tome II.

est une piece de cuivre qui se visse dans ce couvercle, et, pour qu'elle ferme parfaitement le trou dans lequel elle se visse, il faut mettre, au-dessous de la base, un peu de filasse enduite de lut gras, après quoi on la serre avec une clef. Cette piece est percée, dans le milieu, pour recevoir soit le barometre soit le thermometre, représentés par EF; et la partie supérieure est creusée en entonnoir pour recevoir la filasse II, qui se serre très fortement contre le tube, au moyen de l'écrou GH.

Ce moyen réunit à l'avantage de la simplicité celui de donner la plus grande facilité pour remplacer un tube qui se casseroit par quelque accident. Si, dans le cours de l'expérience, on s'apperçoit que la vapeur s'échappe, on y remédie, sur-le-

champ, en serrant davantage les écrous avec la clef.

1364. On emploiera, pour bien purger d'air le tube barométrique FGH, les précautions usitées ordinairement; on fera bouillir le mercure dans toute la longueur de ce tube, conformément à la méthode de M. Deluc. M. de Betancourt est parvenu à faire un vide si parfait, que le mercure se soutenoit à la même hauteur que dans le barometre ordinaire, quoique la branche GH eût (fig. 219) 110 pouces de longueur. On voit à ce tube un renslement en M près de la partie inférieure G; la paroi intérieure est disposée, en cet endroit, en forme de récipient assez vaste pour pouvoir fournir à l'ascension du mercure dans la branche GH, sans que ce sluide puisse parvenir à la partie inférieure de la branche GF.

1365. Les degrés de chaleur ont été mesurés avec un thermometre de mercure, divisé avec grand soin, suivant la méthode de M. de Réaumur, et dont la distance entre les divisions étoit d'environ trois lignes. Les degrés de la glace et de l'eau bouillante ont été déterminés exactement, le barometre

étant à 28 pouces.

Nous allons, à présent, donner quelques détails sur la maniere dont les expériences ont été faites.

# Détails sur la maniere dont on a fait les expériences.

Comment on 1366. Lorsqu'on veut mettre la vapeur d'un fluide en expéfait le vide dans rience, on fait le vide avec la machine pneumatique. Cette machine est ordinairement garnie de son éprouvette; mais, dans cette circonstance, le tube FGH peut et doit en servir, et l'on continuera à faire mouvoir les crémailleres, jusqu'à ce que la différence de niyeau du mercure dans les branches FH

et GH ne puisse plus diminuer. Il reste ordinairement une colonne de quelques lignes, qui est due, 1°. à l'air très rare qui reste dans la chaudiere, 2°. à la vaporisation de l'eau, qui a lieu, à la moindre température, lorsque la surface de ce fluide n'est plus coërcée que par une très petite pression. Le vide étant re initiale de fait autant qu'il est possible, on environne la chaudiere de glace, l'eau. et ordinairement le mercure s'approche de son niveau, ce qu'il faut attribuer à la condensation, tant de l'air que de la vapeur, opérée par l'abaissement de la température. M. de Betancourt, dans une de ses expériences, l'a fait ainsi baisser de trois lignes sur dix.

Dès que le thermometre est baissé jusqu'à zéro, ou à très Observations peu près, on retire la glace et on met le feu sous la chaudiere, tes du barone qu'on regle de maniere à faire parcourir au thermometre un mometre. degré au plus par minute: si on veut changer cette vîtesse, il faut la diminuer et non pas l'augmenter. M. de Betancourt, dans la derniere expérience de la table ci-après (1368), faisoit marcher le thermometre d'un degré environ dans deux minutes: à mesure que le thermometre arrive à une division, on observe la division correspondante du tube barométrique, en commençant par zéro, c'est-à-dire sans avoir égard à la petite colonne initiale, et on tient registre des observations simultanées.

Un seul observateur peut, avec de l'adresse et de l'agilité, faire à-la-fois les observations de la température et de la pression; mais il est beaucoup plus sûr et plus commode d'employer deux observateurs, dont l'un soit au thermometre et l'autre au tube barométrique.

1367. M. de Betancourt n'a éprouvé la force expansive que expansive à depuis la température de la glace. « Il seroit sans doute très une tempéra de intéressant, dit-il, de connoître la force expansive due à la sous de la constant d « vaporisation qui peut avoir lieu dans le vide, au-dessous du glace. « terme de la glace, mais les expériences nécessaires pour ac-« quérir cette connoissance présentent de grands obstacles. On « ne peut pas faire le vide assez exactement pour qu'il ne reste « pas dans le vase une petite portion d'air qui exerce sa pres-« sion sur l'eau. Quelque foible que soit cette pression, il est « possible qu'elle suffise pour empêcher la vaporisation, qui, « dans les termes au-dessous de la glace, doit être coërcée ou « arrêtée par la plus petite puissance. En supposant même que « l'air dilate qui reste ne presse point assez pour empêcher la « vaporisation, la mesure de la force expansive de la vapeur

and the temperature due à cette force expansive, puisque and cette force expansive par l'air, sa vaporisation, à un degre denne du thermometre, n'est pas la même que s'il n'y aveil pas de pression antérieure; 2°. l'incertitude de la mesure de cette force expansive elle-même, la hauteur du barometre de l'air renfermé et du san aqueux. Le ressort de l'air ne peut point ici, comme dans les températures au-dessus de zéro, être négligé à l'égard de « celui de la vapeur, car au-dessous de zéro il peut l'égaler et « même le surpasser. »

1368. On a mis, dans diverses expériences, différentes quanitités d'eau dans la chaudiere; elle en a contenu successivement de quoi occuper ½, ¼, ½ et ¾ de sa capacité : il est résulté de là des variations remarquables dans les résultats; avant de les expliquer nous allons d'abord offrir la table des expériences.

TABLE pour connoître la force expansive apparente de la vapeur de l'eau, à différentes températures, mesurées sur le thermometre de Réaumur, et en remplissant un même vase de différentes quantités d'eau.

1	2	. 3	4	5		
du du thermo- metre.	HAUTEURS du barometre en 100° de pouce, l'eau occupant les portions, ci-dessous, de la capacité de la chau- diere, savoir:					
	un vingtieme.	un quart.	un demi.	trois quarts.		
0 5 10 15 20 25 50 35 40 45 50	0,00 0,09 0,15 0,28 0,47 0,82 1,25 1,85 2,70 3,75 5,75 8,30	0,00 0,10 0,27* 0,45 0,75 1,00 1,52 2,15 2,97 4,10 5,60 7,80	0,00 0,05 0,17 0,35 0,62 1,00 1,50 2,12 2,90 4,00 5,50 7,55	0,00 0,02 0,15 0,35 0,65 1,05 1,52 2,15 2,92 3,95 5,35		

SUITE de la Table de la force expansive apparente de la vapeur de l'eau, etc.

1	2	3	4	5	
du thermo-	HAUTEUR du barometre en 100e de pouce, l'eau occupant les portions, ci-dessous, de la capacité de la chaudiere, savoir:				
metre.	nn vingtieme.	un quart.	un demi.	trois quarts.	
60 65 70 75 80 85 90 95 100	11,40 15,30 19,50 24,80 31,40 39,90 49,70 61,20 75,00 89,00	10,35 13,70 17,50 22,80 29,00 37,70 47,80 59,20 73,00 85,80 99,00	10,10 13,25 17,50 22,35 28,60 37,00 47,20 58,20 72,40 84,90 98,00	9,95 13,20 16,90 21,75 28,00 36,45 46,40 57,80 71,80 86,80 98,00	

1369. On voit qu'à 80 degrés de chaleur, température à laquelle la force expansive de la vapeur doit faire équilibre au poids de l'atmosphere, ou à une colonne de mercure de 28 pouces, la seconde colonne de la table donne 31,40 pouces; la 3°, 29 pouces, la 4°, 28,6, et la 5°, 28 pouces, cette derniere étant la seule qui donne la vraie force expansive. En général, à compter du 50° degré de la température, ou de la pression due à une colonne de mercure d'environ 5 pouces, les 2°, 3° et 4° colonnes de la table offrent des valeurs qui excedent d'autant plus la véritable force expansive, présentée par la 5° colonne de la table, que le volume d'eau contenu dans la chaudiere étoit moindre.

Pour expliquer ces variations, il faut observer que, lors des expériences de la 2° colonne de la table, la boule du thermometre ne plongeoit point dans l'eau et étoit échauffée par la vapeur seulement: pendant les expériences de la 3° colonne, elle étoit à moitié plongée dans l'eau, et enfin elle n'a été entièrement submergée que pendant les expériences des 4° et 5° colonnes de la table. De plus le vide s'est fait d'autant plus exac-

tement, qu'il y avoit une plus grande quantité d'eau dans la chaudiere, ayant été poussé jusqu'à 5 lignes pour la 4° colonne de la table, et à 4 ½ lignes pour la 5°. D'après cela, on concevra facilement que la boule du thermometre devant employer un certain temps à acquérir et à indiquer la chaleur du milieu dans lequel elle est plongée, il est possible que ce temps soit plus long pour la vapeur que pour l'eau; mais il n'en est pas de même de l'action méchanique de la vapeur sur le mercure du barometre, qui, à quelques petits frottements près, qu'elle a à vaincre, doit produire sur-le-champ l'ascension due à la force expansive. Ainsi, on peut mettre en fait que le mercure monte dans le tube barométrique, avant que le thermometre indique la chaleur qui occasionne cette ascension, et, de plus, la série des expériences doit faire conclure que la vapeur ralentit davantage la marche du thermometre que l'eau. En effet, en prenant pour terme de comparaison la 5° colonne de la table (qui, contenant dans la série de ses nombres des résultats dont on est sûr par d'autres expériences, doit donner la vérité, ou en approcher le plus), on voit que les autres colonnes tendent à coïncider d'autant plus exactement avec elle, que la boule du thermometre participoit plus de la chaleur de l'eau; ensorte qu'en ayant égard à la moindre rapidité avec laquelle la vapeur communique la chaleur et faisant les corrections qui y sont relatives, la table ainsi corrigée donneroit par-tout le même résultat. Les petites différences entre les 4° et 5° colonnes doivent être attribuées, au moins en grande partie, au plus ou moins de perfection avec laquelle on a pu faire le vide, dans les deux cas, et qui a dû aussi avoir une certaine influence sur les résultats des 2° et 3° colonnes.

Conclusions

1370. M. de Betancourt conclut des expériences et des raipériences sur sonnements précédents, 1°. que la vapeur a le même degré de la force expan-sive de la va-chaleur que l'eau d'où elle se dégage; 2°. que la pression de peur de l'eau. l'air et celle de la vapeur influent de la même maniere sur les degrés de chaleur que l'eau peut recevoir à une pression déterminée; 3°. qu'il y a une relation et une dépendance mutuelle entre la température et la pression de la vapeur, telle que la même pression doit toujours correspondre à la même température, et réciproquement, quelle que soit l'étendue du vase dans lequel se fait la vaporisation. Tout ces résultats sont conformes à la théorie que nous avons donnée dans la premiere Accords en partie de cet ouvrage, et s'en déduisent immédiatement.

1371. Après avoir appliqué à ses expériences les formules calculés ceux déduits des expér.

déduites de notre méthode d'interpolation (\*), M. de Betancourt rend raison des légeres différences qu'on trouve entre le calcul et l'expérience, dont les principales viennent de l'im-

(\*) L'académie des sciences, à qui nous avons présenté cette méthode d'interpolation, l'a jugée digne d'être imprimée parmi les mémoires des savants étrangers. Nous avons pensé que plusieurs lecteurs la verroient ici avec quelque intérêt, et nous allons en donner une exposition, qui, quoiqu'abrégée, sera néanmoins très suffisante pour ceux qui ont quelques notions d'analyse; d'ailleurs les formules ci-après, que nous donnons toutes calculées depuis trois jusqu'à six observations, suffiront pour un très grand nombre de cas dans la pratique.

Il n'est pas inutile de dire que la méthode qu'on va voir paroît s'adapter principalement aux expériences sur les fluides élastiques. Il est très native beaucoup plus générale et avec plus de développement que taine classe de phénomenes à laquelle elle est plus propre qu'à une autre : en outreplusieurs applications que je n'ai données nulle part

et en effet les diverses lois de la nature supposent nécessairement diverses données nulle part formes particulieres de fonctions analytiques, avec lesquelles elles ont un accord plus ou moins parfait.

Soient trois observations..... b, c, x',

Il s'agit de déterminer une équation de la forme

$$y = M\beta^z + \omega,$$

qui satisfasse aux valeurs qu'on vient de donner, c'est-à-dire telle qu'en faisant successivement y=a, y=b, y=c, on ait

$$a = M + \omega,$$
  
 $b = M\beta^{z} + \omega,$   
 $c = M\beta^{2z} + \omega.$ 

Tirant de ces équations les valeurs de β, M et ω, on a

$$\beta = \left(\frac{b-c}{a-b}\right)^{\frac{1}{a'}},$$

$$M = \frac{a-b}{1-\beta x'} = \frac{(a-b)^{a}}{a-2b+c},$$

$$\omega = a - M = \frac{ac-b^{a}}{a-2b+c}.$$

Lorsque la valeur de  $\beta^{*}$  ou celle de  $\frac{b-c}{a-b}$  sera négative, il y aura une infinité de valeurs de x qui rendront  $\beta^x$  imaginaire; et, en faisant  $\beta^x = \beta^{nx'}$ , ce cas aura lieu toutes les fois que n sera une fraction réduite à sa plus simple expression, dont le dénominateur sera un nombre pair. Pour obvier à cet inconvénient et rendre l'équation  $y = M\beta^2 + \omega$  propre à satisfaire

note , parcequ'elle contient une maniere de présenter la théorie des suites récur-rentes, et d'autres détails qui pourront intéresser quelques lecteurs.

perfection dans la division des échelles: il en conclut que les résultats déduits des formules doivent être regardés comme ceux qui auroient dû être donnés par les expériences, suppo-

aux valeurs données de y, sans être obligé de considérer  $\beta^x$  comme négatif, on multipliera le terme  $\beta^x$  par cosinus  $\left(\frac{x^x}{x^y}\right)\pi$  étant la demi-circonférence; et on aura l'équation

$$y = M\beta^x \cos \left(\frac{x^{\tau}}{x'}\right) + \omega$$
,
qui, en faisant  $x = 0$ ,  $x = x'$ ,  $x = 2x'$ , donne
$$a = M + \omega$$
,
$$b = -M\beta^{x'} + \omega$$
,
$$c = M\beta^{22'} + \omega$$
,

et satisfait aux valeurs données de y sans qu'on soit obligé d'avoir égard au signe de  $\beta^x$  lorsqu'on éleve cette quantité à la puissance n: c'est le signe du facteur cos.  $\left(\frac{x\pi}{x'}\right)$ , qui détermine celui de  $\beta^x$ , et un pareil facteur peut toujours être censé sous-entendu dans toute progression géométrique dont les signes des termes sont alternatifs, lorsqu'on veut lier ces termes par la loi de continuité.

Et proposons-nous de trouver une équation de la forme

$$y = M\beta^z + N\gamma^z$$

qui satisfasse aux observations données, c'est-à-dire telle qu'en faisant y=a, y=b, y=c, y=d, on ait

$$a = M + N,$$

$$b = M\beta^{z'} + N\gamma^{z'},$$

$$c = M\beta^{2z'} + N\gamma^{2z'},$$

$$d = M\beta^{3z'} + N\gamma^{5z'}.$$

Eliminant N de ces équations, on a

$$a\gamma^{z'} - b = M\gamma^{z'} - M\beta^{z'},$$

$$b\gamma^{z'} - c = M\gamma^{z'}\beta^{z'} - M\beta^{zz'},$$

$$c\gamma^{z'} - d = M\gamma^{z'}\beta^{zz'} - M\beta^{5z'}.$$

Les seconds membres de ces équations forment une progression géomésées sées parfaites, et que toutes les fois qu'on voudra faire quelque usage de la force expansive de la vapeur à différents degrés de température, on doit préférer les résultats du calcul à ceux de l'expérience.

trique dont  $\beta^{x'}$  est la raison: on peut donc former les équations suivantes entre les premiers membres:

$$a\beta^{x'}\gamma^{x'} - b\beta^{x'} = b\gamma^{x'} - c, \text{ ou } c = (\beta^{x'} + \gamma^{x'})b - a\beta^{x'}\gamma^{x'};$$

$$b\beta^{x'}\gamma^{x'} - c\beta^{x'} = c\gamma^{x'} - d, \text{ ou } d = (\beta^{x'} + \gamma^{x'})c - b\beta^{x'}\gamma^{x'}.$$

On voit par ces valeurs que les quantités a, b, c, d doivent faire partie d'une suite récurrente, dont l'échelle de relation est composée des quantités  $\beta^x + \gamma^{x'}$  et  $-\beta^{x'}\gamma^{x'}$ . Faisons  $\beta^{x'} + \gamma^{x'} = \rho$ , et  $\beta^{x'}\gamma^{x'} = \sigma$ , nous aurons

$$c - \rho b + \sigma a = 0,$$
  
$$d - \rho c + \sigma b = 0;$$

d'où on tirera

$$\rho = \frac{ad - bc}{ac - b^2}, \text{ et } \sigma = \frac{bd - c^2}{ac - b^2}.$$

Les valeurs de  $\rho$  et  $\sigma$  étant calculées , on cherchera les facteurs du polynome du second degré

$$1 - \rho z + \sigma z z$$
.

Soient p et q ces facteurs, c'est-à-dire supposons qu'on ait

$$1 - \rho z + \sigma z z = (1 - pz)(1 - qz)$$

on en conclura

$$\beta^{x'} = p$$
,  $\gamma^{x'} = q$ ; d'où  $\beta = p^{\frac{1}{x'}}$ , et  $\gamma = q^{\frac{1}{x'}}$ ,

ce qui dérive évidemment de la théorie des équations.

On aura ensuite

$$M = \frac{b - a \gamma^{x'}}{\beta^{x'} - \gamma^{x'}},$$

$$\hat{\mathbf{N}} = a - \mathbf{M} = \frac{b - a \, \mathbf{\beta}^{x'}}{x' - \mathbf{\beta}^{x'}}.$$

Lorsqu'on aura une valeur négative pour  $\beta^{x'}$  ou  $\gamma^{x'}$ , il faudra, conformément à ce qui est dit précédemment, multiplier les termes correspondants de la formule par cos.  $\left(\frac{\pi x}{x'}\right)$ , et regarder les quantités  $\beta^{x'}$  et  $\gamma^{x'}$  comme positives.

Dans le cas où on auroit p = q, il faudroit, au lieu de  $y = M\beta^x + N\gamma^x$ , écrire

Courbes qui présentent ces résultats.

1372. La fig. (221) offre deux courbes ponctuées, dont les abscisses représentent les températures, et dont les ordonnées respectives représentent les forces expansives, données par l'ex-

l'équation  $\beta = p^{\frac{1}{x'}}$  subsistant toujours. On fera ensuite successivement x = 0 et x = x'; ce qui donnera

$$M = a$$
, et  $N = \frac{b - a \beta^{x'}}{x' \beta^{x'}}$ 

Voyez l'Introduction à l'Analyse des infiniment petits d'Euler.

Mais, si les facteurs 1-pz et 1-qz sont imaginaires, l'équation générale doit encore s'énoncer autrement, et il faut l'écrire de la maniere suivante:

$$y = \frac{\sin \left[ (x+1)\phi \right]}{\sin \phi} M \beta^x + \frac{\sin \left( x\phi \right)}{\sin \phi} N \beta^x.$$

Pour déterminer  $\beta$ ,  $\varphi$ , M et N, on fera  $\beta^{x'} = g$ , et on posera l'équation  $\alpha - \rho z + \sigma z z = 1 - 2gz \cos \varphi + ggzz$ , qui, égalant les coëfficients des mêmes puissances de z, donnera

$$g = \beta^{x'} = \sigma^{\frac{1}{2}}, \cos \varphi = \frac{1}{2g} = \frac{1}{2g^{x'}} = \frac{1}{2g^{x'}}$$

Pour trouver ensuite M et N, il faut supposer, dans la valeur de y, cidessus, x=0, ce qui donne y=a, et ensuite x=x', ce qui donne y=b: et, au moyen des équations qui résulteront de ces substitutions, on auxa

$$\mathbf{M} = a,$$

$$\mathbf{N} = \frac{b \sin \cdot \phi}{\mathbf{g}^{x'} \sin \cdot (x'\phi)} - \frac{a \sin \cdot [(x'+1)\phi]}{\sin \cdot (x'\phi)}.$$

Voyez l'ouvrage ci-dessus cité.

$$\gamma = M \beta^x + N \gamma^x + \omega$$

qui satisfasse aux observations données, c'est-à-dire telles qu'on ait

$$a = M + N + \omega,$$

$$b = M\beta^{x'} + N\gamma^{x'} + \omega,$$

$$c = M\beta^{2x'} + N\gamma^{2x'} + \omega,$$

$$d = M\beta^{3x'} + N\gamma^{3x'} + \omega,$$

$$e = M\beta^{4x'} + N\gamma^{4x'} + \omega,$$

périence, des vapeurs de l'esprit de vin et de l'eau. Les courbes non ponctuées, avec lesquelles celles-ci se confondent presque entièrement, représentent les mêmes forces expansives telles qu'elles sont données par le calcul.

Retranchons successivement ces équations l'une de l'autre, il viendra

$$a-b = M + N - M \beta^{x'} - N \gamma^{x'},$$

$$b-c = M \beta^{x'} + N \gamma^{x'} - M \beta^{2x'} - N \gamma^{2x'},$$

$$c-d = M \beta^{2x'} + N \gamma^{2x'} - M \beta^{3x'} - N \gamma^{3x'},$$

$$d-e = M \beta^{3x'} + N \gamma^{3x'} - M \beta^{4x'} - N \gamma^{4x'}.$$

Eliminant M, on a

$$a\beta^{x'} - b\beta^{x'} - b + c = N \cdot \beta^{x'} - N\beta^{x'}\gamma^{x'} - N\gamma^{x'} + N\gamma^{2x'},$$

$$b\beta^{x'} - c\beta^{x'} - c + d = N\gamma^{x'}\beta^{x'} - N\beta^{x'}\gamma^{2x'} - N\gamma^{2x'} + N\gamma^{3x'},$$

$$c\beta^{x'} - d\beta^{x'} - d + e = N\gamma^{2x'}\beta^{x'} - N\beta^{x'}\gamma^{3x'} - N\gamma^{3x'} + N\gamma^{4x'}.$$

Les seconds membres de ces équations forment entre eux une progression géométrique, dont  $\gamma^{x'}$  est la raison; ce qui donne entre les premiers membres les équations suivantes:

$$b \beta^{x'} - c \beta^{x'} - c + d = a \gamma^{x'} \beta^{x'} - b \beta^{x'} \gamma^{x'} - b \gamma^{x'} + c \gamma^{x'},$$

$$c \beta^{x'} - d \beta^{x'} - d + e = b \gamma^{x'} \beta^{x'} - c \beta^{x'} \gamma^{x'} - c \gamma^{x'} + d \gamma^{x'}.$$
Faisons
$$a - b \stackrel{.}{=} A,$$

$$b - c = B,$$

$$c - d = C,$$

$$d - e = D,$$

les équations précédentes deviendront

$$C = B(\beta^{x'} + \gamma^{x'}) - A \beta^{x'} \gamma^{x'},$$

$$D = C(\beta^{x'} + \gamma^{x'}) - B \beta^{x'} \gamma^{x'}.$$

On voit que les différences A, B, C, D forment une suite récurrente dont l'échelle de relation est composée des quantités  $\beta^{x'} + \gamma^{x'}$ , et  $-\beta^{x'}\gamma^{x'}$ ; il résulte de la que la suite a, b, c, d, e, doit aussi être une suite récurrente, comme on le verra tout-à-l'heure.

Faisons 
$$\beta^{x'} + \gamma^{x'} = \rho$$
, et  $\beta^{x'} \gamma^{x'} = \sigma$ ,

les deux équations précédentes deviendront

<u>C</u> ij

Application des observations précédentes aux arts et à la physique.

Effet de la 1373. Nous avons observé (1341), en expliquant le méchade condensa-nisme de la machine à feu dans l'état de perfection où M. Wats
machines

$$C = \rho B - \sigma A,$$

$$D = \rho C - \sigma B;$$

$$\rho = \frac{AD - BC}{AC - B^2},$$

$$\sigma = \frac{BD - C^2}{AC - B^2}.$$

d'où on tire

Cherchant ensuite les facteurs du polynome  $1 - \rho z + \sigma z z$ , de manière qu'on ait  $1 - \rho z + \sigma z z = (1 - \rho z)(1 - qz)$ , on aura

 $\beta^{x'} = p \; ; \; \gamma^{x'} = q \; ,$   $\beta = p^{\frac{1}{x'}}; \; \gamma = q^{\frac{1}{x'}}.$ On a ensuite  $M = \frac{\Lambda \gamma^{x'} - B}{(1 - \beta^{x'})(\gamma^{x'} - \beta^{x'})} = \frac{\Lambda \gamma^{x'} - B}{(\beta^{x'} - 1)(\beta^{x'} - \gamma^{x'})};$   $N = \frac{\Lambda \beta^{x'} - B}{(1 - \beta^{x'})(\beta^{x'} - \gamma^{x'})} = \frac{\Lambda \beta^{x'} - B}{(\gamma^{x'} - 1)(\gamma^{x'} - \beta^{x'})};$   $\omega = a - M - N.$ 

Lorsque les valeurs de  $\beta^{x'}$  ou de  $\gamma^{x'}$  seront négatives, on multipliera, comme précédemment, par  $\cos\left(\frac{\pi x}{x'}\right)$  le terme de la formule auquel se rapporte celle de ces quantités qui est négative.

Si, dans les équations  $C = \rho B - \sigma A$  et  $D = \rho C - \sigma B$ , on substitue pour A, B, C, D leurs valeurs, on aura

$$d = (1+\rho)c - (\sigma+\rho)b + \sigma a,$$

$$e = (1+\rho)d - (\sigma+\rho)c + \sigma b.$$

Ainsi les quantités a, b, c, d, e forment une suite récurrente dont  $+\rho$ ,  $-(\sigma+\rho)$  et  $\sigma$  composent l'échelle de relation : on peut observer que la somme de ces quantités, prises avec leurs signes, est égale à l'unité.

On voit encore que, dans la suite des différences A, B, C, D, un terme quelconque dérive des deux précédents, et que, dans celle des quantités a, b, c, d, e, un terme quelconque se dérive des trois précédents: d'après cette dernière propriété, lorsque p et q seront égales ou imaginaires, il sera plus commode de rapporter le problème à celui qui va suivre que de le traiter directement.

l'avoit mise, en 1770, et en parlant de la pompe à air adaptée à cette machine, que le mélange de l'eau employée à faire la condensation et de celle produite par la vapeur condensée, est à une

Soient six observations  $\cdots a$ , b, c, d, e, f, correspondentes aux valeurs de  $x \cdots o$ , x', 2x', 3x', 4x', 5x', et proposons-nous de trouver une équation de la forme

$$y = M \beta^x + N \gamma^x + P \delta^x,$$

qui satisfasse à ces observations, c'est-à-dire telle qu'on ait

$$a = M + N + P,$$

$$b = M \beta^{x'} + N \gamma^{x'} + P \delta^{x'},$$

$$c = M \beta^{2x'} + N \gamma^{2x'} + P \delta^{2x'},$$

$$d = M \beta^{3x'} + N \gamma^{3x'} + P \delta^{3x'},$$

$$e = M \beta^{4x'} + N \gamma^{4x'} + P \delta^{4x'},$$

$$f = M \beta^{5x'} + N \gamma^{5x'} + P \delta^{5x'}.$$

Eliminant M, on a

$$a\beta^{x'} - b = N\beta^{x'} + P\beta^{x'} - N\gamma^{x'} - P\beta^{x'},$$

$$b\beta^{x'} - c = N\beta^{x'}\gamma^{x'} + P\beta^{x'}\beta^{x'} - N\gamma^{2x'} - P\beta^{2x'},$$

$$c\beta^{x'} - d = N\beta^{x'}\gamma^{2x'} + P\beta^{x'}\beta^{2x'} - N\gamma^{3x'} - P\beta^{3x'},$$

$$d\beta^{x'} - e = N\beta^{x'}\gamma^{3x'} + P\beta^{x'}\beta^{3x'} - N\gamma^{4x'} - P\beta^{4x'},$$

$$e\beta^{x'} - f = N\beta^{x'}\beta^{4x'} + P\beta^{x'}\beta^{4x'} - N\gamma^{5x'} - P\beta^{5x'}.$$

Eliminant N, il vient

$$a \beta^{x'} \gamma^{x'} - b \beta^{x'} - b \gamma^{x'} + c = P \beta^{x'} \gamma^{x'} - P \gamma^{x'} \delta^{x'} - P \beta^{x'} \delta^{x'} - P \delta^{2x'},$$

$$b \beta^{x'} \gamma^{x'} - c \beta^{x'} - c \gamma^{x'} + d = P \beta^{x'} \gamma^{x'} \delta^{x'} - P \gamma^{x'} \delta^{2x'} - P \beta^{x'} \delta^{2x'} - P \delta^{3x'},$$

$$c \beta^{x'} \gamma^{x'} - d \beta^{x'} - d \gamma^{x'} + e = P \beta^{x'} \gamma^{x'} \delta^{2x'} - P \gamma^{x'} \delta^{3x'} - P \beta^{x'} \delta^{3x'} - P \delta^{4x'},$$

$$d \beta^{x'} \gamma^{x'} - e \beta^{x'} - e \gamma^{x'} + f = P \beta^{x'} \gamma^{x'} \delta^{3x'} - P \gamma^{x'} \delta^{4x'} - P \beta^{x'} \delta^{4x'} - P \delta^{5x'}.$$

Les seconds membres de ces équations forment une progression géométrique dont  $\delta^{x'}$  est la raison, ce qui établit entre les premiers membres une relation exprimée par les équations suivantes:

température telle qu'il en résulte une force expansive de 3 ou 4 pouces de mercure; cette force expansive, qui varie suivant la saison ou suivant la température de l'eau employée à faire

$$d = c \left[ \beta^{x'} + \gamma^{x'} + \delta^{x'} \right] - b \left[ \beta^{x'} \gamma^{x'} + \beta^{x'} \delta^{x'} + \gamma^{x'} \delta^{x'} \right] + a \beta^{x'} \gamma^{x'} \delta^{x'},$$

$$e = d \left[ \beta^{x'} + \gamma^{x'} + \delta^{x'} \right] - c \left[ \beta^{x'} \gamma^{x'} + \beta^{x'} \delta^{x'} + \gamma^{x'} \delta^{x'} \right] + b \beta^{x'} \gamma^{x'} \delta^{x'},$$

$$f = e \left[ \beta^{x'} + \gamma^{x'} + \delta^{x'} \right] - d \left[ \beta^{x'} \gamma^{x'} + \beta^{x'} \delta^{x'} + \gamma^{x'} \delta^{x'} \right] + c \beta^{x'} \gamma^{x'} \delta^{x'}.$$
Faisons
$$\rho = \beta^{x'} + \gamma^{x'} + \delta^{x'},$$

$$\sigma = \beta^{x'} \gamma^{x'} + \beta^{x'} \delta^{x'} + \gamma^{x'} \delta^{x'},$$

$$\tau = \beta^{x'} \gamma^{x'} \delta^{x'}.$$

Les équations précédentes se changeront en

$$d = \rho c - \sigma b + \tau a,$$

$$e = \rho d - \sigma c + \tau b,$$

$$f = \rho e - \sigma d + \tau c.$$

Et les quantités a, b, c, d, e, f formeront une suite récurrente dont  $\rho$ , —  $\sigma$  et  $\tau$  composeront l'échelle de relation. Ces dernieres quantités, déduites des équations ci-dessus, sont, en faisant

$$ad-bc=A$$
;  $be-cd=B$ ;  $c-bd=C$ ;  $d-ce=D$ ;  $e^2-df=E$ ;  $b^2-ac=F$ ;  $cf-de=G$ ;  $bd-ae=H$ ;  $ce-bf=K$ ;

$$\rho = \frac{FG - BC}{C' - DF} = \frac{FK - CH}{AC - BF},$$

$$\sigma = \frac{AE - BD}{AD - BC} = \frac{AK - BH}{AC - BF},$$

$$\tau = \frac{D' - CE}{AD - BC} = \frac{CG - BD}{C' - DF}.$$

On donne deux valeurs afin de fournir un moyen de vérifier le calcul: si on ne veut calculer que les premieres, on pourra se dispenser d'évaluer H et K qui ne se trouvent que dans les secondes.

Les valeurs de  $\rho$ ,  $\sigma$  et  $\tau$  étant connues, pour avoir celles de  $\beta$ ,  $\gamma$  et  $\delta$  on cherchera les facteurs du polynome

$$1 - \rho z + \sigma z^2 - \tau z^3,$$

de telle sorte qu'on ait

$$1 - \rho z + \sigma z^{2} - \tau z^{3} = (1 - pz)(1 - qz)(1 - rz)$$

Et les valeurs de β, γ, δ seront données par les équations

$$\beta^{x'} = p$$
,  $\gamma^{x'} = q$ ,  $\delta^{x'} = r$ .

On a ensuite, pour calculer M, N et P,

la condensation, agit en sens opposé de la vapeur affluente de la chaudiere et doit par conséquent se retrancher de l'effet de la machine. Cette partie du déchet des machines à feu n'avoit

$$\mathbf{M} = \frac{c - b(\gamma^{x'} + \delta^{x'}) + a\gamma^{x'}\delta^{x'}}{(\beta^{x'} - \gamma^{x'})(\beta^{x'} - \delta^{x'})},$$

$$\mathbf{N} = \frac{c - b(\beta^{x'} + \delta^{x'}) + a\beta^{x'}\delta^{x'}}{(\gamma^{x'} - \beta^{x'})(\gamma^{x'} - \delta^{x'})},$$

$$\mathbf{P} = \frac{c - b(\gamma^{x'} + \beta^{x'}) + a\beta^{x'}\gamma^{x'}}{(\delta^{x'} - \beta^{x'})(\delta^{x'} - \gamma^{x'})}.$$

Si le polynome  $1 - \rho z + \sigma z^2 - \tau z^3$  a deux facteurs égaux à p et q, alors la formule générale doit avoir la forme

$$y = Mx\beta^x + N\beta^x + P\delta^x.$$

On conservera les valeurs  $\beta^{x'} = p$ ,  $\delta^{x'} = r$ ; et faisant successivement x = 0, x = x', x = 2x', on aura

$$[1] \cdots a = N+P,$$

$$[2] \cdots b = Mx'\beta_{\bullet}^{x'} + N\beta^{x'} + P\delta^{x'},$$

[3] 
$$\cdots c = 2 M x' \beta^{2x'} + N \beta^{2x'} + P \delta^{2x'}$$

Multipliant la seconde de ces équations par  $2\beta^{x'}$ , et retranchant la troisieme du produit, on a

$$2b\beta^{x'}-c = 2N\beta^{2x'}-N\beta^{2x'}+2P\beta^{x'}\beta^{x'}-P\beta^{2x'}.$$

Multipliant ensuite l'équation a=N+P par 2  $\beta^{2z'}$  et retranchant du produit celle qu'on vient de trouver, on a

$$a\beta^{2x'}-2b\beta^{x'}+c=P[\beta^{2x'}-2\beta^{x'}\beta^{x'}+2\beta^{2x'}];$$

d'où on tire

$$\mathbf{P} = \frac{a\beta^{x'} - 2b\beta^{x'} + c}{(\beta^{x'} + \beta^{x'})^2}.$$

On a ensuite

$$N = a - P$$

$$\mathbf{M} = \frac{\mathbf{b} - \mathbf{N} \boldsymbol{\beta}^{x'} - \mathbf{P} \boldsymbol{s}^{x'}}{\mathbf{x}' \boldsymbol{\beta}^{x'}} = \frac{\mathbf{a} (\boldsymbol{\beta}^{x'} \boldsymbol{s}^{x'}) - \mathbf{b} \boldsymbol{s}^{x'} + \mathbf{c}}{\boldsymbol{\beta}^{x x'} (x' + 1) - \boldsymbol{\beta}^{x'} \boldsymbol{s}^{x'}}.$$

La seconde valeur de M se trouve en multipliant l'équation [2] par  $\delta^{x'}$ , retranchant l'équation [3] du produit, et retranchant ensuite la différence de l'équation [1] multipliée par  $\beta^{x'}\delta^{x'}$ —  $\beta^{2x'}$ .

Il peut se faire que le polynome  $1 - \rho z + \sigma z^2 - \tau z^3$  ait ses trois facteurs égaux; alors la formule générale prendra la forme

$$y = Mx^2\beta^x + Nx\beta^x + P\beta^x$$

nullement fixé l'attention, ou du moins on n'avoit pu en avoir aucune évaluation précise, jusqu'à l'époque où M. de Betancourt a fait connoître les résultats de ses expériences. On savoit

On aura  $\beta^{x'} = p = q = r$ , et pour déterminer M, N et P les trois équations a = P,  $b = M x'^2 \beta^{x'} + N x' \beta^{x'} + P \beta^{x'},$   $c = 4 M x'^2 \beta^{2x'} + 2 N x' \beta^{2x'} + P \beta^{2x'}.$ 

Substituant la valeur a de P dans les deux dernieres équations, multipliant la seconde par  $4 \beta^{x'}$  et retranchant la troisieme du produit, il vient

$$4b\beta^{x'}-c = 4Nx'\beta^{2x'}-2Nx'\beta^{2x'}+4a\beta^{2x'}-a\beta^{2x'};$$
d'où on tire 
$$N = \frac{4b\beta^{x'}-3a\beta^{2x'}-c}{2x'\beta^{2x'}}.$$

Si on eut multiplié par 2 gx, la soustraction auroit donné

$$2\beta^{x'}b - c = -2Mx'^2\beta^{2x'} + a\beta^{2x'};$$
d'où 
$$M = \frac{2b\beta^{x'} - a\beta^{2x'} - c}{-2x'^2\beta^{2x'}} = \frac{a\beta^{2x'} - 2b\beta^{x'} + c}{2x'^2\beta^{2x'}}.$$

Lorsque les facteurs du polynome  $1 - \rho z + \sigma z^2 - \tau z^3$  contiendront des quantités imaginaires, on aura

$$1 - \rho z + \sigma z^2 - \tau z^3 = (1 - \rho z)(1 - \rho'z + \sigma'z^2), \text{ et on fera}$$

$$1 - \rho'z + \sigma'z^2 = 1 - 2gz\cos\theta + ggzz, \text{ ce qui donne}$$

$$g = \sqrt{\sigma'}, \cos\theta = \frac{\rho'}{2g} = \frac{\rho'}{2\sqrt{\sigma'}};$$

et la formule générale sera de la forme

$$\gamma = M \beta^{x} + \frac{N \sin((x+1)\phi + P \sin((x\phi))}{\sin \phi} \cdot \gamma^{x}$$

On aura d'abord  $\beta^{x'} = p$  et  $\gamma^{x'} = g$ , et les quantités M, N et P seront données par les équations

$$a = M + N,$$

$$b = M \beta^{z'} + \frac{\sin (x'+1)\phi}{\sin \phi} \cdot N \gamma^{z'} + \frac{\sin (x'\phi)}{\sin \phi} \cdot P \gamma^{z'},$$

$$c = M \beta^{2z'} + \frac{\sin (2x'+1)\phi}{\sin \phi} \cdot N \gamma^{2z'} + \frac{\sin (2x'\phi)}{\sin \phi} \cdot P \gamma^{2z'}.$$

Faisons  $\frac{\sin (x'+1)\phi}{\sin \phi} = \varphi$ ,  $\frac{\sin (2x'+1)\phi}{\sin \phi} = \varphi'$ ,  $\frac{\sin (x'\phi)}{\sin \phi} = u_1 \frac{\sin (2x'\phi)}{\sin \phi} = u'_q$  les équations deviendront

seulement

seulement que le produit des machines à feu étoit plus considérable en hiver qu'en été; mais les expériences que nous avons rapportées non seulement expliquent cette différence, mais en donnent la mesure.

Nous reviendrons bientôt sur cette matiere, et nous parlerons des moyens de diminuer autant qu'il est possible toutes les

$$a = M + N,$$

$$b = M\beta^{x'} + N\nu\gamma^{x'} + Pu\gamma^{x'},$$

$$c = M\beta^{2x'} + N\nu'\gamma^{2x'} + Pu'\gamma^{2x'}.$$

Multipliant la seconde par  $u' \gamma^{x'}$ , la troisieme par u, et retranchant le produit de la troisieme du produit de la seconde, on a

$$b u' \gamma^{x'} - c u = M u' \beta^{x'} \gamma^{x'} - M u \beta^{2x'} + N v u' \gamma^{2x'} - N v' u \gamma^{2x'},$$
ou, 
$$b u' \gamma^{x'} - c u = M (u' \beta^{x'} \gamma^{x'} - u \beta^{2x'}) + N (v u' \gamma^{2x'} - v' u \gamma^{2x'}) \cdot \cdot \cdot (Z).$$

Multipliant successivement l'équation a = M + N par  $u' \beta^{x'} \gamma^{x'} - u \beta^{2x'}$  et par  $v u' \gamma^{2x'} - v' u \gamma^{2x'}$ , on a

$$a(u'\beta^{x'}\gamma^{x'}-u\beta^{2x'}) = M(u'\beta^{x'}\gamma^{x'}-u\beta^{2x'}) + N(u'\beta^{x'}\gamma^{x'}-u\beta^{2x'}),$$

$$a(vu'-v'u)\gamma^{2x'} = M(vu'-v'u)\gamma^{2x'} + N(vu'-v'u)\gamma^{2x'}.$$

Comparant successivement ces deux équations avec l'équation (Z), on a

$$M = \frac{b u' \gamma^{x'} - c u - a (v u' - v' u) \gamma^{2x'}}{u' \beta^{x'} \gamma^{x'} - (v u' - v' u) \gamma^{2x'} - u \beta^{2x'}},$$

$$N = \frac{b u' \gamma^{x'} - c u - a (u' \beta^{x'} \gamma^{x'} - u \beta^{2x'})}{(v u' - v' u) \gamma^{2x'} - u' \beta^{x'} \gamma^{x'} + u \beta^{2x'}},$$

$$b - M \beta^{x'} - N v \gamma^{x'}$$

On a de plus 
$$P = \frac{b - M g^{x'} - N v \gamma^{x'}}{u \gamma^{x'}}$$
,

On voit aisément comment il faudroit s'y prendre pour un plus grand nombre d'observations; les procédés sont absolument les mêmes que ceux que nous avons employés dans les cas de cinq et de six observations.

Feu M. Charles, de l'académie des sciences, a donné, à l'art. Interpolation du Dictionnaire de mathématiques, faisant partie de la Nouvelle Encyclopédie méthodique, des formules dont la composition et l'usage sont très simples. L'esprit de sa méthode consiste à avoir une équation qui donne la valeur de la variable y, au moyen d'un nombre de termes égal à celui des observations a, b, c, etc. Chacun de ces termes contient une des quantités a, b, c, etc.; et ils sont combinés de maniere que, lorsqu'on suppose à x une valeur correspondante à une de ces quantités, tous les termes qui ne la contiennent pas s'évanouissent, et elle reste seule dans le terme qui la contient.

Tome II. D

causes, provenant de la condensation, qui tendent à diminuer l'effet des machines à feu.

De la maniere de mesurer la 1374. Voici une autre application du travail de M. de Betanbauteur des court à la mesure des hauteurs par les divers degrés de chamontagnes par le l'eau bouillante sur ces hauteurs.

de l'eau bouilde l'eau bouildes principes et des expériences que nous exper-

Il résulte des principes et des expériences que nous avons mis sous les yeux du lecteur, qu'il y a une relation entre la pression de l'eau et le degré de chaleur qu'elle peut acquérir jusqu'à l'ébullition, et réciproquement; cette relation est donnée par la table ci-dessus (art. 1368), ou encore mieux par la table X de la collection des tables. Ainsi lorsque par cette table on voudra savoir à quel degré de chaleur l'eau bouillira, dans un lieu où le barometre se trouveroit à une hauteur donnée, à 20 pouces par exemple, on trouvera dans la table que ce degré de chaleur doit être plus grand que 73° et plus petit que 74°, ou, en interpolant (\*), qu'il doit être de 73°, 505. Réci-

On voit qu'il y a une infinité de manieres de combiner des fonctions pareilles: nous allons exposer celles qui paroissent les plus commodes.

$$1^{\text{ene}} \dots y = p \frac{a \sin (\pi x)}{\sin (p \pi x)} + q \frac{b \sin [\pi (x-1)]}{\sin [q \pi (x-1)]} + r \frac{c \sin [\pi (x-2)]}{\sin [r \pi (x-2)]} + \text{etc.}$$

$$2^{\text{ene}} \dots \pi y = p \frac{a \sin (\pi x)}{h^{p x} - 1} + q \frac{b \sin [\pi (x-1)]}{h^{q (x-1)} - 1} + r \frac{c \sin [\pi (x-2)]}{h^{r (x-2)} - 1} + \text{etc.}$$

$$3^{\text{ene}} \dots \pi^{2} y = \sin (\pi x)^{2} \left[ \frac{a}{x^{2}} + \frac{b}{(x-1)^{2}} + \frac{c}{(x-2)^{2}} + \frac{d}{(x-3)^{2}} + \text{etc.} \right].$$

Nous n'entrerons dans aucun détail sur ces formules dont l'usage est aisé et dont la composition n'est pas difficile à concevoir.

(\*) Pour trouver par les parties proportionnelles, dans la table X, le degré de chaleur de l'eau correspondant à une hauteur donnée du barometre;

On aura  $x = k + \frac{k - k^2}{k^2 - k^2}$ 

proquement, si on veut savoir quelle est la pression de l'eau bouillante, à un degré de chaleur déterminé, par exemple, à 72°, on trouvera dans la table X que cette pression est de 18,43 pouces, hauteur que le barometre doit avoir dans une couche d'air atmosphérique pour que l'eau y bouille à 72° de chaleur.

1375. Pour bien sentir l'identité que supposent les regles qu'on vient de poser, il faut observer que cette relation entre l'ébullition à l'air libre, et la pression indiquée par la table à la même température, se déduit de la considération fort simple que l'eau ne bout à l'air libre que lorsque la vapeur qu'elle tend à dégager commence à avoir une force expansive capable de surmonter le poids de la colonne d'air qui presse l'eau en ébullition.

On voit par là qu'on peut se dispenser des observations barométriques pour mesurer la hauteur des montagnes, lorsqu'on aura la température de l'eau bouillante sur leur sommet, puisque nous connoissons, soit par la table X, soit par la formule de l'art. (1325), la relation entre la température de l'eau bouillante, et la pression ou hauteur du barometre qui lui correspond.

1376. M. de Betancourt, pour s'assurer complètement de la Expériences sur cet objet. possibilité de mesurer la hauteur des montagnes par le thermometre seul, a rassemblé diverses observations comparatives entre les températures de l'eau en ébullition, sur des lieux élevés, et les hauteurs correspondantes du barometre, afin de connoître si les rapports donnés par ces observations étoient d'accord avec ses expériences : il a trouvé, à cet égard, des résultats très satisfaisants. Voici une table de quelques expériences de M. Deluc comparées avec celles de M. de Betancourt.

Réciproquement, pour trouver la force expansive, ou, ce qui est la même chose, la hauteur du barometre correspondante à un nombre fractionnaire de degrés du thermometre, sans avoir recours à la formule générale de l'article 1325, on emploiera la formule suivante.

a Le nombre fractionnaire donné; a' Le nombre entier immédiatement plus petit que a;

Soient  $\langle h \rangle$  La hauteur du barometre correspondante à a', prise dans la table;

h' La hauteur du barometre correspondante à a + 1;

γ La hauteur du mercure ou la force expansive cherchée;

On aura  $\gamma = h + (a - a')(h' - h)$ .

Digitized by Google

	DEGRÉS DE CHAI DE L'EAU Observés sur le M.	BOUII	LLANTE, ntagnes,	DEGRÉS DE CHALEUR DE L'EAU BOUILLANTE,  correspondants aux pressions observées par M. Deluc, et déduits des expériences et des formules rapportées art. 1322, 1325, 1366, etc.				
N°. des observat	LIEUX  des observations.	Chalour de l'air, therm. de Réaumur	Pression de l'eau ou hauteur du barometre.	Chaleur de l'eau bouillante autherm de Réaumur.	de che de l' d'ap	aleur	entre les observa- tions de M. De- luc, et	
1 2 3 4 5 6 7	Beaucaire. Geneve Grange tourn Lans le bourg. Grange les f. Graineron. Glaciere de B.	15 10‡	28,248 27,056 24,510 24,145 24,089	73,26	77,22 76,92	77,09 73,89	+0.09 $-0.11$ $+0.26$ $-0.12$ $-0.59$	0,31 0,04 0,33 0,63

La plus grande différence entre les observations de M. Deluc et le calcul sondé sur les expériences de M. de Betancourt est de 0,68, dans un cas où le poids de l'atmosphere étoit diminué de près d'un tiers. Cette différence paroîtra légere si on considere que les résultats de M. Deluc different plus entre eux qu'ils ne different de ceux de M. de Betancourt. On voit en esset, par les 4° et 5° expériences, que le barometre étant à très peu-près à la même hauteur, les degrés correspondants du thermometre, donnés par M. Deluc, different entre eux de ½ de degré et que les résultats de M. de Betancourt tiennent sensiblement le milieu entre ces expériences.

M. de Betancourt cite encore d'autres faits qui prouvent que sa marche indiquant les termes moyens entre les divers essais connus, porte par conséquent le caractere de la vérité. Il seroit à desirer que les expériences sur l'ébullition de l'eau et de quelques autres fluides, à différentes hauteurs, fussent plus mul-

tipliées, et, sur-tout, faites avec des instruments très comparables ; les différences de niveau avec la surface de la mer étant déterminées exactement, on auroit leur relation avec la hauteur du barometre, le degré du thermometre, auxquels il ne seroit pas inutile de joindre l'état hygrométrique et thermomé-

trique de l'atmosphere.

1377. Dans l'expérience de M. de Saussure, sur le col du géant, citée art. (640), la hauteur du barometre fut observée de 18,946 pouces : or, d'après la table X, une pression de 18,43 pouces donneroit l'ébullition à 72° de chaleur, et une pression de 19,43 pouces la donneroit à 73°; ainsi pour une pression de 18,946 pouces, l'ébullition doit avoir lieu à un degré du thermometre =  $72^{\circ} + \frac{18,946 - 18,43}{19,43 - 18,43} = 72^{\circ}$ , 516 (voyez la note de  $l'art. \ 1374) (*).$ 

1378. Terminons ce chapitre par une application de la mé-expériences thode de M. de Betancourt à la graduation du thermometre: sur la force exle procédé consiste à faire une opération inverse de la vapeur de l'eau

pour la gradua-tion du thermometre.

(\*) Nous pensons que nos lecteurs verront avec intérêt la table placée à la fin de cette note, qui peut compléter ce que nous avons dit sur la mesure de la hauteur des montagnes par le thermometre. La colonne des élévations au-dessus du niveau de la mer, correspondantes à différentes hauteurs du barometre, est tirée du petit ouvrage de M. Lambert, cité art. (551). Il en a calculé les nombres au moyen d'une formule combinée d'après un grand nombre d'expériences, dans lesquelles il avoit fait, aux hauteurs mesurées. géométriquement, les corrections relatives à la réfraction terrestre; et les résultats des calculs s'accordent d'une maniere très satisfaisante avec les diverses expériences qu'il rapporte.

L'exemple que nous avons rapporté art. (640) peut nous servir à faire une application de la table de M. Lambert, d'autant plus satisfaisante que la mesure de M. de Saussure n'est point une de celles qui ont servi à la composi-

tion de la formule, à laquelle elle est bien postérieure.

M. Lambert observoit, sur le col du géant, la hauteur du barometre de 18,946 pouces, et M. Levêque observoit dans le même temps, au prieuré de Chamouni, une hauteur de 25,052 pouces: ainsi, d'après la table ci-après, la hauteur de la station de M. de Saussure, au dessus du niveau de la mer, étoit entre 1652,5 et 1768 toises, et, pour trouver cette hauteur précise, on a la proportion, 19 - 18,5 : 1768 - 1652,5 : 19 - 18,946 : x = 12,47. partie proportionnelle à ajouter à 1652,5 toises, ce qui donne pour la hauteur de la station 1664,97 toises.

On trouvera, par le même procédé, que la hauteur de la station de M. Le-

veque étoit de 458,7 + 5,25 = 463,95 toises.

La différence de niveau entre les stations est donc, par la table, de 1664,97 - 463,95 = 1201,02 toises; et on a, pour la même différence de niveau évaluée par différentes méthodes, savoir:



précédente; car lorsqu'on veut mesurer la hauteur des montagnes par le thermometre, le problême se réduit à conclure la pression de la chaleur; et il s'agit ici, au contraire, de déduire la chaleur de la pression,

•	ERREURS	
	absolues.	relatives.
Mesure géométrique	000,000	<del>-</del> 8
Formule desart. (638, 639) sans correction 1213	10,000	1 122
Méthode de M. Trembley 1206,796	16,204	76
Table de M. Lambert	21,98	1 58
Méthode de M. Deluc	45,114	1 27

. On voit par cet exemple qu'il est possible que, dans bien des cas, la table de M. Lambert donne autant et même plus de précision que différentes méthodes de correction qu'on pourroit employer: nous ne voulons cependant pas conclure de là qu'il faille rejeter de semblables méthodes, nous les croyons au contraire indispensables pour rapporter les mesures à l'état local et momentané de l'atmosphere; mais les physiciens ont encore à travailler pour les amener au degré de perfection nécessaire à la solution complete du problême: nous en avons donné les raisons très en détail, art. (636 et suiv.). La seule conclusion que nous voulions tirer ici en faveur de la table de M. Lambert, est que les valeurs compensées et moyennes qu'elle présente, étant rapprochées des résultats des expériences sur la force expansive de la vapeur de l'eau et de l'esprit-de-vin, doivent faire connoître leur ébullition à une hauteur donnée au-dessus'du niveau de la mer, à la précision d'une petite fraction de degré du thermometre de Réaumur; et nous avons pensé que ce rapprochement inspireroit assez d'intérêt aux physiciens et aux artistes pour devoir nous engager à calculer et à donner une table qui eût assez d'étendue pour pouvoir être comparée avec toutes les expériences connues.

On pourroit, d'après les valeurs que renferme cette table, construire une courbe entre les degrés d'ébullition et la hauteur des montagnes, qui serviroit de complément aux courbes de la figure 221; mais on trouveroit, à peu de chose près, une ligne droite, ainsi qu'on peut s'en assurer, soit par la construction graphique, soit par la comparaison des valeurs numériques, qui fera connoître que les différences de hauteurs ne s'éloignent pas beaucoup d'être proportionnelles aux différences de température.

On peut aisément rendre raison de cette propriété, en observant que la courbe donnée par la table n'est qu'une portion d'une courbe beaucoup plus étendue, c'est à dire un arc qui n'embrasse qu'environ 13 degrés dans le voisinage de la température de l'ébullition. On conçoit qu'en faisant des expériences, soit au-dessous du niveau de la mer, soit à une hauteur au-dessus de ce niveau, plus grande que 2976 toises, on prolongeroit cet arc de droite et de gauche, et qu'alors il pourroit acquérir une courbure très sensible.

Pour se renfermer dans les limites de la table et avoir graphiquement

'Asin de bien concevoir ceci, il faut savoir que, pour diviser un thermometre, on commence par déterminer deux points son-

d'une maniere approchée les hauteurs correspondantes à différents degrés d'ébullition, tracez (fig. 222) deux lignes X X', Y Y' perpendiculaires entre elles; portez 8000 parties de A en B, qui représenteront des centiemes de degré du thermometre de Réaumur, en comptant o au point A, et 1316 de ces parties de B en Q; élevez la perpendiculaire QD, et portez 2976 parties de Q en D; ces dernieres pouvant être, ou non, égales aux premieres, et représentant des toises; menez la ligne droite DB, les ordonnées PM seront les hauteurs mesurées sur l'échelle QD, et les abscisses correspondantes AP seront les températures de l'eau bouillante sur ces hauteurs, cette propriété ayant lieu depuis la valeur AQ = 66,84 jusqu'à la valeur AB = 80,00.

Si on prend AB' = 63.57; AQ' = 51.32; qu'on tire la perpendiculaire Q'D' = QD, et qu'on mene la ligne droite D'B'; cette ligne sera pour l'esprit-de-vin, dans l'espace Q'B', ce que la ligne DB est pour l'eau dans l'espace QB.

En supposant les divisions de centiemes de degrés de AB égales aux divisions de toises de QD, observant qu'au point B on compt 80° et o toises; au point Q, 66°, 84, et au point D 2976 toises, on trouvera l'angle DBA = 66° 8' 40", dont la cotangente = 0,44221; ainsi nommant x le degré de température et y la hauteur correspondante, on aura pour l'eau bouillante

$$x = 80^{\circ} - 0,0044221 \cdot y$$

équation applicable depuis 66 jusqu'à 80 degrés de chaleur.

On trouvera pareillement que l'angle D'B'A = 67° 37' 30", dont la cotangente = 0,41163; ainsi l'équation pour l'ébullition de l'esprit-de-vin, à différentes hauteurs, sera, en observant qu'on compte 63°, 57 au point B et 51°, 32 au point Q',

 $x = 63^{\circ}, 57 - 0,0041163 \cdot y$ 

équation applicable depuis 51 jusqu'à 64 degrés de chaleur.

Pour juger du degré de précision des équations précédentes, nous allons les appliquer à quelques points à-peu-près équidistants pris dans toute l'étendue de l'axe des hauteurs.

HAUTEURS.	TEMPÉRATURE de l'eau bouill.	TEMPÉRATURE de l'esprit-de vin en ébullition.	ERREUR sur la températ. de l'eau bouill.	BRREUR sur la températ. de l'esprit-de-vin en ébullition.	
000,0	80,00	63,57	ъ,00	0,00	
602,7	77,33	61,09	0,12	0,17	
1187,1	74,75	58,68	0,14	0,13	
1768,0	72,18	56,29	0,11	0,23	
2397 <b>,</b> 5	69,40	53,70	0,08	0,13	
2976,0	66,84	51,32	0,00	0,00	

damentaux, celui de la glace et celui de l'eau bouillante, et la distance entre ces deux points se divise en un certain nombre

On voit par cette table qu'en supposant que les courbes des hauteurs sont des lignes droites, la plus grande erreur sur la température de l'eau bouillante n'est pas d'un septieme de degré, et que la plus grande erreur sur l'es prit-de-vin n'est que d'un cinquieme de degré environ : or cette précision est plus que satisfaisante dans une infinité de cas.

Voici maintenant la table que nous avons annoncée.

TABLE pour connoître le rapport entre la hauteur du barometre, l'élévation au-dessus du niveau de la mer, et la température de l'eau et de l'esprit-de-vin en ébullition.

FRACTIONS DE POUCE en lignes.	HAUTEUR du barometre en pouces.	ÉLÉVATIO au-dessus in niv de la mer en toises.	1	RATURE el'ébullition	en lignes.	HAUTEUR du barometre en pieds.	ÉLÉVATION au-dessus du niveau de la mer en toises.	TEMPÉF à l'instant d	A A TURE e l'ébullition
R POUCE	t U R letre les.	niveau ner es.	do l'eau.	de l'esprit- • de-vin.	. Fouca	or etre	niveau er	de l'eau.	de l'esprit- de-vin.
6	14,000	2976,0	66,44 6 <sub>7</sub> ,48	51,32	7 8	20,583 20,666	1307,7	74,08 74,16	5 <sub>7</sub> ,95 58,04
O	15,000	2824,0 2677,0	68,12	51,91 52,48	9	20,750	1272,9	74,23	58,12
6	15,500	2534,9	68,66	53,04	10	20,833	1255,6	74,30	58,20
	16,000	2397,3	69,32	53,57	11	20,916	1238,4	74,39	58,29
6	16,500	2264,0	69,90	54,10		21,000	1221,2	74,46	58,37
	17,000	2134,8	70,46	54,60	1	21,083	1204,1	74,53	58,45 58,55
6	17,500	2009,3	71,02	55,10	3	21,166	1187,1	74,61	58,63
6	18,000	1887,4 1768,0	71,54	55,58   56,06	4	21,333	1170,1	74,69 74,76	58,72
	19,000	1652,5	72,57	56,52	5	21,416	1136,4	74,84	58,80
1	19,083	1634,5	72,65	56,59	6	21,500	1119,7	74,91	58,88
. 2	19,166	1615,7	72,74	56,68	7 8	21,583	1103,0	74,99	58,96
3	19,250	1597,0	72,82	56,75	1 :	21,666	1086,4	75,07	59,04
4	19,333	1578,3	72,89	56,83	9	21,750	1069,9	75,13	59,09
5 6	19,416	1559,7	72,99	56,91	10	21,833	1053,5	75,20 75,28	59,15 59,21
	19,583	1541,2 1522,8	73,06	56,99   57,06	11	21,916 22,000	1020,8	75,35	59,27
7 8	19,666	1504,4	73,22	57,14	1	22,083	1004,4	75,42	59,32
9	19,750	1486,1	73,30	57,21	2	22,166	983,3	75,50	59,38
10	19,833	1467,9	73,40	57,28	3	22,250	972,2	75,56	59,44
11	19,916	1449,8	73,46	57,36	4	22,333	956,1	75,63	59,50
•	20,000	1431,8	73,53	57,43	5	22,416	940,0	75,71	59,56
1	20,083	1413,9	73,65	57,50	6	22,500	924,0	75,78	59,61
2	20,166	1396,1	73,69	57,58	8	22,583 22,666	908,0 802,2	75,85 75,93	59,67 59,73
3	20,230	1378,1 1360,4	73,82	57,66   57,73	9	22,750	876,4	76,00	59,79
4 5	20,333	1342,7	73,93	57,81	10	22,833	860,7	76,06	59,84
6	20,500	1325,3	74,01	57,88	11	22,916	845,0	76,13	59,90
i	1	l ′	1 ,	1 . ,	1	1	1	]	!
									d

de parties égales, dont chacune désigne ce qu'on nomme un degré de chaleur. Mais pour que l'eau bouillante indique une chaleur constante et propre à rendre les instruments comparables, il faut nécessairement que l'ébullition se rapporte à une pression déterminée, puisque nous savons que l'eau peut bouillir à un degré de chaleur plus ou moins grand suivant la pression qu'elle éprouve. En conséquence, on est

SUITE de la Table pour connoître le rapport entre la hauteur du barometre, etc.

en lignos.	HAUTEUR du barometre en pouces.	h L h V A T I O N au-dessus du niveau de la mer en toises.	}	RATURE le l'ébullition de l'esprit- de-vin.	en lignes.	HAUTEUR du barometre en pouces.	ÉLÉVATION au-dessus du niveau de la mer en toises.		RATURE de l'ébulition de l'esprit- de-vin.
· 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 · 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 · 1 2 3	23,000 23,083 23,166 23,250 23,333 23,416 23,500 23,583 23,666 23,750 23,833 23,916 24,000 24,083 24,166 24,250 24,333 24,416 24,500 24,583 24,666 24,750 24,833 24,916 25,000 25,083 25,166 25,250	829,5 813,9 798,4 783,0 766,6 752,5 737,1 721,98 691,8 691,8 647,9 617,3 602,7 588,0 573,4 558,4 529,3 515,5 501,2 487,0 472,8 458,7 444,6 430,5	76,20 76,27 76,34 76,40 76,47 76,54 76,68 76,95 77,08 77,08 77,08 77,21 77,27 77,34 77,41 77,60 77,66 77,79 77,86 77,99	59,96 60,02 60,09 60,19 60,21 60,28 60,34 60,40 60,47 60,53 60,60 60,66 60,73 60,79 60,86 60,92 60,98 61,05 61,11 61,18 61,25 61,31 61,38 61,46 61,51 61,57 61,65 61,71	78 90 11 . 1 23 45 6 78 90 11 . 1 23 45 6 78 90	25,583 25,666 25,750 25,833 25,916 26,000 26,833 26,166 26,250 26,333 26,416 26,500 26,583 26,666 26,750 27,000 27,083 27,166 27,250 27,333 27,166 27,500 27,583 27,666 27,750 27,833	374,8 364,13 364,3 333,7 306,6 279,6 266,2 252,9 226,4 287,4 287,4 161,4 148,7 136,3 110,8 253,9 266,3 276,6 287,4 2	78,24 78,36 78,36 78,49 78,55 78,68 78,86 78,87 79,16 79,28 79,56 79,56 79,58 79,79,79,79,79,79,79,79,79,79,79,79,79,7	61,97 62,03 62,09 62,14 62,20 62,25 62,36 62,42 62,47 62,52 62,58 62,69 62,74 62,79 62,85 62,90 62,96 63,01 63,07 63,12 63,18 63,23 63,29 63,35 63,40 63,45
4 5 6	25,333 25,416 25,500	416,5 402,5 388,7	78,05   78,12	61,77 61,84 61,91	11	27,916 28,000	0,0	79,93 80,00	63,51 63,5 <sub>7</sub>

Tome II.

convenu de déterminer le point de l'eau bouillante, sur le thermometre, à une pression de 28 pouces, c'est-à-dire lorsque le barometre indique une pareille hauteur. On voit sur-le-champ que cette méthode, bonne en elle-même, entraîne cependant des inconvénients dans la pratique : en effet il peut arriver qu'au même lieu le barometre soit un certain temps sans indiquer 28 pouces; il peut arriver encore qu'il ne les indique jamais: à Madrid, par exemple, il ne peut, dans aucun état de l'atmosphere, monter à 27 pouces; il seroit donc impossible, par les moyens connus jusqu'à présent, de déterminer à Madrid le point de l'ébullition à 28 pouces de pression. Mais, par la méthode de M. de Betancourt, on peut toujours faire cette détermination quelle que soit la hauteur du barometre lors de l'ébullition; car comme on connoît les degrés du thermometre qui doivent correspondre à des pressions quelconques, on pourra toujours, dans un état donné de l'atmosphere, trouver sur l'échelle du thermometre, outre le point de la glace, un autre point dont on saura le numéro, au moyen de la table X, et qui fournira le moyen de faire une sous-division de degré en degré : par exemple, si, lorsqu'on fait bouillir l'eau, le barometre indique 26,59 pouces; on verra, par la table X, que cette pression doit correspondre à une température de 79 degrés; divisant donc en 79 parties égales l'espace compris entre le terme de la glace et celui de l'ébullition ainsi observée, chacune de ces parties indiquera un degré du thermometre de Réaumur.

Lorsqu'on aura un appareil semblable à celui de M. de Betancourt, il sera inutile de s'assujettir à la hauteur du barometre à l'air libre; car alors on pourra, au moyen d'une pression quelconque, déterminer, par la table X, la graduation correspondante du thermometre; et, comme on aura le moyen de trouver ainsi autant de points qu'on voudra, ces points se serviront de vérification réciproque. Les hautes températures donneront dans ce cas beaucoup d'exactitude, parceque la marche du barometre y est très grande relativement à celle du thermometre.

1379. M. de Betancourt, après avoir décrit ses expériences sur l'esprit-de-vin, termine son mémoire par quelques considérations sur l'utilité qu'on pourroit retirer, dans l'usage des machines à feu, de la vaporisation de quelques autres fluides que l'eau: mais nous reviendrons sur cet objet. Nous allons passer à la description du méchanisme des machines à feu.

Description d'une premiere machine à feu à double effet.

1380. La machine que nous allons décrire se rapporte particulièrement à celles exécutées à Paris, à l'isle des Cygnes, pour faire cutéeauxquels mouvoir des moulins à bled. MM. Perrier freres, qui en sont les machinequ'on va décrire. auteurs, les ont fait construire après le voyage en Angleterre de M. de Betancourt, dont nous avons parlé art. 1345, et conformément au modele dont il est question dans le même article. Ces machines, dont l'exécution est si soignée que nous doutons qu'on l'ait surpassée et même égalée nulle part, ont d'ailleurs tout le succès qu'on doit en attendre, et sont une preuve incontestable de l'excellence du méchanisme perfectionné qu'on a substitué à celui des machines de Chaillot.

M. Perrier l'aîné nous a assurés que, quoiqu'il n'ait construit des machines à double effet qu'après avoir connu le modele de M. de Betancourt, il avoit eu cependant depuis très long-temps l'idée de pareilles machines; que son objet étoit de diminuer la grosseur du cylindre à vapeur, de supprimer les contrepoids, de simplifier tout l'attirail, enfin d'économiser le combustible. On ne sauroit révoquer en doute l'assertion d'un artiste aussi habile que digne de foi; il est d'ailleurs très naturel de penser que ceux qui ont beaucoup réfléchi sur les divers moyens d'employer la vapeur de l'eau comme moteur aient cherché à transmettre son effort d'une maniere telle que l'attirail intermédiaire le diminuât le moins possible : or les machines de Chaillot, quoique beaucoup plus parfaites que les anciennes, étoient encore loin de remplir cette condition. Nous verrons par la suite les diverses tentatives faites ou proposées pour approcher encore davantage de la moindre perte, soit de combustible, soit d'effort du moteur.

1381. Les figures (223, 224 et 225) représentent l'ensemble de toute la machine; on voit en [1] et [2] (\*), sig. (223), les plans, cheminées, fourneaux à différentes hauteurs, de deux chaudieres dont on suppose que cendriers, etc. considérés en la machine est pourvue. Cette précaution est assez nécessaire, masse; précauafin que le travail ne cesse pas lorsqu'on répare une des chauions prises
dieres. [1] fait voir les massifs de maçonnerie sur lesquels l'eau avec économie.

Εij

<sup>(\*)</sup> Les principaux détails des figures seront indiqués par des chiffres arabes renfermés entre deux crochets quarrés de cette forme [], afin de les distinguer des chiffres de renvoi aux articles de l'ouvrage, qui seront entre deux parentheses, de cette forme (): par là, nous éviterons une multitude de lettres, dont l'usage est toujours embarrassant lorsqu'il en faut un aussi grand nombre, et nous ne les emploierons que pour exprimer les sous détails des objets que les chiffres indiquent en masse.

se pose la brique qui supporte immédiatement la chaudiere; A est le cendrier, c'est une chambre pratiquée au-dessous de la grille de fer sur laquelle on met le combustible; le plan ponctué BB est une voûte qui a une issue extérieure et qui aboutit au cendrier; une autre voûte latérale D D sert de communication entre la voûte B B et le dessous C de la cheminée; [2] est le plan du massif de brique qui supporte immédiatement la chaudiere; A est la grille de fer sur laquelle se met le combustible; t, t sont deux tasseaux destinés à supporter en partie le fond de la chaudiere, et empêcher qu'il ne se gauchisse par la pression supérieure. L'espace qui est autour de ces tasseaux, y compris celui occupé par la grille A, forme au-dessous de la chaudiere une chambre dans laquelle se répandent la flamme et la fumée. Cette chambre a deux issues, l'une du côté de A par où on jette le combustible, et l'autre en E; cette seconde issue communique avec un tuyau supérieur qui traverse la chaudiere, et sert, comme on va le voir, à porter la chaleur au milieu de l'eau qu'on veut échauffer.

[2], fig. (224), est un plan de la chaudiere, pris dans une section horizontale, passant à-peu-près au milieu de la hauteur de l'eau qui y est enfermée; le tuyau ou canal ab, qui fait partie de la chaudiere et qui traverse l'eau, sert de conduit à la chaleur et à la fumée qui y affluent par l'ouverture E répondant à l'issue E, fig. (223), chaudiere [2], et forme la communication entre le dessous de la chaudiere où se fait le feu et l'espace ab environné d'eau. Ainsi le feu et la fumée, après avoir échauffé le dessous de la chaudiere, se trouvent encore au sein du fluide, et l'échauffent de nouveau d'une maniere très avantageuse. Au sortir du canal ab, la flamme entre dans le canal F'FFF", et ne trouvant point d'issue en F', est obligée de cheminer dans le sens FFFF", et de faire tout le tour de la

chaudiere avant d'arriver à la cheminée C.

L'explication que nous venons de donner des plans [1] et [2] des chaudieres se concevra encore mieux par l'examen des coupes et des élévations, fig. (226, 227, 229 et 230): les trois premieres de ces figures se rapportent au plan [1], ainsi qu'on le voit écrit sur les planches; mais comme les chaudieres sont parfaitement semblables, et ne different qu'en ce que leurs parties sont disposées en sens contraire par rapport à l'axe longitudinal, il est aisé, en ayant égard à cette circonstance, de rapporter les plans et coupes à l'un ou à l'autre indifféremment. On voit dans toutes ces figures trois pieces p, p', p"; la premiere

est un regard ou ouverture de la chaudiere; la seconde est un tuyau avec un robinet pour la vider: nous verrons, ci-après, l'usage de la troisieme. La section CCC de la cheminée, fig. (226) et les parties BB, DD, KK, ne sont point dans le même plan que la section du reste de la figure, ce qui se verra aisément par la comparaison avec le plan [1]; pareillement la section de la partie supérieure de la fig. (227) est faite vers l'extrémité à gauche du plan [1], fig. (224), et la partie inférieure GA de la même fig. 227 est la section du plan [1], fig. (224), faite du côté de la cheminée sur l'axe de la voûte qui va au cendrier. On use souvent de cet expédient, dans le dessin des machines, afin qu'une même coupe puisse mieux donner l'idée de l'ensemble. (\*)

L'ouverture de la cheminée CC, (fig. 226), est continuée en K'K jusqu'à la voûte DD, et a, par ce moyen, une communication avec l'issue extérieure BB; l'espace CC, dans lequel passe la fumée, est séparé de l'espace K'K par une plaque de fer qu'on

voit dans la coupe, et qu'on peut ôter à volonté.

1382. On voit dans l'élévation, fig. (230), la porte de fer p Courant d'air fermant l'ouverture pp, fig. (227), par laquelle on jette le com- de l'activité à bustible dans l'espace G, fig. (226 et 227), sur la grille de fer qui tion. sépare G de A. Cette porte se ferme aussitôt que le combustible est lancé, et ne se r'ouvre que lorsqu'on en met de nouveau. Ainsi, pendant tout le temps de la combustion, le fourneau n'a de communication avec l'air atmosphérique que par la chemmée C C et par la voûte d'issue B B. D'après cela, la chaleur causant une grande raréfaction dans l'espace G, l'air atmosphérique afflue dans cet espace par B et A, et forme un courant qui donne la plus grande activité à la combustion. Nous reviendrons sur cet objet ainsi que sur d'autres détails relatifs aux cheminées: passons à la maniere dont la vapeur produit et continue le mouvement de la machine.

1383. La vapeur qui se forme dans la chaudiere [1], fig. (224 et 225), passe par le tuyau vv, fig. (224), lequel tuyau aboutit en vv, fig. (231 et 232); ainsi l'espace E<sup>2</sup>, qui sépare l'extrémité du piston du cylindre à vavv des soupapes S et S', qu'on voit au-dessous, est continuelle- peur et ceux ment rempli de vapeur prête à affluer dans les tuyaux T, T'. Nous pouvons considérer cette vapeur comme sans cesse repro- la communica-

Corresponqui établissent tion entre la chaudiere, le

<sup>(\*)</sup> On s'est efforcé de représenter par des dégradations de teinte les diffé-cylindre à varentes sections comprises dans la même figure sur des plans plus ou moins denseur evancés; mais, malgré cette ressource, on ne se croit pas dispensé d'en indiquer les principales dans le discours; les autres seront aisément comprises par ceux qui ont la plus légere habitude du dessin géométral.

duite par une cause quelconque, et faire ainsi, pour les explications subséquentes, abstraction et de la communication de l'espace E avec la chaudiere et de la chaudiere elle-même. (\*)

Dans l'état de la machine que représentent les fig. (231 et 232) le piston [14] est au point le plus élevé de sa course, le vide est censé fait dans toute la partie inférieure du cylindre, et la soupape S est ouverte; au-dessous de cette soupape S est une ouverture VV qui communique du cylindre à l'espace T. La vapeur entre donc par la soupape S, remplit tout l'espace T jusqu'à la soupape  $\sigma$ , qui, étant fermée, ne lui livre point passage, et il faut observer que cette soupape  $\sigma$  étant la seule issue inférieure de l'espace T, la vapeur ne peut ni pénétrer dans l'espace V', ni dans celui QQ: la seule issue qu'elle ait est donc l'ouverture VV par laquelle elle va presser la partie supérieure du piston, qui, n'éprouvant aucune pression inférieure (\*\*), descend jusqu'au bas du cylindre et fait descendre en même temps et la verge t qui lui sert de tige, et toutes les parties de la machine attachées à cette verge.

Nous avons dit que lorsque le piston a commencé à descendre, le vide étoit fait dans la partie inférieure du cylindre; cette condition avoit lieu parceque la vapeur qui y avoit été introduite précédemment s'étoit échappée par l'ouverture inférieure V', pour aller dans l'espace QQ, et que cet espace communiquant avec le tuyau ou canal vertical R, par une ouverture qui est au-dessous de la soupape q, laquelle soupape est toujours ouverte, toute la vapeur a dû se condenser au moyen d'une injection continuelle d'eau froide qui est entretenue dans ce tuyau R. Nous verrons bientôt les détails du méchanisme qui produit cette injection. On voit par là pourquoi les soupapes S et  $\sigma'$  sont ouvertes en même temps, l'une étant destinée à introduire la vapeur par dessus le cylindre, et l'autre à conduire la vapeur qui est dessous au condenseur, c'est-à-dire à l'espace dans lequel sa

condensation s'opere.

Suivons à présent la marche du piston, que nous avons supposé arrivé au point le plus bas de sa course. A cette époque, un méchanisme que nous décrirons bientôt, et qui est mis en mou-

<sup>(\*)</sup> Le lecteur pourra, s'il le juge à propos, lire l'art. (1396) avant d'aller plus avant; cependant, par les raisons énoncées dans cet article, il seroit peutêtre préférable d'aller de suite.

<sup>(\*\*)</sup> Nous faisons, pour un moment, abstraction de la vapeur produite par l'eau de condensation: voyez la note de l'art. (1338).

vement par l'action même de la vapeur, fait sermer les soupapes S et  $\sigma'$ , et fait ouvrir les soupapes S' et  $\sigma$ : la vapeur peut donc affluer par S' et descendre jusqu'en  $\sigma'$ ; mais arrivée là, elle ne peut point pénétrer en QQ, car la scule communication σ', qu'elle eût avec cet espace, se trouve sermée, et elle ne trouve d'autre issue que le canal V' V'; ce canal aboutit à une ouverture quarrée V'V pratiquée dans le fond FF du cylindre, et la vapeur, s'introduisant par cette ouverture, vient presser la partie inférieure du piston. Mais en même temps la vapeur qui s'étoit introduite dans la partie supérieure du cylindre (\*), et qui ne peut plus communiquer avec l'espace E<sup>2</sup>, puisque la soupape S est fermée, afflue avec rapidité par la soupape ouverte o dans l'espace Q Q et de suite dans l'espace R, où elle est condensée par l'injection continuelle d'eau froide que nous avons dit précédemment se faire dans cet endroit. Le vide s'établit donc dans la partie supérieure du cylindre, et il n'y a plus aucun obstacle à l'ascension du piston que tend à produire et que produit en effet l'effort de la vapeur qui agit à la partie inférieure.

Le piston étant remonté, les soupapes S' et σ se ferment et les soupapes S et o's'ouvrent; la vapeur afflue de nouveau à la partie supérieure du cylindre pour presser le piston, s'échappe de la partie inférieure, et se rend au condenseur; c'est-à-dire que les choses se retrouvent dans la position représentée par les fig. (231 et 232), et que le mouvement de haut en bas se reproduit de la maniere décrite au commencement de cet article. On voit que le piston montera et descendra successivement et sans interruption, tant que la chaudiere fournira de la vapeur, et en supposant que le méchanisme soit tel que le mouvement alternatif des soupapes S,  $\sigma'$ , S',  $\sigma$ , ait lieu de la maniere qu'on vient

de décrire.

1384. Pour classer commodément dans l'esprit les fonctions de Moyen de classer comces différentes soupapes, il faut concevoir que l'intérieur du modément dans l'esprit les cylindre est divisé en deux parties variables par le piston de ce mouvements cylindre. Le tuyau ou espace T sert d'issue à la partie supérieure, dants dont on et le tuyau ou espace T'sert d'issue à la partie inférieure : le pre- vient de parler. mier de ces espaces a deux portes S et σ fermées par les soupapes qui leur correspondent; le second a deux portes, pareillement fermées, S' et σ': chaque porte supérieure établit la communi-

<sup>(\*)</sup> Nous appellerons ordinairement partie supérieure et partie inférieure du cylindre les espaces compris au-dessus ou au-dessous du piston, dans quelque point de sa course que se trouve le piston.

cation entre la chaudiere et la partie du cylindre à laquelle elle correspond; chaque porte inférieure établit la communication entre la même partie du cylindre et le condenseur. De plus, lorsque la communication avec la chaudiere est ouverte dans un des deux espaces T ou T', la communication avec le condenseur est ouverte dans l'autre espace, en sorte que si les soupapes S, S', σ, σ', sont supposées aux angles d'un parallélogramme, celles qui se trouvent ouvertes et fermées en même temps sont toujours, respectivement, aux extrémités d'une même diagonale.

Du tuyau d'injection empe extérieure produire à cet égard.

1385. Ainsi la vapeur de la partie du cylindre dont l'issue ou ployé à opérer porte inférieure σ ou σ' est ouverte, se rend constamment dans tion; soupa. l'espace R où elle se condense aussitôt. Cette condensation s'opour moderer pere par le moyen d'un jet d'eau froide qui jaillit continuelleà volonte l'in-jection et par ment de l'extrémité du tuyau 3, 4, 5, fig. (232), lequel tuyau traconséquent la verse l'espace [9], sans donner d'autre issue à l'eau que l'ouvervitesse de la machine; ré ture extérieure 3 et l'extrémité intérieure 5; au-dessus de l'ou-Bexions sur les limites de l'ef: verture 3 est une soupape 2, 2, fixée à l'extrémité inférieure de fet qu'on peut la tige 1, 2, dont la partie supérieure taraudée traverse un écrou à oreille, fixé au-dessus du plancher de la bache [6]. En serrant ou desserrant cet écrou, on approche plus ou moins la soupape 2, 2, de l'ouverture 3 qu'elle pourroit fermer exactement si elle étoit assez descendue pour cela.

Cette ouverture 3 est, comme on voit, entièrément plongée dans la bache [6]; par conséquent, la condensation et le vide s'opérant sans cesse dans l'espace R, l'eau tend à jaillir par l'ouverture intérieure 5, avec une vîtesse due à une colonne d'eau qui auroit 32 pieds, plus la hauteur de l'eau de la bache au dessus de l'ouverture 5, moins la hauteur d'une colonne d'eau équivalente à la petite force expansive qui exerce son action dans le condenseur (1341): ainsi l'eau doit affluer avec beaucoup d'impétuosité dans l'espace R; mais on peut diminuer à volonté la quantité de cette eau qui y entre, dans un temps donné, en rapprochant, par le moyèn de l'écrou 1, 1, la soupape 2, 2, de l'ouverture 3, de telle sorte que, si cette soupape est assez abaissée pour fermer entièrement l'ouverture, il n'entrera plus d'eau froide dans le condenseur.

On ne peut pas de même augmenter indéfiniment la quantité d'eau qui entre dans l'espace R, la limite de cette quantité est donnée par la grandeur de l'ouverture 3. Lorsque cette soupape est à une hauteur au-dessus de l'ouverture 3, telle qu'une surface cylindrique, de même hauteur, et qui auroit la soupape

2, 2, pour base, soit égale à l'ouverture 3, alors il entre par cette ouverture toute l'eau qui peut y entrer, et, quoiqu'on l'élevât da-

vantage, il n'en entreroit pas une plus grande quantité.

Il est aisé de démontrer, par les éléments de géométrie, que, d'après ce qu'on vient de dire, la plus grande affluence de l'eau dans l'espace R a lieu lorsque la soupape 2, 2, est élevée au-dessus de l'ouverture 3, à - peu - près de son demi-rayon : nous disons à-peu-près à cause de la forme conique de la soupape.

On voit, fig. (225), l'élévation extérieure du condenseur, et, fig. (231), une coupe faite à angle droit sur celle que représente la fig. (233). On voit, de plus, dans toutes les autres figures, les mêmes lettres ou chiffres de renvoi placés sur les parties qui se correspondent: ainsi nous n'avons pas besoin d'indiquer ici toutes les figures où se trouvent différentes projections du condenseur.

1386. On sait, d'après ce qui a été ditart. (1341), ce qui résulte, Delapompe pour l'effet de la machine, de l'eau de condensation qui tombe lever l'eau de dans l'espace [9], fig. (231 et 232). Nous avons fait voir que le condensation qui se ressort que développoit la vapeur de cette eau, et l'air échauffé dégage, pendant qu'elle qui s'en dégage, pouvoient contrebalancer une portion très s'opere; tuyau sensible de l'effort de la vapeur qui sort de la chaudiere, et qu'il conduit cette étoit indispensable de se délivrer de cette eau et de cet air. Le chaudiere. moyen employé pour produire cet effet dans la machine que nous décrivons est semblable à celui décrit à l'art. (1341), qui se rapporte à la fig. (194). Le canal ou tuyau [11], [11], fig. (225 et 231), communique de l'espace [9], où tombe l'eau de condensation, au corps de pompe [10]. La soupape 6, 6, qui partage l'espace [11], [11], livre passage à l'eau et à l'air de condensation, lorsque le piston 7,7,7 s'éleve, et que l'aspiration se fait dans le corps de pompe [10]; cette soupape se referme ensuite pendant le passage de l'un et l'autre fluide au-dessus de ce piston, qui a lieu lors de son abaissement, le tout conformément à ce qui a été dit art. (661 et 1341).

L'eau et l'air de condensation sont ainsi élevés au haut de l'espace | 10 |, fig. (233), d'où ils se répandent dans l'espace ou boîtes 'A'A, et sont de suite refoulés au dessus de la soupape 8, 8, dans le corps de pompe [12], [12]; là le piston 9, 9, 9, les éleve jusqu'au tuyau t't', qui se nomme tuyau nourricier, et qui conduit l'eau dans la chaudiere. Ce tuyau t' t' reparoît dans diverses autres figures, mais principalement dans le plan, fig. (224), où on le voit, en partie ponctué et en partie tracé plein. On retrouve dans la fig. (227) son extrémité qui aboutit à un autre tuyau E't" dont l'extrémité inférieure plonge dans l'eau de la chaudiere.

Tome II.

Un robinet placé à l'extrémité de tt donne le moyen de ne laisser entrer dans la chaudiere que la quantité d'eau nécessaire pour l'entretenir à une hauteur constante. (Voyez, art. (1398), la maniere de connoître cette hauteur). Le surplus de l'eau s'é-

chappe par un tuyau latéral.

Il est aisé de concevoir pourquoi l'eau qui s'introduit en t' pénetre dans la chaudiere, malgré la vapeur qui se forme en ff, fig. (227), lorsque cette vapeur n'est qu'à 80 ou 85 degrés; car cette eau a, outre le poids de l'atmosphere, celui de toute la colonne depuis t'' t', jusqu'à la surface de l'eau de la chaudiere.

Les tiges des pistons 7, 7, 7 et 9, 9, 9, fig. (231 et 233), sont attachées au balancier [13], [13], fig. (225), et se meuvent avec lui de la même maniere qu'on l'a expliqué, art. (1341), pour la fig. (194). Comme les deux tiges se trouvent dans un plan perpendi: culaire au plan de la figure (225), la tige du piston 7,7,7, cache la tige 10, 10, fig. (233), du piston 9, 9, 9. Dans la coupe de la sig. (231), on a cassé la tige du piston 7, 7, 7, un peu audessus du corps de pompe [10], au moyen de quoi on voit s'éle-

ver par derriere la tige 10, 10.

1387. Observons que, d'après le méchanisme qu'on vient de sur un effet re-sultant de l'as- décrire, l'aspiration de l'eau et de l'air de condensation a lieu piration de lorsque le piston du cylindre à vapeur descend; et que, lorsque donnés par la ce même piston remonte, l'eau et l'air de condensation sont pressés pour s'élever au-dessus du piston qui les a aspirés précédemment. Ils doivent donc, dans ce dernier cas, s'opposer à la marche du piston du cylindre à vapeur, plus que dans le précédent.

Principe sur lequel la confondée.

1388. Après avoir expliqué le jeu général de la machine, et struction du la maniere dont l'action de la vapeur se transmet au balancier, régulateur est il reste à développer un méchanisme dont la propriété est de reproduire sans cesse le mouvement alternatif du piston du cylindre à vapeur, par des moyens inhérents à la machine, et sans autre agent extérieur que l'homme employé à renouveler le combustible à mesure qu'il se consume : ce méchanisme constitue ce qu'on appelle le régulateur.

> Nous avons vu, art. (1331 et 1332), que dans les premiers essais qu'on a faits des machines à feu, il falloit que des hommes fussent occupés à tourner différents robinets nécessaires pour l'introduc tion et la condensation de la vapeur: on sent aisément toutes les especes d'inconvénients qu'entraîne une pareille méthode. Les machines dont nous avons parlé, art. (1338 et suiv.), n'ont pas

cette incommodité; mais comme nous ne les donnions que pour fournir des exemples de la théorie de la vaporisation, exposée art. (1309 et suiv.), nous nous étions réservé de décrire subséquemment le régulateur avec tous les détails nécessaires. Exposons d'abord les principes sur lesquels sa construction est fondée.

La fig. (234) représente une piece de bois pp, qu'on nomme poutrelle, portant un tasseau t; cette poutrelle s'abaisse et s'éleve successivement par un mouvement vertical et continuel; on voit dans le surplus de la figure un assemblage de pieces qui offre une combinaison de leviers dans lesquels il faut soigneusement distinguer les points ou axes de rotation fixes, et les points de rotation mobiles: ceux de la premiere espece, c'est-à-dire les points de rotation fixes, sont les points a, f, m et y, la poutrelle ou semelle HH étant immobile; ceude de la seconde espece, c'est-à-dire les points de rotation mobiles, sont les points h, k, r et y'. Les trois branches ab, ac, ad, ne forment qu'une seule piece tournant autour du point a. Il en est de même des trois branches fd, fg, fh; quoique situées dans différents plans, elles forment un seul levier composé, tournant autour du point f, et dont la branche fh tient aux verges hk et hr par la charnière mobile h qui est commune aux trois verges. A à l'extrémité d de la branche ad est pratiqué un arrêt contre lequel l'extrémité de la branche fd vient s'appuyer; la boule ou le poids b qui termine la branche ab tend à faire presser l'une contre l'autre les extrémités des branches ad et fd; un effet semblable est produit par la poutrelle ou lentille ss', dont le poids tend à faire baisser les points r et h, à donner à la branche fd un mouvement de rotation dans le sens dd'', et par conséquent à faire presser verticalement l'extrémité de cette branche contre son arrêt.

Le levier coudé k m n est encore d'une seule piece, tournant autour du point m; la branche mn entre, comme on voit, dans une entaille faite à la queue d'une soupape qq; et le but de tout le méchanisme que nous décrivons ici est de faire hausser et bais-

ser alternativement cette soupape qq.

Dans la position indiquée par les lignes pleines de la figure, les points d, f, h, k, sont en ligne droite horizontale; la poutrelle pp est supposée s'abaisser et le tasseau t passer à la position t'. Dans cette hypothese, le tasseau t venant appuyer contre l'extrémité c de la branche ac, la fera baisser jusqu'en c'; et le levier composé b ac d, qui, comme on vient de le dire, est d'une seule piece, prendra la position b'a' c' d'. Mais alors les extrémités des

branches ad et fd venant à se séparer, la branche ad ne pourra plus servir d'arrêt à la branche fd; le poids de la lentille ss' exercera, par le moyen de la verge rh, une action presque verticale sur le point h de la ligne horizontale dfhk, et forcera ce point à s'abaisser, quelle que soit la résistance opposée en n. (\*)

D'après cela, les points de rotation f et m étant immobiles, le levier composé dfgh prendra la position dfg'h', c'est-àdire que les points d, g et h décriront les arcs, de même valeur angulaire, dd'', gg' et hh'. Par une suite nécessaire, le point k décrira un arc kk'; la ligne droite fhk deviendra la ligne brisée fh'k'; la verge hr prendra la position h'r'; la lentille ss' s'abaissera en s'' s''; et enfin le levier coudé kmn prendra la position k'mn'. Le dernier effet ne peut se produire sans que la soupape qq ne prenne la position q'q', en s'élevant d'une quantité qui a une certaine relation avec l'ouverture de l'angle n'mn ou de son égal k'mk.

Cependant le tasseau t, qui, par l'abaissement de la poutrelle pp, étoit arrivé à la position t', ne descend pas plus bas, et, au contraire, il remonte non seulement à la position t, mais encore plus haut. Le levier composé b' a c' d', n'étant plus contenu en c', tend à reprendre sa position bacd, mais ne rencontrant plus la branche fd qui est passée en fd'', il outrépasse cette position, et le contrepoids b descend jusqu'à ce que la branche ad vienne s'appuyer

contre l'extrémité d' de fd'.

Pendant ce temps la poutrelle pp continue de monter jusqu'à ce qu'une cheville q, placée à côté de cette poutre, vienne rencontrer la branche fg', et l'oblige, en l'entraînant avec elle, à se remettre dans la position fg. On conçoit aisément que cela ne peut se faire sans que l'extrémité d' de la branche fd'' glisse le long de la branche ad, et cela jusqu'à ce que les extrémités de ces deux branches se rencontrent et se remettent dans la position indiquée par les lignes pleines de la figure : on conçoit encore qu'à cette époque la soupape q'q' a dû revenir à sa place qq, et que les choses se retrouvent dans l'état où nous les avons supposées au commencement de cet article, à cela près que le tasseau t est au plus haut point de sa course. Si donc ce tasseau et la poutre pp recommencent à descendre et à monter successivement, tous les effets que nous venons de décrire se repro-

<sup>(\*)</sup> En effet, k m étant verticale, la résistance en n ne peut transmettre qu'une action horizontale en k, laquelle (267) ne peut point, dans le premier instant, empêcher l'effet de la traction verticale qui a lieu en k.

duiront, et l'ouverture à laquelle s'adapte la soupape qq sera alternativement fermée et ouverte.

La poutrelle ss' doit être courbée à sa partie inférieure, afin d'éviter les secousses qu'occasionneroit une chûte trop subite. Au moyen de cette courbure, le point de contact de ss' et HH s'approchera de plus en plus du centre de gravité de ss' et même le dépassera, ce qui amortira considérablement la force de la chûte.

Tels sont les principes sur lesquels est fondé le méchanisme qui sert à faire mouvoir spontanément les soupapes destinées, dans la machine à feu, à ouvrir ou à fermer à la vapeur le passage de la chaudiere au cylindre et du cylindre au condenseur, et à prolonger par conséquent le mouvement de la machine :

passons aux applications.

1389. Supposons que f est un axe de rotation, et que les bran-1389. Supposons que f est un axe de rotation, et que les bran-Application ches fg, fd et fh, attachées à différents points de cet axe, font de ce principe aux machines. corps et tournent avec lui. Les branches ac et fg seront disposées de maniere que le tasseau t et la cheville q, attachés à la poutrelle  $pp_n$  puissent les atteindre : quant à la branche fh, elle pourra être placée en un point quelconque de l'axe, pourvu que m soit aussi un axe qui ait les mouvements de renvoi nécessaires

pour faire lever la soupape qq.

Ce n'est pas tout; on peut encore, avec la combinaison des deux leviers composés b a c d, g f dk, et une seule lentille ss', faire ouvrir et fermer ensemble autant de soupapes qq qu'on voudra; pour cela la verge h r sera attachée à un levier separé, fixé à un point quelconque de l'axe, et on établira dans d'autres points du même axe autant d'ajustements fhkmn qu'on voudra faire mouvoir de soupapes. Il est évident que ce que nous avons dit pour une seule doit s'appliquer à quelque nombre que ce soit, la différence ne consistera que dans le plus ou moins d'effort à faire.

C'est avec de semblables modifications que le méchanisme décrit dans l'article précédent s'applique aux machines à feu; deux axes correspondants à l'axe f font mouvoir chacun deux soupapes; un troisieme axe correspondant à a fournit les encliquetages nécessaires, ainsi qu'on va le voir plus en détail.

1390. Les fig. (235, 236, 237, 238, 239) représentent les dé- Description et jeu du régui tails du régulateur appliqué à la machine à feu dont nous nous lateur. occupons en ce moment. Pour bien concevoir le jeu de toutes les pieces, il faut rapprocher la sig. (232) de la sig. (238).

Ces deux figures offrent une élévation du cylindre à vapeur, devant lequel on voit les tuyaux T, T' et les boîtes qui contiennent les soupapes qui établissent la communication entre la chaudiere, le cylindre et le condenseur. Ces tuyaux et ces boîtes sont vus extérieurement dans la fig. (238), avec les différentes tringles qui servent à faire lever et baisser les soupapes, et la fig. (232) en représente la coupe faite parallèlement

au plan du tableau.

Cela posé, on voit, fig. (238), que l'axe inférieur ff a deux tringles hk,  $h^3$   $k^3$ , destinées à faire mouvoir respectivement les soupapes  $\sigma$  et S', diagonalement opposées; l'axe supérieur f' a deux tringles pareilles  $h^2$   $k^2$ ,  $h^4$   $k^4$ , qui correspondent, respectivement, aux soupapes diagonalement opposées S et  $\sigma'$ . Or on a vu art. (1384) que, pour le jeu de la machine, il falloit toujours que deux soupapes, placées aux extrémités d'une même diagonale, fussent ouvertes, pendant que les soupapes placées aux extrémités de l'autre diagonale étoient fermées, et c'est l'effet que produisent les deux axes f' f', ff, au moyen des encli-

quetages de l'axe du milieu a a.

Avant de passer à la sig. (239), qui présente le jeu de ces encliquetages, il faut savoir que toutes les pieces attachées aux axes supérieurs  $f^2 f^2$ , et inférieurs ff, font corps avec ces axes et tournent avec eux, et que par conséquent toutes les pieces attachées à un même axe se meuvent ensemble; au contraire les pieces adaptées à l'axe du milieu aa tournent sur cet axe qui est immobile, et se meuvent indépendamment l'une de l'autre. Les soupapes S et S' paroissent l'une au-dessus de l'autre, fig. (239), quoique dans le fait elles soient à la même hauteur; mais on a ainsi disposé la figure afin que celle qui est en avant ne cache pas la plus éloignée; il y a même remarque à faire sur les soupapes  $\sigma \sigma'$ : cela posé, on voit que l'axe aa porte une piece dao (n°. 1), qui sert d'arrêt à la piece fd de l'axe ff, qui parconséquent empêche que le poids ou lentille s'' s''' ne donne un mouvement de rotation à cet axe ff, dont l'effet seroit de tirer les tringles hk,  $h^5k^5$ , et de faire lever les soupapes  $\sigma$  et S'. Une autre piece  $d^aa$   $c^ab$  est destinée à servir d'arrêt à la piece  $f^ad^a$ de l'axe f'f; mais comme l'encliquetage est lâché, le poids de la lentille su s' tient les deux soupapes d'et Souvertes. La branche a d' se tient appuyée contre la branche f'd' par l'effet du contrepoids bb. Les différentes pieces de l'encliquetage sont dessinées séparément à côté de la figure, avec les mêmes lettres de renvoi, asin qu'on puisse bien distinguer le jeu de chacune.

Dans cet état, la poutrelle pp, qui a un mouvement alternatif de montée et de descente, est suposée partir du point le plus haut de sa course, et commencer à redescendre; lorsque la cheville v sera assez abaissée pour appuyer sur la branche f²g² (n°. 2), elle fera tourner tout l'équipage attaché à l'axe f'f, tendra à faire engager l'encliquetage à d'f' et à faire fermer les soupapes σ' et S. On conçoit que les dimensions des pieces peuvent être tellement combinées que, lorsque l'encliquetage s'engage, les soupapes achevent de se fermer, et c'est en esset ce qui a lieu. Mais, lorsque ce double effet se produit, le tasseau tatteint l'extrémité c de la branche ac, la force de s'abaisser et fait dégager l'encliquetage adf; alors le poids de la lentille s''s'' a une libre action sur l'axe ff, fait faire une partie de révolution à cet axe, et fait par conséquent ouvrir les soupapes o et S', tandis que l'arrêt qui est en d'empêche que la lentille s's'' ne produise le même effet sur les soupapes o' et'S.

On voit donc comment la descente de la poutrelle pp fait fermer les soupapes diagonalement opposées S et &, fig. (232), et ouvrir les soupapes de l'autre diagonale S' et o. Il sera fort aisé de concevoir comment la montée de cette poutrelle produit l'effet inverse. La cheville q rencontrant la branche fg la fait remonter, et fait engager de nouveau l'encliquetage fda (n°.1) que le tasseau t avoit sait dégager. Les soupapes  $\sigma$  et S' se ferment; mais pendant ce temps le tasseau t' va presser, par dessous, l'extrémité c' de la branche a c' et fait dégager l'encliquetage f' d'a que la descente de la cheville v avoit fait engager ; la lentille si's exerce alors toute son action sur l'axe f, et lui faisant faire une portion de révolution, fait ouvrir les soupapes  $\sigma'$  et S. Les choses reviennent donc dans l'état où elles sont représentées par les fig. dont les no. se suivent depuis 231 jusqu'à 234. L'élévation générale, fig. (225), présente l'état de la machine qui a lieu lorsque la poutrelle pp est au point le plus bas de sa course, cas auquel les soupapes ouvertes sont et S'.

On voit, dans la même fig. (225), comment se produit le mouvement alternatif de montée et de descente de la poutrelle pp; elle tient, comme on voit, à une verge de fer mixtiligne fe, attachée, à charnière, au côté cd du paraléllogramme abcd; nous verrons, dans la suite, que le point e décrit, dans sa course, une ligne qui est sensiblement droite et verticale. Ainsi la vapeur ne peut pas faire monter et descendre le piston du cylindre à vapeur, sans donner un mouvement semblable à la piece verticale efpp, et ce dernier mouvement reproduit le premier en

ouvrant et fermant les soupapes qui servent d'un côté à intro-

duire la vapeur et de l'autre à la conduire au condenseur.

Effort vaincre pour

1391. Les soupapes qui se ferment sont également pressées, lever les sou- des deux côtés, par la vapeur; mais celles qui sont prêtes à s'oupapes, outre leur poids; de vrir ne sont pressées qu'à la partie supérieure, et on a à surla vitesse pro-gressive de la monter, outre leur poids, l'action de la vapeur. Il est aisé, d'après la connoissance du rapport entre le diametre du piston du cylindre à vapeur et celui des soupapes, combiné avec les dimensions des pieces du régulateur, de calculer l'effet de la levée des soupapes sur le mouvement du piston. La conservation spontanée de ce mouvement paroît au premier coupd'œil présenter quelque chose de paradoxal, d'après la théorie générale des machines, par la disproportion qui semble exister entre les produits des masses par les vîtesses qui sont alternativement causes et effets. Nous aurons occasion de revenir sur cet objet; il suffira, en attendant, d'observer que la rapidité prodigieuse de l'affluence de la vapeur, soit au condenseur, soit dans la partie vide du cylindre, entre pour beaucoup dans l'explication de cette difficulté.

1392. La fig. (236) offre une élévation du régulateur sur la face opposée à l'élévation de la fig. (238); la poutrelle pp se voit derriere les axes dans la premiere et devant ces axes dans la seconde; les charnières h' h'' sont aussi placées à droite du lecteur et à gauche dans l'autre, comme cela doit être. La fig. (235) offre un plan général du régulateur et des soupapes supérieures; on y voit les distances horizontales et l'arrangement des différentes pieces; la fig. (237) offre les plans séparés de chaque axe et des pieces qui y tiennent. Les projections des parties k m n,  $k^2 m^2 n^2$ , etc. ne se trouvent pas bien exactement dans ces plans, telles qu'elles devroient être, d'après les profils, fig. (239), parcequ'on a voulu, dans ces profils, mettre toute la netteté possible pour l'explication, et éviter le croisement des lignes. On peut, au moyen de tous ces détails, suivre aisément les effets du régulateur dans les sig. (225 et 231), et on aura, par là, l'intelligence complete de la maniere dont le mouvement de la ma-

chine à feu se produit et se conserve.

1393. Nous aurons occasion de revenir sur plusieurs recherches un bon régula- relatives au régulateur; mais en attendant, pour mettre le lecteur teur; applica. à portée de se rendre raison des motifs qui, parmi les différencipes posés, à ce sujet, au rét tes qu'on peut lui donner, ont déterminé celle qu'on vient de gulateurprécé décrire, il est à propos de poser, d'après M de Betancourt, quelques principes sur les conditions auxquelles doit être soumise,

Digitized by Google

Des qualités que doit avoir mise, en général, la composition d'un régulateur; ces conditions sont:

1°. Qu'un très petit effort puisse vaincre l'effet de la vapeur sur la soupape, pour éviter les saccades qui ébranleroient la machine;

2°. Que les soupapes s'ouvrent promptement, afin que la vapeur puisse, sans perdre de temps, vaincre l'inertie des balanpeur puisse, sans perdre de temps, vaincre l'inertie des balan-

ciers et des autres pieces qui en dépendent;

3°. Que les soupapes se ferment lentement, asin que l'axe du balancier n'éprouve pas de chocs violents lorsque la vapeur doit agir en sens contraire;

4°. Qu'on puisse régler avec facilité l'ouverture des soupapes, pour que tous les mouvements se fassent avec l'accord conve-

nable.

La 1<sup>re</sup> condition est remplie par le régulateur que représente la fig. (239); car, lorsque les soupapes  $\sigma$  et S' sont fermées, fhket  $fh^3$  k<sup>3</sup> étant dans une situation rectiligne, si l'encliquetage fda vient à se dégager, le plus petit effort en h' doit faire mouvoir les charnières h et h<sup>3</sup>, et mettre les choses dans l'état que représente le n°. 2, où les soupapes  $\sigma$  et S' sont ouvertes.

La 2° l'est aussi, car les tasseaux t et t° font dégager promptement les encliquetages, et donnent aux lentilles s° s° et s" s" la faculté d'exercer aussitôt leur action. Cependant il y a une gradation dans le mouvement; dès le premier instant, la vîtesse de h est très sensible et celle de k est encore nulle; elle s'accélere ensuite par gradation, mais tout cela s'opere dans un

petit espace de temps.

La 3° l'est encore, puisque les chevilles  $\nu$  et q pressent sur les branches  $f^2$   $g^2$  et fg, à une distance assez grande des centres de mouvement  $f^2$  et f pour que le mouvement des charnières h,  $h^2$ ,  $h^3$ ,  $h^4$ , soit doux et lent: or le mouvement des charnières k,  $k^2$ ,  $k^3$ ,  $k^4$ , a encore plus de lenteur que celui des précédentes, et tout cela est combiné de manière que les soupapes parcourent un petit espace, pendant que les chevilles  $\nu$  et q en parcourent un beaucoup plus grand.

desire.

1394. Nous avons dit qu'il y avoit une soupape q, fig. (232), Tome II.

ne conserve d'aucun agent extérieur.

Méchanisme adaptée à l'ouverture par laquelle la vapeur se rend de l'espace quel la machi- QQ au condenseur R. Il est temps de parler de l'usage de cette spontanément soupape et du moyer qu'on a employé pour qu'elle soit plus ment unifor ou moins rapprochée de l'orifice auquel elle s'adapte, suivant

me et constant l'exigence des cas.

On sait que le bon effet d'une machine dépend, en grande partie, de l'uniformité de son mouvement; et cette uniformité dépend elle-même de l'espece du moteur et de la maniere dont il est appliqué. Dans bien des circonstances, le moteur ne peut, par sa nature, produire qu'un mouvement varié; dans d'autres, cette variation résulte de la difficulté qu'on trouve à lui conserver toujours la même intensité d'action : ce dernier cas a lieu dans la machine à feu. Il est bien difficile, pour ne pas dire impossible, que le chauffeur regle toujours si parfaitement son seu, que la vapeur se trouve toujours au même degré de température; un homme imprudent ou mal-adroit pourroit pousser la chaleur, de maniere à donner au balancier, au volant et aux autres pieces que la machine met en mouvement, une vîtesse telle qu'il pourroit en résulter des accidents très graves: il faut donc que la machine porte avec elle un moyen spontané de modérer la vîtesse ou de faire en sorte qu'elle n'aille pas au-delà de certaines limites, quelle que soit l'action du feu.

L'expédient auquel on s'est principalement attaché pour remplir cette condition a été de ralentir plus ou moins la rapidité de la condensation: un tel expédient remplit évidemment son objet; car on conçoît aisément que si, lorsque la vapeur affluant de la chaudiere vient presser un des côtés du piston du cylindre à vapeur, la condensation ne se fait pas sur-lechamp de l'autre côté, il y aura une réaction qui contrebalancera, en tout ou en partie, l'action de la vapeur, pendant

tout le temps que le vide tardera à se faire.

On a deux procédés immédiats pour ralentir la condensation; l'un, dont nous avons parlé art. (1385), consiste à diminuer la quantité d'eau réfrigérante introduite dans le condenseur, en fermant plus ou moins la soupape 2, 2, fig. (232), au moyen de l'écrou 1, 1; l'autre, qui est préférable, se réduit à régler la quantité de vapeur qui va à la condensation, dans un temps donné, en fermant plus ou moins la soupape q, l'ouverture de la soupape 2, 2, restant toujours la même. Pour donner à ce second procédé toute la perfection desirable, on a imaginé un méchanisme tel que la soupape q s'ouvrît ou se fermât spontanément, suivant le besoin, par l'effet même de la machine et sans le secours d'aucun agent étranger. Voici en quoi consiste ce méchanisme.

On voit en [16], fig. (231), une petite bache placée au-dessus de la grande bache [6], [6]; une pompe rr fixée au même lieu puise de l'eau dans l'espace [6], [6], pour la verser, comme on le voit dans la figure, dans l'espace [16]. La tige du piston de cette pompe est attachée en l, à la poutrelle pp, qui, comme on sait, est elle-même fixée au balancier et fait mouvoir les pieces du régulateur. La quantité d'eau versée dans l'espace [16], en un temps donné, sera donc proportionnelle au nombre d'oscillations faites par le balancier dans le même temps, et par conséquent à la vîtesse de la machine en général. On voit dans la bache une petite planche ou cloison inclinée qui sépare l'espace dans lequel tombe l'eau de la pompe de celui dans lequel nage la lentille, afin que l'eau renfermée dans ce dernier espace soit moins agitée. a a est une lentille creuse, de métal, qui flotte sur l'eau contenue en [16]; à cette lentille est attaché un levier courbe dcb qui tourne autour de l'axe c; l'extrémité de la branche c d entre dans une entaille pratiquée à la queue de la soupape q, au moyen de quoi cette soupape s'éleve, lorsque la lentille a a s'abaisse, et réciproquement; fg h est un siphon qui traverse la lentille aa, dont une des extrémités plonge dans l'eau, en [16], et l'autre dans l'eau, en [6]. Ce siphon peut se fermer par un robinet en k, lequel robinet peut aussi être seulement employé à modérer la quantité d'eau qui s'écoule.

D'après cela, l'élévation de la surface supérieure de l'eau, en | 16 |, sera constante ou variable selon que la quantité d'eau fournie par la pompe sera ou ne sera pas égale à la quantité d'eau enlevée par le siphon; l'écoulement de ce siphon est uniforme, puisque sa vîtesse dépend de la pression de l'atmosphere que nous supposerons constante, les variations barométriques pouvant être négligées; ainsi c'est uniquement la plus ou moins grande fourniture de la pompe qui fera hausser ou baisser la lentille a a et par conséquent la soupape q. Lorsque la machine ira trop vîte, soit par une diminution de résistance, soit par une plus grande activité du chauffage, la pompe rr tournira plus d'eau que le siphon n'en enlevera; mais alors l'élévation de la lentille a a fera abaisser la soupape q, la condensation sera ralentie et de suite le mouvement de la machine: au contraire, si une augmentation de résistance exigeoit plus d'effort, le nombre des coups de piston de la pompe r'r.

diminueroit d'abord; mais alors l'eau baissant en [16], la soupape q s'ouvriroit davantage et accéléreroit la condensation. Ceci suppose cependant qu'avant l'augmentation de la résistance il y auroit eu une perte d'effet dans la machine, ce qu'il faut éviter en général. Il faut que dans l'état habituel les soupapes aient l'ouverture nécessaire pour produire tout l'effet possible, et on a vu (1385) que cette ouverture avoit des limites.

Ainsi, pour avoir un modérateur exact, il faut d'abord connoître le nombre d'oscillations que le balancier doit faire dans un temps donné; supposons qu'il en fasse 15 par minute, on aura une pompe et un siphon de dimensions telles que 15 coups de la pompe fournissent autant d'eau, par minute, que le siphon en enlevera dans le même temps. La quantité primitive d'eau mise dans la bache [16] sera assez grande pour que la soupape q ait l'ouverture convenable, et alors on sera sûr que cette ouverture restera constamment la même, ou que, si elle éprouve une augmentation momentanée, elle reviendra promptement à son premier état.

Nous verrons, par la suite, d'autres moyens imaginés pour

modérer la vîtesse de la machine.

- Pompe qui sert à alimenter la

1395. On voit en [17], fig. (225, 231, etc.), la pompe qui sert grande bashe. à alimenter la grande bache [6], [6]; la tige du piston de cette pompe tient au balancier [13], [13], et est par conséquent mise en mouvement par la machine même: un ajutage à robinet est placé au bas et à droite de la bache [6], [6], pour faire écouler l'eau à mesure qu'elle entre à la partie supérieure. On conçoit que l'immersion des parties [9], [11], de la machine, qui sont échauffées par la vapeur, tend à faire hausser la température de l'eau de la bache, ce qu'il faut éviter autant qu'on peut, vu que cette eau étant celle qui sert à la condensation, il est nécessaire que sa température ne surpasse pas beaucoup celle du réservoir qui fournit la pompe [17], [17], et qu'en conséquence elle soit renouvelée à mesure qu'elle s'échauffe.

Moyens emvement.

1396. Nous avons supposé dans l'art. (1383) et les suivants ployés pour faire passer la que le mouvement de la machine étoit établi, et nous n'avons machine du parlé que de la maniere dont il se continuoit: il faut maintenant expliquer comment il est primitivement produit, c'est-àdire comment on fait passer le piston du repos à l'action. Quoique cette explication semble devoir précéder les autres, nous l'avons mise à la suite, parcequ'elle se conçoit mieux lorsqu'on a l'ensemble des pieces de la machine plus présent à l'esprit.

On a vu dans la description du régulateur que les soupapes

S, S',  $\sigma$ ,  $\sigma$ ', fig. (322), s'ouvroient et se fermoient par la pression que les chevilles  $\nu$  et q, fig. (239), exerçoient sur des leviers  $f^2g^3$ , et fg: ces leviers ont à leurs extrémités  $g^2$  et g des poignées  $g^2$ , g, comme on voit dans les plans et les élévations du régulateur, au moyen desquelles ils peuvent faire fonction de manivelle, et dont on se sert pour ouvrir ou fermer, à bras d'homme et à volonté, les soupapes S, S',  $\sigma$ ,  $\sigma'$ . Quant à la soupape q, fig. (232), elle s'ouvre et se ferme aisément avec, le levier c b.

Outre les soupapes dont on vient de parler, il y en a une 6° à l'ouverture extérieure d'un tuyau p² p², fig. (231), placée à l'extrémité de l'espace [11], [11], et au-dessous du corps de pompe [10]; ce tuyau s'appelle le reniflar. Lors donc qu'on veut mettre la machine en mouvement, ce qui exige qu'on commence par la vider d'air, on ouvre, fig. (231 et 232), les quatre soupapes S, S', \sigma, \sigma', la soupape q du condenseur, celle du reniflar p² p², et on ferme la soupape 2, 2, du tuyau 3, 4, 5, qui introduit l'eau de la bache dans le condenseur. Cela fait en met l'eau de la chaudiere en ébullition; la vapeur, affluant en E², dilate, par sa chaleur, l'air contenu tant dans le cylindre que dans tous les espaces qui communiquent avec lui: cet air ainsi dilaté, et qui, comme on le voit aisément, n'a d'autre issue extérieure que p² p², s'échappe par le reniflar en faisant ouvrir par la simple pression la soupape 6, 6, de l'espace [11].

Lorsqu'on juge que la machine est suffisamment purgée d'air, on ferme la soupape du reniflar, qui est chargée d'un poids capable de résister à la pression inférieure de la vapeur, laquelle agit alors sur les soupapes du piston 7,7,7, de la pompe à air, et de suite sur les soupapes 8,8, et 9,9, de la pompe

[12] de reprise, fig. (233).

Dans cet état de choses, si le piston du cylindre à vapeur se trouve, comme dans la figure (231), au point le plus haut de sa course, on ferme, fig. (232), les soupapes  $\sigma$  et S', et la soupape 2, 2, du tuyau d'injection 3, 4, 5. Alors la communication de la chaudiere est établie seulement avec l'espace T et la partie supérieure du cylindre à vapeur, et elle est interceptée avec la partie inférieure du cylindre et toutes les autres parties intérieures de la machine; de plus l'injection ayant lieu dans le condenseur, le vide doit se former tant au-dessous du piston du cylindre que dans tous les espaces qui y communiquent, et la machine se trouve dans la situation où on l'a supposée dans la description de son mouvement, art. (1383).

## ARCHITECTURE HYDRAULIQUE.

à vapeur, ou dans le cylin-

1397. Il y a deux conditions essentielles à remplir pour l'effet steam · box · de la machine : savoir ; 1°. que la vapeur conserve le plus possidestinée à contenir la vapeur ble la température qu'elle a au sortir de la chaudiere; 2°. qu'il ne s'en échappe au dehors par aucune des parties de la machine. Nous verrons dans la suite les précautions qu'on prend pour remplir la premiere condition; la deuxieme est remplie par le soin et la précision qu'on met à la construction et à l'assemblage des pieces. Cependant l'ouverture par laquelle la tige tt du piston [14] du cylindre à vapeur, fig. (231), entre dans le cylindre, doit, quelque attention qu'on y ait mise, causer une petite déperdition de vapeur et un léger refroidissement dans la partie supérieure du cylindre. Pour parer à cet inconvénient on a imaginé de pratiquer au-dessus du cylindre une boîte  $\gamma$ , communiquant avec l'espace E', et par conséquent avec la chaudiere, au moyen du tuyau y' y', qui entretient en y v une affluence continuelle de vapeur. Cette vapeur coërce celle du cylindre qui tendroit à s'échapper par en haut, et empêche tout refroidissement à l'orifice par où entre la tige tt, au moyen de quoi toute la vapeur contenue dans le cylindre conserve sa température et son ressort.

Les Anglois nomment la boîte  $\gamma \gamma$  steam-box, c'est-à-dire boîte à vapeur; les ouvriers françois ont conservé la dénomination

angloise.

1398. Nous avons dit, art. (1386), que l'eau de condensation preuve pour étoit élevée à une hauteur suffisante pour pouvoir rentrer dans niveau de l'eau la chaudiere. On épargneroit un effort au moteur en n'élevant cette eau qu'à la hauteur nécessaire pour la sortir de la bache, dans laquelle il faut soigneusement éviter qu'elle ne tombe à cause de sa chaleur (1395); mais on se priveroit du grand avantage d'entretenir la chaudiere avec de l'eau qui a déja acquis un assez haut degré de température, et de faire ainsi une économie sur le combustible.

Nous avons dit, en outre, qu'un tuyau de dérivation empêchoit que la chaudiere ne reçût plus d'eau qu'il n'étoit nécessaire, et voici comment on connoît qu'elle en a la quantité. suffisante; la fig. (228), qui représente une coupe de la partie inférieure de la chaudiere, fait voir, en outre, un tuyau a² b² b² qui paroît à l'extérieur, et qu'on voit en élévation, fig. (230); la partie inférieure de ce tuyau plonge comme on voit dans l'eau de la chaudiere, et il communique, à sa partie supérieure, avec la vapeur : d'après cela, l'eau doit s'y introduire et s'y tenir au même niveau que dans la chaudiere; et comme la

Tuyau d'édans la chaudiere.

partie apparente de ce tuyau est en verre, on peut, à chaque

instant, connoître la hauteur intérieure de l'eau.

1399. Il est très aisé d'adapter de la même maniere un ther- Thermomemometre qui fasse connoître, à l'extérieur, la température in- tre et barome-tre qu'on peut térieure de l'eau; cette température donnera sa pression, au chaudiere. moyen de la table X. On pourroit au thermometre substituer un barometre dont le tube seroit apparent et dont la cuvette plongeroit dans la vapeur; la pression ainsi déterminée feroit connoître la température au moyen de la même table et du petit calcul indiqué dans la note de l'art. (1374).

1400. Lorsqu'on veut arrêter la machine, soit pour cesser le soupape de travail, soit dans le cas de quelque accident, il faut donner au-dessus de issue à la vapeur qui se forme dans la chaudiere, et c'est à quoi la chaudiere. est destinée la soupape p", fig. (224, 229 et 230): on leve cette soupape, à volonté, en tirant une chaîne k² k² qui passe sur une poulie et qui répond à des équerres à-peu-près semblables à celles qu'on emploie pour les mouvements des sonnettes. dans les appartements. Cette soupape est chargée de maniere que l'excès de son poids, plus celui de l'atmosphere, sur la pression inférieure de la vapeur, ne laisse pas un trop grand effort à faire à celui qui veut la lever.

La soupape e' se nomme soupape de sûreté.

1401. Nous pensons que tous les détails où nous sommes De la verge entrés depuis l'art. (1381) sont bien suffisants pour donner au au balancier lecteur une intelligence complete du jeu de la machine représentée par la fig. (223) et les suivantes jusqu'à la fig. (239). Il à vapeur, comparaison des n'est point encore question des dimensions respectives des effet avec el ui ruie l'en deux de la fig. (239). Il à vapeur, comparaison des on respectives des effet avec el ui ruie l'en deux de le configure de la configure et l'en deux des effet avec el ui ruie l'en deux des effet avec el ui ruie l'en deux des effet extre el ui ruie l'en deux des effet en deux des effet en deux de l'en pieces de cette machine; nous traiterons cet objet dans la suite, les machines et il falloit d'abord connoître leur méchanisme et leur action de Chaillot, conséquences réciproque. L'objet ultérieur de ce méchanisme est de donner qui en résulau piston [14] du cylindre à vapeur [3] un mouvement alternatif de montée et de descente avec un effort et une vîtesse capables de produire l'effet qu'on a en vue. Ce mouvement est communiqué au balancier [13], [13], par le moyen de la verge tt, fig. (225), et les oscillations de ce balancier peuvent donner, comme on le verra, tous les mouvements circulaires ou rectilignes dont on a besoin.

Le premier objet de remarque dans la transmission du mouvement du piston au balancier est la substitution d'une verge inflexible tt à la chaîne KK des machines représentées par les fig. (193 et 194) et décrites art. (1338) et suivants. Cette substitution tient à la principale perfection qui donne tant d'a-

vantage aux machines nouvelles sur les anciennes, et qui consiste à faire faire au piston le même effort en montant et en descendant: on voit que dans les sig. (193 et 194) le piston, en montant, ne produit aucun effet sur le balancier et qu'il faut même un contrepoids P pour rendre son ascension possible. Ce contrepoids augmente, en pure perte pour l'effet, les masses à mouvoir et l'inconvénient des ébranlements et des saccades. Mais ce n'est pas tout; la machine, fig. (194), pour produire le même effet, dans un temps donné, que la machine, fig. (225), est obligée de faire un effort double, c'està-dire de faire, pendant la descente du piston, un effort égal à la somme de ceux qui sont faits pendant une descente et une montée du piston, fig. (225). On suppose que les dimensions du balancier, le nombre et l'amplitude des oscillations, sont les mêmes; et la proposition qu'on vient d'énoncer est une conséquence immédiate des principes établis depuis l'art. (487) .jusqu'à l'art. (507). Or pour produire un pareil effort, il faut, à égale température de la vapeur, qu'elle agisse sur une surface double, et par conséquent que la section horizontale du piston et du cylindre à vapeur, fig. (194), soit double de celle des mêmes pieces, fig. (225). On voit quelle simplification doit résulter, dans la construction de cette derniere machine, de la diminution de ses dimensions et de la suppression des contrepoids; on voit encore pourquoi il a fallu établir la communication du piston au balancier par une verge inflexible qui pût, indifféremment, transmettre un effort, soit en montant, soit en descendant.

Paralleloverticale.

1402. Cependant l'emploi d'une verge inflexible tt laissoit gramme des une difficulté à résoudre, qui consistoit à lui donner un mouvemirlaverge pré ment vertical; cette difficulté se leve sans peine dans la maune direction chine de la fig. (194); car la chaîne que tient la tige du piston s'enroulant sur un arc de cercle KK, la direction de cette tige est toujours tangente à un cercle vertical, qui a pour centre le point fixe C et CP pour rayon. Voici le moyen, extrêmement ingénieux, par lequel on est parvenu à obtenir le même avantage dans la fig. (225).

> Le parallélogramme abdc tient au balancier par les points a et c, sixes par rapport à ce balancier; mais les côtés de ce parallélogramme peuvent changer d'inclinaison, les uns par rapport aux autres, au moyen de ce que leurs extrémités sont assemblées à charnières, c'est-à-dire garnies de boîtes ou colliers qui embrassent des axes horizontaux, comme on le verra lors.

que nous donnerons les détails particuliers de la construction de ce parallélogramme. Les axes en a et c sont dans un même

plan avec le centre ou axe O de rotation du balancier.

De plus, l'angle d du parallélogramme est toujours retenu à une distance constante d'un point fixe f', au moyen de la verge de métal f'd dont l'extrémité est également garnie d'une boîte

ou collier qui embrasse l'axe passant en d. Cela bien conçu, si on imagine que l'angle b soit poussé ou tiré dans une direction verticale, l'effort se décomposera suivant ba et bd; les points a et c décriront des arcs de cercle dont le point O sera le centre, et le point d décrira un arc de cercle qui aura f'd pour rayon. Mais les courbes décrites par les points a, c, d, ne peuvent être ainsi fixes et déterminées, sans que le point b ne décrive aussi une courbe pareillement fixe et déterminée: or on conçoit aisément, à l'inspection de la figure, que lorsque le mouvement du balancier tend à écarter le point b de la verticale dans un sens, l'effet de la rotation de d autour de f' est d'écarter b de la verticale dans le sens contraire, et que ces deux essets peuvent se combiner de telle maniere que la courbe décrite par le point b differe si peu d'une ligne droite verticale, que dans la pratique on puisse la considérer comme telle. Il n'est pas encore temps de donner les calculs qui déterminent plus précisément le mouvement du point b, et nous nous contenterons, quant à présent, d'indiquer le moyen.

1403. Nous avons vu, art. (1390), que la poutrelle qui fait de la poutrelle mouvoir le régulateur étoit suspendue au milieu du côté de du du régulateur. parallélogramme; et en effet les différentes parties des côtés de ce parallélogramme participent plus ou moins de la propriété énoncée dans l'article précédent, et peuvent par conséquent être employées à remplir un objet analogue d'après le degré de précision dont on a besoin; c'est ce que le calcul indiquera.

1404. L'axe de rotation du balancier de la machine, fig. (194), n'est jamais pressé que de haut en bas, puisque le piston ne fait effort qu'en descendant : il n'en est pas de même de l'axe du balancier de la machine, fig. (225); le double effet de cette machine tend alternativement à soulever l'axe et à le comprimer contre ses appuis, et cette circonstance exige des précautions particulieres, telles que l'axe ne soit jamais dérangé de sa place. On voit en [18], [18], fig. (225), l'armature employée pour remplir cette condition : nous ne nous y Tome II.

arrêtons pas en ce moment, parcequ'elle sera, dans la suite, dessinée et décrite plus en détail.

Du volant · et de la mou-

1405. Enfin on voit en [19], [19], le volant dont nous avons parlé art. (1350), et l'engrenage [20], [20], au moyen duquel le balancier fait mouvoir le volant; cet engrenage est connu sous le nom de mouche : nous reviendrons sur ces objets.

Il est bien aisé de concevoir comment l'axe du volant peut donner le mouvement, non seulement à une roue verticale, mais encore à une roue d'une inclinaison quelconque. Le mouvement horizontal, par exemple, peut se produire, ou par une roue verticale portant des dents ou des alluchons perpendiculaires à son plan qui s'engrenent dans une lanterne, ou par deux roues, l'une verticale, l'autre horizontale, à engrenages obliques. Ainsi toutes les especes de mouvement de rotation peuvent s'obtenir par le mouvement oscillatoire du balancier, et sont conservés et rendus uniformes par le mouvement acquis du volant.

qui coule sur

Les tourillons qui forment l'extrémité de l'axe horizontal du volant exerçant une pression considérable sur les boîtes dans des tourillons volant exerçant une pression constitutions volant exerçant une pression constitutions de l'account de l'acc une petite pompe, qui conduit un silet d'eau sur chaque tourillon, asin de rafraîchir continuellement les deux métaux qui frottent l'un sur l'autre. On n'a pas représenté cette petite pompe dans le dessin; son ajustement est si simple que le constructeur le plus ordinaire le devinera très aisément.

Description d'une seconde machine à feu à double effet.

Motifs de la description de cette seconde machine.

1406. La machine que nous avons décrite dans le chapitre précédent se rapporte à des choses exécutées, et sous ce point de vue il étoit intéressant de la connoître : on en a exécuté d'autres sur le principe de celle que nous allons décrire qui contient plusieurs changements dont l'objet est de perfectionner le méchanisme précédent. Les principaux de ces changements sont la forme de la chaudiere, le méchanisme du modérateur, la disposition des soupapes qui établissent la communication entre la chaudiere le cylindre et le condenseur, enfin la maniere de communiquer l'action du moteur à la résistance: au reste ceux qui auront lu et bien compris la description précédente conceyront celle-ci avec la plus grande facilité.

1407. Les fig. (240, 241) représentent le plan général et Chaudiere, l'élévation de toute la machine. La fig. (242) est une section minde, coufaite sur la ligne AB du plan, et la fig. (243) est une section la combustion particuliere de la chaudiere et de la cheminée faite sur la ligne CD du plan; la fig. (247) montre le plan du massif sur lequel est établie la chaudiere et celui de la bache. On voit, dans les deux coupes, la chaudiere [1] établie solidement dans un massif \(\mu\mu\mu\mu\mu\) qui ne laisse à découvert que sa calotte supérieure, au haut de laquelle est un regard R pour pénétrer dans l'intérieur : le tuyau à robinet rr sert à vider la chaudiere.

Une rampe & S, fig. (243), creusée derrière la cheminée, conduità une voûte en berceau z"z", interrompue par la chambre z" z" pratiquée au-dessous de la cheminée, et terminée par le cendrier zz placé au dessous de la grille qq; au haut de la chambre z'' z'' est une plaque de fer qui ferme la partie inférieure de la cheminée, et qui s'ôte à volonté lorsque cela est nécessaire.

La matiere combustible se jette, par l'ouverture  $\psi \nu$ , sur la grille qq, et la flamme se répand dans l'espace ww, fig. (242, 243 et 247); le dessous de la chaudiere, qui couvre cet espace,

a la forme d'une calotte ou d'une voûte tant pour résister à la pression supérieure de l'eau que pour favoriser l'action du feu.

Une porte de fer, qui bouche l'ouverture v, est toujours fermée, excepté quand on jette du charbon. D'après cela, la fumée qui se forme dans l'espace ww n'a d'autre issue que le canal g, g, g, qui serpente autour de la chaudiere, comme on le voit particulièrement dans la fig. (247), et qui aboutit à la cheminée K; par ce moyen, tout le contour de la chaudiere est échaulfé en même temps.

On conçoit, d'après la disposition des parties z' z' et zz, que pendant la combustion du charbon, l'ouverture vy étant fermée, il doit y avoir un courant d'air par la voûte z'' z'', le cendrier zz et la grille qq, qui sert à entretenir l'activité du feu et à déterminer la marche de la fumée par le canal qui la con-

duit à la cheminée.

1408. La chaudiere n'admet point la flamme dans le sein de la chaudiere, l'eau, au moyen d'un canal qui la traverse, comme dans la ma- comparée avec chine décrite précédemment; mais il faut observer que la chau- celle de la pre-miere madiere de cette machine avoit une forme différente de celle repré-chine. sentée par la fig. (243), et qui rendoit cette précaution nécessaire. On voit par le plan, fig. (247), et le profil, fig. (243), que la paroi de l'espace [1] est une surface de révolution, et que la

Digitized by Google

chaleur appliquée au pourtour a par-tout une égale tendance à pénétrer au centre, propriété que n'admet point la forme

oblongue représentée par les fig. (226 et 227).

De la marche de la vapeur dans la

1409. La vapeur qui se forme dans la chaudiere [1], fig. (241 peur dans la et 242), s'introduit dans le tuyau ffff, d'où elle se rend dans machine et du jen alternatif l'espace T, pour passer ensuite dans le cylindre, et de là au qui établissent condenseur: cet espace T ayant ainsi une communication conon interceptent la comt tinuelle avec la chaudiere, considérons le, un moment, comme munication un magasin inépuisable de vapeur produite par une cause quelrentes parties. conque, et voyons comment elle est appliquée au mouvement de la machine.

La fig. (244) est un profil pris sur la ligne a'b' des fig. (240 et 242), qui représente toutes les parties servant à la communication de la vapeur. On y a ponctué l'orifice extrême du tuyau ffff, par où la vapeur afflue dans l'espace TTTT, où, comme on vient de le dire, elle se renouvelle sans cesse.

Cet espace TTTT est fermé par deux soupapes S et S' qui servent soit à intercepter soit à établir sa communication avec les parties inférieure ou supérieure du cylindre (\*). En effet, on voit au-dessous de la soupape S l'ouverture V, qui aboutit à la partie inférieure du cylindre, et au-dessous de la soupape S' l'ouverture V', qui aboutit à la partie supérieure. Ces ouvertures se voient en VV et V'V', fig. (242), en observant qu'on a usé dans cette figure de l'expédient indiqué art (1381), qui consiste à présenter, dans un même dessin, des sections faites sur des plans plus ou moins éloignés: on reconnoîtra aisément, en comparant la fig. (242) avec les plans et élévations, que la section VV TTT est en avant de la section [2] faite sur l'axe du cylindre, et que l'ouverture V'V' doit paroître en arriere de cette même section [2]. Les soupapes  $\sigma$  et  $\sigma'$  servent à ouvrir ou à fermer le passage du cylindre au condenseur; on voit que l'espace QQ se trouve immédiatement au-dessous de la soupape σ et n'est séparé de la soupape σ' que par l'espace T' T'T', qui est entièrement libre: or Q Q communique avec le canal vertical k dans lequel se fait une injection continuelle d'eau froide, qui tombe dans l'espace cylindrique [4].

D'après cela, dans l'état que présente la fig. (244), la soupape S', qui introduit la vapeur à la partie supérieure du cylindre, est ouverte et la soupape o'est fermée; (voyez la fig. 242,

<sup>(\*)</sup> Voyez ce qu'on entend par partie supérieure ou inférieure du cylindre, à la note 3<sup>cm</sup> de l'art. (1383).

à côté de laquelle on a mis un petit profil des soupapes supérieures). La vapeur n'a encore aucune issue du côté TTT, car la soupape S est fermée, et les cloisons qui sont à droite des soupapes S et o n'ont aucune ouverture; ainsi toute la vapeur renfermée dans l'espace TTT n'a d'autre issue que l'ouverture V', par laquelle elle va, fig. (242), presser le dessus du piston qu'on suppose au point le plus haut de sa course; l'effet contraire a lieu au-dessous de ce piston, car la soupape o étant ouverte, toute la vapeur qui peut être au bas du cylindre asslue dans l'espace QQ et ne peut point affluer ailleurs, la soupape S étant fermée et toute communication avec T'T'T' étantd'ailleurs interceptée. Cette vapeur se rend dans l'espace k où elle est aussitôt condensée par l'injection d'eau froide qui y a lieu: le vide (\*) s'opere donc nécessairement à la partie inférieure du cylindre; et rien ne s'opposant à la pression de la vapeur introduite à la partie supérieure, le piston doit s'abaisser.

Lorsque ce piston est parvenu au point le plus bas de sa course, les soupapes  $\sigma$  et S'se ferment, et les soupapes S et  $\sigma$ 's'ouvrent: alors il se produit un effet inverse du précédent; la vapeur logée au-dessus du piston trouvant la communication interceptée en S' et la soupape o' ouverte, afflue dans l'espace T'T'T', de là dans l'espace QQ, et ensin au condenseur; le vide se fait à la partie supérieure du cylindre. Dans le même temps, la vapeur qui afflue dans l'espace TTTT, trouvant la soupape S ouverte et la soupape o fermée, ne peut point aller plus avant et n'a d'autre issue que l'ouverture V, par laquelle elle va, dans le cylindre, presser le dessous du piston; et, comme le vide est fait au-dessus, rien ne s'oppose à sen action, et le piston

Le piston étant parvenu au point le plus haut de sa course, les soupapes S et  $\sigma'$  se ferment et les soupapes  $\sigma$  et S' s'ouvrent; la vapeur inférieure se condense, la vapeur supérieure presse, le piston redescend, et ainsi de suite.

Le jeu alternatif de toutes ces soupapes se fixera aisément dans la mémoire, par une méthode pareille à celle employée, dans la mémoire dans la mémoire dans la mémoire dans la mémoire le jeu de ces soupapes. peur [2] est divisé en deux parties variables par le piston de ce cylindre; la chambre V sert d'issue à la partie inférieure, et la chambre V' à la partie supérieure; chacune de ces chambres a

<sup>(\*)</sup> Voyez ce que nous entendons ici par le mot vide, à la note de l'art. (1338).

deux portes fermées par les soupapes qui leur correspondent, chaque porte ou soupape supérieure établit la communication avec la chaudiere, et chaque porte ou soupape inférieure établit la communication avec le condenseur; ensuite la porte supérieure d'une des chambres Vou V'étant ouverte, la porte inférieure de l'autre chambre est ouverte en même temps; et réciproquement, les deux autres portes étant fermées.

Avantage de la seconde ma-

1410. Il est à propos, avant d'aller plus loin, de faire remarchine sur la quer un avantage de la disposition des soupapes que nous vepremiere, dans la décrire sur celle de la machine décrite dans le chapitre précédent. La fig. (232) représente l'état de cette machine à l'instant où la vapeur de la partie inférieure du cylindre à vapeur se condense; mais il faut bien observer que la condensation a lieu, non seulement pour la vapeur enfermée dans le cylindre dont le ressort a fait monter le piston, mais encore pour celle contenue dans l'espace T', qui est consumée en pure perte, n'ayant point servi à l'effet utile de la machine. Pareillement, lorsque la vapeur de la partie supérieure du cylindre se condensera, on perdra, en outre, toute celle contenue dans l'espace T, qui n'aura point contribué à la descente du piston.

> Un pareil déchet n'a point lieu dans la disposition représentée par la fig. (244), et cet avantage résulte du rapprochement des soupapes S,  $\sigma$ , et S',  $\sigma'$ . En effet, dans le cas de la fig. (244), la vapeur qui est au-dessous du piston du cylindre se condense; mais comme l'espace TTT n'a plus de communication avec le cylindre parceque la soupape S est fermée, il ne se perd rien de la vapeur renfermée dans cet espace, ce qui n'auroit pas lieu si la soupape S étoit au haut de l'espace TTT. Lorsqu'en suite les soupapes  $\sigma$  et S' se fermeront, et que les soupapes S et  $\sigma'$  s'ouvriront, il n'y aura pareillement que la vapeur de la partie supérieure du cylindre qui se condensera; car, lorsqu'elle a asslué dans cette partie supérieure, il n'en est point entré dans l'espace T'T'T', la soupape fermée o' l'ayant empêchée d'y descendre, et le vide s'étant établi dans cet espace. Cette propriété n'existeroit point si la soupape o'étoit au bas de l'espace T'T'T', qui se rempliroit de vapeur en même temps que la partie supérieure du cylindre.

> Ainsi à chaque montée et descente du piston on économise une quantité de vapeur égale en volume aux espaces TTT et T'T'T', et par conséquent le combustible nécessaire pour la produire. Il est hors de doute que cette économie doit à la longue

produire une diminution sensible sur la consommation de charbon.

Il est vrai que cette disposition exige deux boîtes de plus, parceque les soupapes employées de chaque côté aux mêmes fonctions ne sont plus de niveau et que chacune exige une boîte; mais c'est une dépense de premiere construction qui n'est pas bien considérable; nous donnerons même, dans la suite, des moyens de simplifier l'appareil de la fig. (244).

1411. On voit au-dessous de la soupape q, fig. (242 et 244), le Tuyau et soutuyau d'injection xxx dont une extrémité est plongée dans la ion pour conbache [5] et l'autre enfermée dans le condenseur; sa sou- peux. pape n se ferme, plus ou moins, par le moyen de l'écrou m, ainsi qu'on l'a vu art. (1385) auquel on peut recourir pour tout ce qui concerne le tuyau d'injection, celui de la machine, fig. (242), n'ayant aucune particularité qui le distingue essen-

tiellement de celui de la machine, fig. (231 et 232).

1412. L'eau de condensation, qui tombe dans l'espace [4], est enlevée par des moyens semblables à ceux décrits, art. (1386): pour enlever proveon voit, fig. (242), le tuyau uu qui établit la communication nant de la conentre l'espace [4] et le corps de pompe [6]; la soupape u' s'ouvre lors de l'aspiration et se ferme lorsque le piston II s'abaisse. La fig. (245) représente une coupe de la pompe [6] et de la pompe de renvoi; l'eau d'injection, élevée par le piston n dans l'espace ββ, est ensuite aspirée par le piston n', au-dessus de la soupape  $\gamma$ , et enfin élevée jusqu'au tuyau nourricier  $d^{2}d^{2}$ , fig. (241 et 242), qui la conduit au tuyau vertical  $d^3 d^3$  dont l'extrémité inférieure plonge dans la chaudiere; un tuyau de dérivation est placé en  $f^2f^2$ .

Le lecteur reviendra sur les art. (1385, 86, 87 et 1398), s'il n'a pas bien présent à la mémoire ce qui est relatif à l'enlèvement de l'eau d'injection, à son versement dans la chaudiere, et aux motifs qui font choisir cette eau de préférence pour renouveler l'eau que la chaudiere perd par l'évaporation.

Passons au régulateur.

1413. Nous avons vu, art. (1388), les principes sur lesquels Méchanisme et jeu du réguétoit établi le méchanisme qui sert à faire ouvrir et fermer, al-lateur. ternativement, les soupapes destinées à faire passer la vapeur dans le cylindre et au condenseur : l'art. (1389) renferme les applications de ces principes à la machine décrite dans le chapitre précédent; enfin on a vu, art. (1393), que le méchanisme qui en résulte remplit les conditions qu'on doit se proposer dans

la construction d'un bon régulateur. La machine que nous décrivons va fournir une seconde application de la même méthode, ce qu'on appercevra aisément à l'inspection des fig. (250, 251, 252 et 253).

Lorsqu'en comparant le profil, fig. (250), avec l'élévation, fig. (252), et les plans, fig. (251 et 253), on se sera mis au fait de la distribution des différentes pieces sur les axes, il faudra comparer le tout avec la fig. (242), afin de voir la correspondance de l'encliquetage avec le jeu des soupapes: nous allons entrer dans quelques détails pour faciliter ces divers rapprochements.

On sait (1388 et 1389) que les axes p' et p'' peuvent avoir un mouvement de rotation, et que toutes les pieces qu'ils supportent, étant fixées sur ces mêmes axes, ont le mouvement de rotation commun avec eux; on sait encore qu'il n'en est pas de même de l'axe p, qui est immobile, mais que les pieces qu'il supporte, l'embrassant à frottement doux, tournent autour de lui d'une maniere respectivement indépendante. Cela posé, onvoit, en rapprochant la fig. (250) de la fig. (242), et plaçant mentalement le petit profil qui est à gauche de cette figure derriere la partie supérieure de l'espace TTT, on voit, disons-nous, que les tringles hq et h'q' sont destinées à faire ouvrir et fermer les soupapes o' et S et que les tringles h'q' h'q' ont la même fonction à l'égard des soupapes S'et o; les leviers recourbés au moyen desquels ces tringles font lever et baisser les soupapes sont indiqués dans la figure, et on les a déja vus dans la fig. (239).

Dans l'état que représente la fig. (250), les soupapes  $\sigma$  et S', correspondantes aux tringles h'q' et hq, sont fermées; elles sont maintenues dans cette position par les pieces bb''b' et  $\rho'\gamma'$  qui forment un encliquetage. Le poids ou lentille b'' tend à presser horizontalement l'entaille placée en b' contre la piece ou cliquet  $\rho'\gamma'$ ; une lentille n, qui tend à faire remonter l'extrémité  $\gamma'$ , la fait, de son côté, presser de bas en haut contre l'entaille b', au moyen de quoi l'encliquetage est parfaitement sûr.

Quant aux soupapes  $\sigma$  et S', elles sont ouvertes et maintenues dans cette position par la pesanteur de la lentille n'. On conçoit, en effet, que ces soupapes ne pourroient se fermer sans que les articulations  $h^2$  et  $h^3$  ne tournassent autour de l'axe p', afin de lâcher les tringles  $h^2q^1$ ,  $h^3q^3$ , de la quantité nécessaire pour opérer leur abaissement : mais ce mouvement ne peut avoir lieu sans que la lentille n' ne tourne aussi et ne s'éleve; or elle est assez pesante pour ne point s'élever sans y être sollicitée par un moteur étranger aux pieces qui tiennent à l'axe.

Qu'on

Qu'on suppose maintenant que la poutrelle & \$\mathcal{S}\$, attachée au balancier et parvenue au point le plus haut de sa course, redescende, la cheville x' viendra appuyer sur le levier p'' g', et faisant tourner l'axe p", fera tourner en même temps toutes les pieces qui y sont attachées; le cliquet p" y viendra donc s'engager dans l'entaille a' de la piece a p a', qui, comme on sait, tourne librement sur l'axe p; le centre de gravité de cette piece se trouvant à gauche de l'axe p, elle tend toujours à presser du même côté, et fait par son propre poids, contre l'extrémité  $\gamma$ , l'effet que la lentille b' produit à la jonction y'b'; ensuite le contre-poids e'' n' étant devenu horizontal, ou a-peu près, produit une pression dans le sens a'p, qui; jointe à celle dans le sens  $\gamma p''$ , assure la solidité de l'encliquetage. Les soupapes o et S' qui étoient ouvertes se trouvent alors fermées; car les articulations  $h^5$ ,  $h^2$ , tournant avec toutes les pieces de l'axe p', arrivent au point où les lignes angulaires  $\rho'' h^3 q^5$ ,  $\rho'' h^2 q^4$ , deviennent des lignes droites, position à laquelle les tringles acquierent assez de jeu pour que les soupapes soient entièrement abaissées.

Dans le même temps le tasseau o' atteint l'extrémité b de la branche b et la force de s'abaisser; aussitôt la lentille b'' s'éleve et l'encliquetage b' b' se lâche; le contre-poids b' b' s'abaisse alors, fait tourner les articulations b' et b', ouvrir les soupapes b' et les pieces de l'axe inférieur prennent une position semblable à celle que viennent de quitter les pieces de l'axe supérieur; elles s'y maintiennent par l'effet du contre-poids b' b' est lâché, la branche b' vient, par l'effet du contre-poids b'', s'appuyer contre la branche b', de la même maniere qu'on

voit, dans la figure, p a' s'appuyer contre p'y.

Les choses restent dans cet état jusqu'à ce que la poutrelle  $\mathcal{S}$  soit remontée à la hauteur nécessaire pour que la cheville x atteigne le levier  $\rho'g$ : la pression qu'elle exerce contre ce levier fait rengager l'encliquetage et le remet, ainsi que les soupapes  $\sigma'$  et S, dans la position de la figure; en même temps le tasseau  $\sigma$  vient presser l'extremité  $\sigma$  du levier  $\rho$   $\sigma$ , fait dégager l'encliquetage  $\rho''$   $\rho$   $\sigma'$ , qu'il remet pareillement ainsi que les soupapes  $\sigma$  et S' dans la position de la fig. (242). On voit par là comment la montée et la descente successives de la poutrelle  $\mathcal{S}$   $\mathcal{S}$  font fermer et ouvrir alternativement les soupapes  $\sigma'$ , S;  $\sigma$ , S'.

La poutrelle & tient, fig.(241), au balancier mû par l'action immédiate du cylindre à vapeur; ce qui acheve d'expliquer Tome II.

l'influence réciproque du régulateur sur le mouvement du piston et du mouvement du piston sur le régulateur: on conçoit donc comment, en continuant seulement d'entretenir le feu, le mouvement de la machine se continuera spontanément et sans le secours d'aucun agent étranger.

Contre-poids aubstitues dans ce régulateur,

1414. On a pu remarquer que dans le régulateur que nous venons de décrire nous avons substitué des contre-poids n et n' aux lentilles s'' S''', S'', de la fig. (239); l'un et l'autre de ces l'effet dans la premiere ma-chine. sur celui de la fig. (230) le désavantage de s'abaisser rapidesur celui de la fig. (239) le désavantage de s'abaisser rapidement et de causer des saccades: cependant nous avons observé que dans certaines machines, où l'on avoit employé le méchanisme fig. (239), la forme des pieces S'S'', S' S', étoit telle, qu'on ne profitoit nullement de la courbure dont leur partie inférieure est susceptible, et qu'il ne paroissoit pas que cette omission entraînât d'inconvénient sensible.

Mechanisme, usage et calcul

1415. La soupape q, fig. (242 et 244), placée au-dessus de l'odumodérateur rifice qui fait communiquer l'espace QQ avec l'espace k dans destiné à régler la lequel jaillit l'eau d'injection, doit s'élever ou s'abaisser plus ou moins, selon la rapidité avec laquelle on veut que s'opere la condensation. Nous avons parlé (1385) de la nécessité de pouvoir modérer la vîtesse de la machine dans certaines circonstances; le méchanisme employé ici pour produire cet effet est différent de celui adapté, pour le même objet, à la machine décrite dans le chapitre précédent; voici en quoi il consiste.

La fig. (246) représente l'élévation latérale de la partie inférieure des pieces [3], [3], fig.(241), où se trouve la soupape q qui est ponctuée, fig. (246); une cheville ou arrêt z fixée à la tige de cette soupape porte sur un levier wz, dont l'axe est en w, et comme la distance wz est petite par rapport à wz', un mouvement très sensible en z'n'en produit qu'un fort petit en z: une chaîne ou corde verticale z't s'enroule sur une poulie ou un cylindre dont l'axe répond au centre d'un cadran extérieur, et porte un index qui peut répondre à différentes divisions de ce cadran : d'après cela, on conçoit qu'en tournant l'index à droite ou à gauche, on fait hausser ou baisser le point z' et par conséquent la soupape q; ce qui satisfait aux conditions demandées.

L'index t muni de son cadran fait l'effet d'un micrometre au moyen duquel on peut faire mouvoir la soupapq d'une quantité aussi petite qu'on veut, quantité qu'il est facile d'évaluer; car soit a=wz; b=wz; k= la longueur de la circonférence sur laquelle s'enroule l'extrémité supérieure de z't; n= le nombre entier ou fractionnaire de tours faits par l'index; h = l'élévation de la soupape correspondante à la marche n de l'index;

on a 
$$h = \frac{a}{b}kn$$
.

Si le cadran est supposé divisé en un nombre q de parties et qu'on nomme q' le nombre des divisions parcourues par l'index, on aura  $n = \frac{q}{a}$ , et l'équation précédente se changera

en 
$$h = \frac{a}{b} \cdot \frac{q'}{q} \cdot k.$$

1416. Le modérateur que nous venons de décrire fournit le moyen de faire varier à volonté la vîtesse du piston, le feu Comparaison de ce modéra restant le même, depuis zéro jusqu'à la limite indiquée art. teuravec celui de la premiere (1385); mais il exige le secours d'un agent extérieur et étran-machine. ger à la machine, et n'a pas, comme celui décrit art. (1394), l'avantage de conserver spontanément l'uniformité du mouvement. Nous avons néanmoins voulu le faire connoître, afin de varier les procédés et parceque dans bien des cas il est susceptible d'une application utile: les constructeurs pourront, selon les circonstances, opter entre l'un et l'autre. Nous parlerons dans la suite de quelques autres expédients employés pour parvenir au même but.

1417. La machine que nous décrivons differe encore de celle décrite dans le chapitre précédent dans une partie importante, Du moyen savoir la communication de l'effort du moteur à la résistance. assurer la verticalité du moteur devant, d'après du piston du cylindre à vapeur devant, d'après du piston du cylindre à vafaire effort en montant et en descendant, il est nécessaire, pour comme ci-devant, qu'elle soit entièrement rigide et que son extrémité supérieure se meuve dans une ligne droite verticale. Voici comment on a rempli cette derniere condition sans employer le parallélogramme de la fig. (225.)

Deux pieces de bois ab, dO, tournent autour des points ou centres a et O; leurs autres extrémités b et d sont assujetties l'une à l'autre par la piece de fer b c' d, avec des articulations en bet en d. Les longueurs ab et dO, de centre en centre des tourillons, sont égales; la somme ab+dO de ces longueurs est égale à la distance du point a au point O projetée sur l'horizon, ou mesurée horizontalement, en sorte que lorsque ab et dO sont de niveau, la ligne droite passant par d et b est verticale; et comme la longueur de la piece bd, de centre en centre des

tourillons, est égale à la différence de niveau des points a et O, b d devient verticale en même temps que ab et dO deviennent horizontales.

Au moyen de cette disposition, si les points b et d ne décrivent pas des arcs d'un grand nombre de degrés, au-dessus et au-dessous des horizontales passant respectivement par les points a et O, le milieu c' de bd parcourra sensiblement une ligne droite verticale. En effet, tant que b et d s'éloignent peu de l'horizontale, les rayons a b et d O étant de même longueur, le point b s'éleve ou s'abaisse, par rapport au point a, sensiblement de la même quantité dont le point d's'éleve ou s'abaisse par rapport au point O; d'où il suit que les arcs décrits par les points b et d peuvent, dans ce cas, être censés égaux. Cette hypothese admise, les points b et d doivent toujours être à la même distance d'une verticale dont les points O et a seroient eux-mêmes également éloignés; donc si c'est placé au milieu de bd, il doit se trouver continuellement dans la verticale dont nous venons de parler. Cette verticale passant par l'axe commun du cylindre à vapeur [2] et de la tige cc' de son piston, il ne s'agit que de placer un axe horizontal au sommet c' de la tige qui tourne dans un collier pratiqué au milieu de bd, et on aura rempli la condition proposée: nous traiterons bientôt, art. (1478 et suivants), avec plus de détail, la partie géométrique du problême.

Comparaison de ce moyen

1418. Le procédé que nous venons de décrire paroîtra sûreanalogue employé dans la que celui dont il a été question art. (1402); nous observerons premiere ma cependant qu'il exige un balancier d'O et un contre balancier ab, et par conséquent deux axes de rotation a et O: il est vrai que ces axes n'ont pas besoin d'être construits avec la même solidité que l'axe unique de la fig.(225), parcequ'ici l'effet de la pression, des chocs et des saccades, se diminue en se portant sur deux points. Passons à l'effet de ces balanciers.

1419. La piece ab porte deux secteurs kk; on ne voit dans Pieces que le l'élévation de la machine que celui de devant, qui cache l'autre, balancier et le et auquel est attachée une chaîne qui porte le piston de la contre-balancier ontamou- pompe à air [6]. Le secteur de derrière porte le piston de la pompe de renvoi \* \* qui éleve dans le tuyau d'd' l'eau d'injection aspirée dans la pompe à air.

> Le balancier df'f est composé de deux pieces dO, f'f, assemblées à angle droit et maintenues par des tirants de fer ef, e'f'. Des articulations placées en f et f' lient la piece ff' aux verges

fg, f'h, en continuation desquelles sont des chaînes gg/g", hh'h", qui s'enroulent sur des poulies P et P et qui supportent les pistons de deux pompes HH, GGG'G'. On voit aisément comment la vapeur, faisant alternativement monter et descendre le piston du cylindre à vapeur [2], poussant et tirant verticalement la tige cc', doit communiquer au balancier et au contre-balancier un mouvement qui fait marcher les pistons des pompes [6], # ", HH et GGG'G'.

1420. Si on vouloit faire produire à la machine le mouvement de rotation et y adapter un volant, il faudoit prolonger le balancier ou plutôt le demi-balancier dO afin d'avoir une seconde pourroit adapbranche à droite de la premiere, à l'extrémité de laquelle on le un volent adapteroit l'équipage nécessaire pour produire l'effet desiré: la machine de la pompe H H est celle qui fournit l'eau à la bache [5]; on voit, produit l'effet desiré. fig. (247), le tuyau H'H'H' qui communique de l'un à l'autre; un tuyau à robinet, placé à la partie inférieure de la bache, sert à la vider; on voit ce tuyau derriere la pompe à air, fig. (247). Voyez à cet égard ce qui a été dit art. (1395).

La pompe GG G'G', fig. (241 et 242), est celle qu'on suppose produire l'effet utile de la machine laquelle est censée destinée à élever l'eau du puisard NNN, soit pour un desséchement,

soit pour un autre objet d'utilité.

La pompe HH se rapporte immédiatement à celle représentée par la sig. (149), et dont le jeu est décrit art. (663); quant à la pompe GG, son piston, en montant, éleve l'eau, par aspiration, au-dessus de la soupape qui ferme la partie supérieure du tuyau d'aspiration, et en même temps refoule l'eau précédemment aspirée dans le tuyau montant G'G'. Lorsque ce même piston redescend, sa soupape s'ouvre pour donner passage à l'eau qu'il vient d'aspirer, saquelle vient prendre la place de l'eau refoulée, et ainsi de suite; tout cela doit être entendu à la simple inspection de la figure par ceux qui ont lu avec tant soit peu d'attention le chapitre de la premiere partie de cet ouvrage qui traite des machines à élever l'eau, art. (645 et suivants).

1421. Lorsque le piston du cylindre à vapeur s'éleve, les pistons des pompes HH, [6], et \*\*, s'élevent en même temps; le Considérations et explipiston de la pompe GG s'abaisse par son propre poids, et cations sur la l'eau que la machine est destinée à monter n'est portée du ceteffetest propuisard au réservoir supérieur que lors de la descente du piston de quelques du cylindre à vapeur. Il sembleroit, d'après cela, que, déduc- difficulté. tion faite des frottements et autres obstacles à ranger dans la

même classe, la moitié du surplus de l'action du moteur est employée à élever l'eau, destinée uniquement à l'entretien du mouvement de la machine: mais il n'en est pas ainsi. Observons que, lorsque le piston du cylindre à vapeur monte, il enleve, outre l'eau dont on vient de parler, une partie du poids du balancier et contre-balancier, plus tout l'attirail que ces deux pieces supportent, et qu'il n'est soulagé que d'une petite partie de cet effort par le poids du piston de la pompe GG: or, lorsqu'il redescend, le poids soit absolu soit relatif de toutes les pieces enlevées s'ajoute à l'effort de la vapeur pour augmenter l'effet de la pompe (\*) GG G'G', et le résultat est le même que si cet excédent d'eau avoit été enlevé par la vapeur lors de la

montée du piston.

Il faut que le lecteur pese cette derniere réflexion pour éviter l'erreur de croire qu'on tombe ici dans l'inconvénient des machines représentées par la sig. (194), qui élevent, en même temps, et l'eau et des contre-poids, et qu'on se prive, par conséquent, de l'avantage énoncé art. (1401), de pouvoir, par comparaison à ces machines, diminuer dans celle-ci le diametre du cylindre à vapeur, en produisant le même effet. Faisons attention que dans le cas de la fig. (194) le piston ne fait aucun effort en montant, mais que dans celui de la fig. (241) il en fait un qui lui est restitué en descendant, et qu'au total la vapeur ne fait dans chaque course que la moitié de l'effort dû à l'effet total produit au bout d'une montée et d'une descente, ou de deux courses, propriété caractéristique énoncée art. (1401).

l'our mettre cette vérité hors de toute incertitude, supposons que le balancier dO ait à droite de l'axe O un autre bras armé de maniere à pouvoir faire équilibre à tout l'attirail qui est à gauche: dans ce cas, lorsque le piston montera, il sera soulagé de toutes les masses qu'il enlevoit précédemment, outre l'eau d'injection et celle destinée à l'entretien de la bache; il pourra donc, au lieu de ces masses, porter une certaine quantité au réservoir, soit par une pompe particuliere, soit par un moyen quelconque: mais lorsque ce même piston redescendra, l'effort de la vapeur ne sera plus augmenté, comme il l'étoit, du poids des corps enlevés dans la course précédente, et la diminution d'effet qui en résultera équivaudra à ce qu'on a gagné lors de l'ascension du piston. Il est donc hors de doute que l'expédient

<sup>(\*)</sup> Il faut excepter la partie du poids du piston de la pompe HH em ployée à refouler l'eau dans la bache,

dont on vient de parler ne feroit qu'augmenter inutilement la

charge de l'axe.

Le point essentiel est d'équilibrer les efforts de maniere que le piston du cylindre à vapeur soit également pressé en montant et en descendant, sans quoi il n'y aura pas d'uniformité dans le mouvement. La quantité de cette pression dépend de l'effet qu'on veut produire, effet d'après lequel on détermine le diametre du cylindre. Si, par exemple, la résistance, absolue ou relative, que le piston a à surmonter en montant étoit moindre que l'effort de la vapeur, l'excédent de cet effort pourroit immédiatement être employé à l'effet utile de la machine; ou, plus simplement, on pourroit suspendre un poids équivalent à la tige du piston de la pompe HH, qui restitueroit, en descendant, l'effet dont son ascension auroit tenu lieu. Nous ajouterons diverses considérations à ce que nous venons de dire, lorsque

nous parlerons du calcul des machines à feu.

1422. Les fig. (248 et 249) représentent les plans du fond du cylindre à vapeur et celui de sa partie supérieure avec les Détails sur coupes horizontales des boîtes correspondantes, destinées à composent le établir la communication entre la chaudiere, le cylindre à va- exlindre à vapeur et le condenseur; en comparant ces figures avec le profil, sig. (242), on aura une idée de la composition du cylindre. On voit qu'il est formé de l'assemblage de quatre pieces principales; savoir le couvercle, qui est traversé par la tige du piston et auquel est adapté le steam-box dont nous avons parlé art. (1397); une piece inférieure dans laquelle est l'ouverture par où la vapeur s'introduit au-dessus du piston; le corps du cylindre proprement dit; et enfin le fond. La disposition des parties supérieures doit réunir à la condition de la solidité celle de l'imperméabilité à la vapeur au travers des joints d'assemblage; celle, fig. (248), à une condition de plus à remplir, savoir la facilité de l'écoulement de la petite portion d'eau résultante de la vapeur qui se condense contre la paroi intérieure du cylindre à vapeur et par d'autres causes. Le rapprochement des fig. (248 et 242) fait voir comment on a rempli cette condition. On voit que le bas du grand corps du cylindre est terminé par une calotte sphérique renversée; au milieu de cette calotte est un trou quarré formant un des orifices d'un canal dont l'autre orifice est l'ouverture par laquelle la vapeur s'introduit dans le cylindre au-dessous du piston, le fond du canal ayant une courbure et une inclinaison pour faire couler le fluide d'un orifice à l'autre : de cette maniere toutes les gouttes condensées

dans le cylindre se réunissent nécessairement au trou formant le centre de la calotte inférieure, d'où elles vont se réunir à l'eau de condensation.

passer la machine du repos au mouvement.

2423. Nous avons dit art. (1396) de quelle maniere on donnoit l'impulsion primitive à la machine décrite dans le chapitre précédent, pour la faire passer du repos au mouvement; les procédés pour expulser l'air, au moyen de la vapeur, sont ici les mêmes; on ouvre les quatre soupapes correspondantes aux ouvertures VV et V'V', fig. (242), du bas et du haut du cylindre. la soupape q du condenseur, celle du renissar, qu'on voit à gauche de la pompe à air [6], et on ferme la soupape n du tuyau d'injection. Le feu étant mis au fourneau et l'eau parvenue à l'ébullition, la vapeur qui s'en dégage chasse l'air contenu dans tout l'espace où elle pénetre, c'est-à-dire dans tout l'intérieur de la machine. Il est aisé de s'assurer que l'air n'a d'autres issues pour s'échapper que le renissar et les soupapes du piston de la pompe [6]. Lorsque la vapeur occupe seule tout l'intérieur, on ferme la soupape du reniflar, deux des soupapes S, S',  $\sigma$ ,  $\sigma'$ , on ouvre la soupape du tuyau d'injection, et le mouvement du piston se produit et se continue comme on l'a expliqué art. (1396).

såreté.

1424. On voit à côté du regard R de la chaudiere la sou-Soupape de pape de sûreté R'; une chaîne, qui passe sur une poulie p' et qui correspond à un mouvement à équerre, facilite le moyen de la lever à volonté lorsqu'on veut arrêter la machine. Voyez

ce que nous avons dit art. (1400).

connoître chaudiere.

1425. L'élévation de la chaudiere, fig. (241), représente le Tuyau d'épreuve  $\gamma\gamma$ ; on sait (1398) que c'est un tuyau recourbé , une de ses extrémités plonge dans l'eau dans la l'eau, l'autre dans la vapeur, au moyen de quoi l'eau doit se tenir dans le tube à la même hauteur que dans la chaudiere; et comme la partie apparente de ce tube est en verre, on peut continuellement s'assurer de la permanence ou de la variation du niveau de l'eau dans l'intérieur de la chaudiere; c'est par cette observation qu'on peut régler la quantité d'eau à faire passer par le tuyau nourricier  $d^2 d^2$ .

les machines anoiennes.

1426. On a employé, dans un grand nombre de machines à Procédé pour seu de l'espece de celles que nous décrirons dans le chapitre parvenir au mêmebutdans suivant, un autre moyen pour s'assurer de la hauteur de l'eau dans la chaudiere. Deux tuyaux verticaux p et q, fig. (258), traversoient le chapiteau de cette chaudiere; leurs parties extérieures et apparentes ont seulement la longueur suffisante pour pouvoir y adapter commodément un robinet; leurs parties intérieures renfermées dans la chaudiere descendoient assez bas pour que le bout d'un des tuyaux trempât de deux ou trois pouces dans l'eau, et que le bout de l'autre atteignît seulement au fond de la vapeur, à une très petite hauteur audessus de la surface de l'eau. Pour s'assurer s'il y avoit trop ou trop peu d'eau dans la chaudiere, on tournoit les robinets des deux tuyaux lorsque l'ébullition avoit lieu; s'ils donnoient tous deux de l'eau, c'est une preuve que l'extrémité du plus court atteignoit l'eau et que par conséquent il y en avoit une trop grande quantité; s'ils donnoient tous deux de la vapeur, c'étoit l'indice du contraire. Le moyen indiqué dans l'article précédent est beaucoup plus simple et plus commode que celui-ci.

Il faut observer que, dans l'usage des tuyaux d'épreuve dont on vient de parler, la force expansive de la vapeur doit surpasser le poids de l'atmosphere de maniere à faire équilibre à ce poids plus à une colonne d'eau de plusieurs pieds. La hauteur moyenne de cette colonne dans des machines du genre de celle représentée par la (fig. 193) est de 7 à 8 pieds: ainsi la vapeur doit avoir, sur le poids de l'atmosphere, une prépondérance équivalente à une colonne d'eau bouillante de 7, 5 pieds de hauteur, qui, eu égard à la diminution de densité, (525), équivant à 7, 3 pieds d'eau froide ou à 6,56 pouces de mercure. La force expansive de la vapeur est donc au moins de 34,56 pouces de mercure; ce qui, table X, répond à une température de plus de 84 degrés pour le cas de l'équilibre; ordinairement la température est d'environ 85 degrés.

1427. On place ordinairement près de la chaudiere et à la hauteur convenable un réservoir provisionnel contenant l'eau pour remplir destinée à la remplir; cette eau peut être amenée dans le ré-la chaudiers. servoir par des moyens dépendants du jeu de la machine, qu'il est aisé d'imaginer. On a vu art. (1386) comment, lorsque la chaudiere étoit une fois remplie, on réparoît, pendant tout le temps de son mouvement, les pertes de l'évaporation pour

l'entretien à une hauteur constante.

Détails sur les machines à feu qui ne sont point à double effet, et rapports de ces machines avec celles décrites dans les chapitres précédents.

1428. Il est sans doute des limites que le génie de l'homme sur le sens ne franchira jamais; il est des difficultés que son industrie ne qu'on doit atpourra pas surmonter: mais quand sera-t-il au terme de ce qu'il tacher au mor peut exécuter ou concevoir? S'il est une recherche qui doive dans les arts; échapper à tous ses efforts, c'est assurément celle de la solution de la machine a feu; analogie Tome II.



d'une pareille question. Les connoissances exactes n'ont pas « cessé de s'accroître depuis qu'Apollonius et Archimede semanimale; utilis bloient avoir épuisé les combinaisons géométriques. Les sciences te de l'histoire naturelles ont subi des révolutions encore plus rapides et plus étonnantes: les arts, il est vrai, offrent assez généralement moins de disproportion entre les richesses de l'antiquité et celles de l'âge moderne, parcequ'ils doivent en partie leur origine et leurs progrès au besoin et au tâtonnement, qui agissent également dans tous les siecles. Mais neus touchons à l'époque à laquelle la géométrie, la physique et la chymie vont enfin s'emparer des procédés dus au hasard et abandonnés aux praticiens. Déja les plus heureux essais rous annoncent combien le cabinet du savant et l'attelier du fabricateur peuvent se fournir réciproquement et des objets de découverte et des moyens

de perfection.

Le mot perfection, dans les arts, ne doit donc présenter au philosophe qu'une idée de relation, et nullement celle d'une ligne de démarcation absolue entre ce qui est fait et ce qui peut se faire. L'histoire de la machine à feu en fournit un exemple remarquable: des son origine elle fut regardée, par les hommes éclairés, comme une des plus belles inventions de l'esprit humain; bientôt, d'un objet particulier d'utilité, elle devint, par l'addition du balancier, un moteur applicable à toute espece de mouvement; enfin l'invention du régulateur parut avoir complété l'œuvre du génie. On vit, pour la premiere sois, un mouvement, qui, comme dans l'économie animale, une fois imprimé, se perpétuoit de lui-même à l'aide de la chaleur, et ne s'éteignoit qu'avec elle. Cette analogie, si flatteuse pour l'imagination, se soutenoit dans les diverses parties du méchanisme qui présentoit le symbole de la respiration et de l'inspiration, une circulation intérieure de fluide réparant les pestes, et devenant, sans secours étrangers, le principe conservateur d'une espece de vie méchanique, etc.

Cependant, depuis les travaux de Newcomen et de Beighton (\*), le système de construction des machines à seu a change deux fois de face, et, quel que soit son degré de perfection actuelle, il peut encore subir bien des révolutions. Nous pensons d'après cela qu'il est utile de faire connoître aux artistes, plus particulièrement que nous ne l'avons fait jusqu'à présent, les machines qui ont précédé celles décrites dans les deux chapitres

<sup>(\*)</sup> Voyez sur Beighton la note de l'art. (1337).

précédents. L'histoire de l'enchaînement des découvertes est toujours une bonne leçon pour le génie: elle encourage l'esprit d'invention par le tableau de ce qui a été lait avant nous, et elle réprime les élans de l'amour-propre, en donnant la prévoyance de ce que pourront faire nos successeurs.

Commençons par la machine de Newcomen.

1429. Le lecteur woudra bien relire ce que nous avons dit art. (1338, 1339 et 1340), où il verra l'effet général dépendant chaudiere au alternativement de la force expansive de la vapeur et du peur. poids de l'atmosphere. Ces articles bien conçus, passons aux (fig. 254, 255 et 258): les deux premieres montrent l'élévation et le plan du régulateur qui fait mouvoir le robinet du tuyau d'injection et ouvrir ou fermer la communication entre la chaudiere et le cylindre; la (fig. 258) est un profil commun du cylindre, de la chaudiere, et de différentes parties accessoires.

L'eau contenue dans l'espace QRTS, et échauffée par le feu qui se fait dans le fourneau QVXT, se vaporise dans l'espace RZS, et la vapeur peut se transmettre dans le cylindre à vapeur AE par le cylindre KZ: ne cylindre est composé de trois pieces; la piece inférieure le la partie d'une plaque ronde  $\pi$ (fig. 255) qui termine l'alambic ou la calotte de la chaudiere; la supérieure fait partie du cylindre à vapeur; et l'intermédiaire est liée avec les deux autres par deux brides. La base de la piece inférieure est terminée par un petit relief, en saillie de quelques lignes, formant une couronne, contre laquelle s'applique la plaque ronde, ou diaphragme, destinée à interrompre le passage de la vapeur dans le cylindre, comme nous le verrons bientôt.

Le cylindre à vapeur est percé, à quelques pouces au-dessus de sa base, de deux trous diamétralement opposés, chacun accompagné d'un collet G; l'un répond à l'extrémité du tuyau d'injection H, et l'autre à un godet I, dont l'usage sera expliqué ci-après.

Cela posé, voici comment se fait l'injection, et comment la vapeur est introduite dans le cylindre à vapeur ou interceptée

à l'orifice Z.

1430. La (fig. 250) est un profil de la piece inférieure du cy-piecesqui tien-nent au régulindre de communication KZ; on y voit la section WW de la lateur, jeu de plaque qui termine le sommet de la chaudiere, et celle GH de comment il la bride qui fait liaison avec le surplus du cylindre KZ.

Cette piece répond à quatre supports de fer KL, qui sou-le mouvement de la machine tiennent un anneau OS. Cet anneau supporte un ressort MN, une sois produit,

qui presse une demi-sphere Z', laquelle fait partie de la plaque

ou diaphragme Q Z'R qui ferme l'ouverture Z.

La (fig. 263) est la projection orthogonale sur un plan horizontal de la (fig. 259) vue par dessous; on y voit le couronnement WW de la chaudiere, l'anneauOS, le ressort MN, et l'orifice Z. La (fig. 261) est un profil de la plaque QR dont le plan est représenté par la (fig. 262). On voit qu'elle a un manche RT,

percé d'un trou quarré ad.

Le trou ad est destiné à recevoir la partie quarrée ad d'un pivot vertical (fig. 260), dans laquelle on voit une fente pour placer une clavette. Ce pivot tourne sur les tourillons cb et ae: le tourillon inférieur cb joue dans un trou V, fait à l'anneau OS; et le supérieur ae entre exactement dans un trou pratiqué à la plaque  $\pi$ , répondant à l'endroit  $\delta$  (fig. 255). L'extrémité supérieure ef du pivot, qui est quarrée et entièrement saillante hors de la chaudiere, fait l'office d'un tenon, qui s'adapte au trou quarré d'une clef  $\delta \gamma$ .

On voit donc qu'en tournant à droite ou à gauche le manche de la clef  $\delta\gamma$ , on fera faire un mouvement semblable au pivot fc, par suite à la plaque QR, et qu'ainsi on a un moyen extérieur d'ouvrir et de fermer la communication entre la chaudiere

et le cylindre à vapeur.

Le robinet g (fig. 254) du tuyau d'injection a pareillement une tige supérieure, saillante extérieurement, à laquelle est fixée une patte d'écrevisse h; c'est cette patte d'écrevisse et la clef  $\delta \gamma$  qui sont mues par le régulateur pour produire et perpétuer le mouvement de la machine, ainsi qu'il suit.

Deux poteaux A (fig. 254, 255, 264) soutiennent un axe BC qui tourne sur ses tourillons; à cet axe sont fixées quatre pieces qui tournent avec lui; savoir une branche EK terminée par un poids K, un levier GH, un autre GF, et une patte DER à

deux griffes.

L'axe BC porte encore une cinquieme piece qui est un étrier a b c d; mais cet étrier n'est point, comme les quatre pieces précédentes, fixé à cet axe, sur lequel il peut jouer librement, au moyen d'un trou pratiqué à chacune de ses branches ba, c d.

Le manche  $\delta \gamma$  de la clef qui ouvre et ferme le cylindre à vapeur, passe, en  $\gamma$ , au travers d'une fente pratiquée dans la tige  $\gamma'h$ , terminée par une fourche fg; les branches de cette fourche sont traversées librement par un axe bc fixé à l'étrier abcd.

Au - dessus de l'équipage qu'on vient de décrire, on voit une

piece de bois S, qui supporte une espece de marteau fad, auquel est adaptée, à-peu-près à angle droit sur sa direction, une tige de fer ab, qui passe entre les deux pinces de la patte d'écrevisse h; la piece fd et le levier ab ont un mouvement commun de rotation sur un axe ou boulon placé en a, dans la situation que représente la figure; le marteau f est retenu par une entaille pratiquée à une piece de bois je; il porte en conséquence un petit arrêt disposé pour se loger dans cette entaille et former une

espece d'encliquetage.

Il suit de ce qu'on vient de dire, que, sans appliquer la main à la clef dy ni à la patte d'écrevisse h, on peut faire ouvrir ou fermer soit le diaphragme soit le robinet d'injection; en effet, en faisant mouvoir une quelconque des pieces qui paroissent à droite de BC, on fera tourner cet axe et la patte DR: or cette patte viendra rencontrer l'axe bc, auquel tient la fourche qui termine la tige  $h \gamma'$ , tirera par conséquent cette tige dans un sens ou dans l'autre, et entraînera par suite la clef &  $\gamma$ , ce qui produira le même effet que si on mettoit immédiatement la main à cette clef. Pareillement, supposant l'encliquetage libre en f, et faisant tourner le marteau fd sur l'axe a, la broche ab rencontrera l'une ou l'autre des pinces de la patte d'écrevisse h et fera ouvrir ou fermer le robinet d'injection. Il ne s'agit plus que de produire ces effets au moyen du mouvement même de la machine; c'est ce que fait la poutrelle L, suspendue au balancier par une chaîne, comme on le voit dans la (fig. 256).

Cette poutrelle, que nous appellerons coulisse, parcequ'elle est ouverte dans la plus grande partie de sa hauteur, entre librement dans un trou quarré MN, qui la maintient dans sa situation verticale; elle est garnie de quatre chevilles placées aux points Q, P, d, T, dont les distances se reglent par les expériences qu'on fait pour s'assurer que tous les mouvements se font bien à temps.

Supposons maintenant que le piston du cylindre à vapeur soit au point le plus bas de sa course, ce qui est l'état représenté par la (fig. 256), et que l'orifice Z (fig. 258), qui communique de la chaudiere au cylindre, soit ouvert; la vapeur affluera par dessous le piston, et sa force expansive, jointe au poids qui est de l'autre côté du balancier, surmontera la pression de l'atmosphere et fera élever le piston; la poutrelle L (fig. 254) montera avec la branche du balancier à laquelle elle est attachée: alors les chevilles qui y sont attachées et les poids K et f produimont les effets suivants. 1°. La cheville P fera monter la branche 6'F, fera par conséquent tourner l'aissieu CB et élever le poids

K, ce poids K en s'élevant atteindra la verticale et la dépassera. 2°. A compter de cet instant la cheville P cessera de presser la branche G'F; mais le poids K, tombant du côté gauche, continuera de faire tourner l'axe BC avec tout l'équipage qui y est fixe : la branche D de la griffe DR viendra donc choquer l'axe bc, et fera faire une portion de révolution à l'étrier abcd, qui, entraînant dans son mouvement la fourche  $\gamma' h f g$ , for a tourner la clef & y et fermer l'ouverture Z (fig. 258). 3°. La vapeur zinsi séquestrée dans le cylindre continue à presser le piston; mais bientôt la cheville T rencontre la barre ej, l'éleve en la faisant tourner sur son pivot en e, et sait dégager l'encliquetage en f. Le marteau f tombe aussitôt sur une planche placée en V et fait faire une portion de révolution à la broche ab. Cette broche vient choquer contre une des pinces de la patte d'écrevisse h, et fait ouvrir le robinet d'injection; une certaine quantité d'eau froide venant d'un réservoir supérieur, dont nous parlerons bientôt, jaillit alors dans le cylindre avec une vîtesse due à la hauteur de sa chûte, à laquelle s'ajoute bientôt le poids de l'atmosphere; car la vapeur contenue dans le cylindre se condense très rapidement et le vuide s'y établit.

La vapeur n'opposant plus de résistance à la pression de l'air extérieur, le piston redescend; alors les chevilles d'et Q et le poids K produisent les effets suivants: 1°. la cheville d', en des--cendant, presse sur la branche ad, fait relever le marteau f; la broche ab rencontre en tournant la pince de la patte d'écrevisse h opposée à celle qu'elle avoit touchée précédemment et fait fermer le robinet d'injection : 2°. par une continuation du même mouvement l'encliquetage du marteau f se rengage et ce marteau reste élevé: 3°. la cheville Q rencontre la branche GH qui avoit été élevée par la chûte du poids K et la fait redescendre; le poids K. remonte de gauche à droite, atteint la verticale et la dépasse : 4°. dès cet instant la seule action du poids K fait mouvoir tout l'équipage sixé sur l'axe BC, la grisse DR vient atteindre d'un mouvement accéléré l'étrier abod; sa branche R choque l'axe cb, et remet l'étrier abcd, la fourche  $\gamma'hfg$  et la clef  $\delta\gamma$  dans la position où ils étoient cidevant; l'ouverture Z s'ouvre, et les choses reviennent à l'état où nous les avons supposées avant l'ascension du piston.

La vapeur affluant de nouveau sous le piston le fait remonter; les mêmes effets que nous venons de décrire se renouvellent et continuent d'avoir lieu tant qu'on entretient le feu sous la chaudiere. On donne ordinairement le nom de régulateur à la

plaque ou diaphragme qui intercepte la communication entre la chaudiere et le cylindre à vapeur; mais comme, dans les machines à double effet, on appelle ainsi tout le méchanisme que fait mouvoir la poutrelle L, nous avons conservé la dénomina-

tion des chapitres précédents.

1431. L'eau de condensation, jaillissant avec force, va cho. Comment quer le dessous du piston et retombe ensuite dans le fond du densation sort cylindre à vapeur; elle ne peut pas rentrer par le cylindre KZ, du cylindre à vapeur; tuyau (fig. 258), à cause de la partie K saillante intérieurement, et nourricier, qui aert à réparer n'a par conséquent d'autre issue que l'orifice b. Voici le détail dans la chandes tuyaux auxquels cet orifice communique et le méchanisme diere les pertes au moyen duquel les pertes de l'évaporation sont réparées.

Le premier est un tuyau be ux, fermé hermétiquement en x; ce tuyan porte un godet A, auquel il communique par un orifice que ferme une soupape chargée de plomb; un tuyau ll, portant un robinet à son extrémité inférieure et aboutissant par l'autre extrémité à la partie supérieure du cylindre à vapeur, sert au besoin à amener de l'eau dans le godet a, pour les

usages que nous verrons ci-après.

Le second est un tuyau rSSt, qu'on nomme rameau d'évacuation et qui communique à une citerne inférieure; son extrémité t est recourbée verticalement en contre mont, et fermée par une soupape suspendue à une tige de fer tg, qui tient à un ressort hg. Cette soupape est toujours baignée dans l'eau afin que l'air ne pénetre pas dans le rameau d'évacuation. Cette citerne est une cuvette de plomb, placée sous l'arcade de la plate-forme, ayant deux tuyaux dont l'un sert de décharge de superficie et l'autre de fond.

Le troisieme est un tuyau vertical zz, qu'on nomme tuyau nourricier, et qui communique avec le tuyau bcux de la maniere qui est plus clairement indiquée dans l'élévation (fig. 265), où on voit le tuyau y qui aboutit par une extrémité à celui z et par l'autre à celui bcux, lequel est caché, en partie, derriere le godet a. Le tuyau nourricier, dont les deux bouts sont ouverts, en a un, comme on voit, plongé dans l'eau de la chaudiere, l'autre est à l'air libre, élevé de quelques pieds au-dessus

du chapiteau de la chaudiere.

Tout cela bien conçu, il faut encore savoir que le quart environ de l'eau qui sert à la condensation doit rentrer dans la chaudiere pour réparer les pertes faites par l'évaporation; le tuyau zz est destiné à l'y conduire; les trois autres quarts s'évacuent par le tuyau rSSt (fig. 258), dans la citerne inférieure.

Les écoulements dans ces deux tuyaux sont réglés par deux robinets, ou même par un seul, de maniere qu'ils livrent passage à l'eau de condensation, venant de l'orifice b, dans la proportion de 3 à 1. Cette eau est refoulée dans les deux tuyaux par l'action de la vapeur, lorsque la communication est établie entre la chaudiere et le cylindre à vapeur, et elle peut alors, d'un côté, surmonter la pression qu'éprouve la soupape t et passer dans la citerne, et de l'autre vaincre la résistance qui s'oppose à son introduction dans la chaudiere. Cette résistance vient de la force expansive de la vapeur, qui, ainsi que nous l'avons déja observé art. (1426), est à 85 degrés de chaleur environ, et doit (525 et table X) faire remonter l'eau bouillante dans le tuyau zz, ouvert intérieurement et extérieurement, à 7 à 8 pieds au-dessus du niveau de l'eau dans la chaudiere: or lorsqu'une pareille pression s'exerce par le tuyau r (fig. 265), elle s'ajoute récessairement au poids de la colonne d'eau inférieure, et surmonte ainsi la pression de l'intérieur de la chaudiere.

Cuvette d'injection qui fournit l'eau de la condensation.

1432. L'eau de la condensation est, comme on l'a dit, amenée dans le cylindre par le tuyau H; ce tuyau aboutit, à son extrémité supérieure, à un réservoir M (fig. 256), qu'on nomme cuvette d'injection et qui fournit l'eau de la condensation. Cette eau y est amenée par le tuyau K'K'K', dont la partie inférieure est une pompe foulante, mue par le balancier, et puisant dans une bache X, entretenue constamment pleine par l'eau même que la machine est destinée à élever, ainsi qu'on le voit dans la figure.

Lorsqu'on commence à faire jouer la machine et qu'il n'y a encore point d'eau dans la cuvette d'injection, on se sert d'une petite pompe Q, qui est à côté, qu'on fait mouvoir à bras, pour fournir à l'injection, en attendant que le mouvement du balancier ait fait monter de l'eau de la bache X. Cette pompe tire l'eau d'un réservoir provisionnel, dont nous parlerons bientôt,

et qu'on voit à gauche de la chaudiere.

Un tuyau g", à robinet, sert de déchargeoir de fond à la cuvette M; un autre tuyau g', sans robinet, lui sert de déchargeoir de superficie; ces deux tuyaux se rendent dans un tuyau vertical g, lequel vient lui même aboutir au tuyau horizontal P, qui conduit au réservoir provisionnel le trop plein de la cuvette d'injection et en outre l'eau qui sort par le haut du cylindre à vapeur, quand le piston monte, et dont il sera question ci après.

.

1433. Voici un moyen employé dans une machine à feu Moyen qu'on a employépour construite à Schemnitz en Hongrie, pour que le tuyau d'injection retion reçoive toujours la même quantité d'eau destinée à chaque soive toujours la même quantité d'eau destinée à M. l'abbé list d'eau. injection particuliere: ce moyen a été communiqué à M. l'abbé ité d'eau. Bossut par feu M. Jars de l'académie des sciences, (Voyez l'Hydrod. de Bossut, tome II, page 508). La cuvette d'injection ABCD, fig. (268 bis), recoit, au moyen d'un tuyau K, l'eau d'un autre réservoir pour la transmettre au tuyau Q d'injection; le tuyau K porte un robinet X qui en ouvre et ferme alternativement le bout T: voici comment; à l'axe horizontal VH, parfaitement mobile sur ses pivots, sont fixées deux branches de fer, l'une ZM, portant un tonneau ou baril M qui flotte sur l'eau, l'autre ZN, engagée dans les pinces d'une patte d'écrevisse fixée au robinet, et pouvant par ce moyen ouvrir et fermer ce robinet.

Lorsque l'écoulement par le tuyau d'injection Q est suspendu, la surface de l'eau s'éleve dans la cuvette ABCD, souleve le tonneau M, et serme enfin le robinet X, en sorte qu'il est entièrement fermé quand l'eau est, par exemple, en AD; si au contraire la cuvette se vuide par le tuyau d'injection Q, le tonneau M descend, et le robinet X s'ouvre pour laisser passer dans la cuvette la nouvelle eau que le tuyau K amene; ainsi de suite. Il est clair que par là il passe, en temps égaux, des quantités

égales d'eau dans le tuyau d'injection Q.

1434. Le piston L, fig. (258), qui joue dans le cylindre, est un plateau de métal dont le diametre est un peu moindre que ce-pistou du cylindre, et qui est plus enfoncé vers le milieu que vers la peur. circonférence, comme on peut en juger par ses plans et profils, représentés plus en grand dans la fig. (266), nº 1, 2 et 267. On remarquera vers sa circonférence une couronne A, dont la largeur est entre i et i de la longueur du rayon, formant un relief de la moitié de sa largeur. Sur cette couronne sont appliquées une ou deux bandes de cuir fort épais, saillantes d'une ligne sur le pourtour du piston: l'on rend ce cuir inébranlable en le chargeant d'un anneau B de plomb, de même largeur que la couronne, divisé en trois parties égales, chacune accompagnée d'une queue C, qui s'encastre dans une cellule D, faite de trois plaques de cuivre soudées verticalement sur le fond du piston.

Le centre de ce piston est percé d'un trou qui reçoit le bout de la tige EF par le moyen d'un tenon arrêté avec des clavettes, et cette tige est suspendue à la chaîne du balancier.

Tome II.

 ${f L}$ 

"Jet d'eau continuelsur lepis-

1435. La construction du piston que nous venons de décrire ton pour em- exige qu'on prenne quelques précautions pour empêcher que pecher l'intro. d'air ne s'introduise dans le cylindre à vapeur et que les cuirs ne duction de l'air l'air ne s'introduise dans le cylindre à vapeur et que les cuirs ne ment du cuir. se dessechent. L'un et l'autre objet est rempli par un tuyau N de déviation, fig. (258), adapté au tuyau d'injection H et ayant un robinet dans le milieu. Pendant le jeu de la machine, le tuyau N produit un jet continuel sur le piston, et l'eau qui en résulte s'écoule, lors de la montée du piston, par le tuyau latéral EPP, dans le réservoir provisionnel dont on a parlé précédemment.

On observera qu'au-dessous du sommet du cylindre à vapeur il y a un rebord DB, sur lequel est attachée, avec une bride, une coupe de plomb DE, de 18 pouces de hauteur, évasée par le

haut.

Evacuation de l'air des chine.

1436. Le sommet du cylindre à vapeur fournit encore de l'eau tuyaux men. à un second tuyau Oll, dont on a parlé art. (1431), qui peut la tionnés, art. verser dans le godet a, lorsque le robinet placé à son extrémité qu'on com- inférieure est ouvert, d'où, en levant la soupape qui est au jouer la ma fond de ce godet, elle coulera dans les tuyaux dont on a parlé à l'article cité. On use de cet expédient lorsqu'on commence à faire jouer la machine pour chasser l'air de ces tuyaux. L'eau du godet a a, comme on voit, une issue dans la chaudiere par le tuyau zz.

Eaux à dif-

1437. Le réservoir provisionnel, qui, d'après ce qui est dit lérentes tem- précédemment, reçoit le trop plein de la cuvette d'injection pératures que l'eau qui dégorge de la partie supérieure du cylindre, est terne et le ré-servoir provi. destiné à remplir, au besoin, la chaudiere par le tuyau de com-tionnel munication & on la vuide par le tuyau de fond no lorsqu'il munication zK: on la vuide par le tuyau de fond nO, lorsqu'il est nécessaire d'en retirer l'eau. Les tuyaux j et j' servent de déchargeoir de superficie et de déchargeoir de fond au réservoir provisionnel.

> La machine fournit ainsi pendant son mouvement deux magasins d'eau, à des températures très différentes; l'une, provenant de l'injection, se rend, chaude, dans la citerne; l'autre, à une température beaucoup plus basse, selon la saison, passe

dans le réservoir provisionnel.

Tuyana d'é-Dreuve.

1438. On voit en p et q les deux tuyaux d'épreuve dont on a donné l'usage, art. (1426). Ces tuyaux traversent une plaque ovale de cuivre BC, fig. (255), qui sert de regard à la chaudiere, et se détache lorsqu'on veut y entrer pour faire quelques réparations.

Ventouses.

1439. Les figures 254 et 255 offrent le plan et l'élévation d'un bout de tuyau A' placé sur le chapiteau de la chaudiere; au sommet de ce tuyau est adaptée une soupape chargée de plomb. nommée ventouse, qui s'ouvre pour laisser échapper la vapeur lorsque cette vapeur acquiert un certain degré de force. Elle s'éleve ordinairement quand le piston descend, parcequ'alors la vapeur ne peut plus affluer dans le cylindre, et qu'elle occupe un espace plus petit étant toute renfermée dans la chaudiere. On remarque, en général, dans les descentes du piston, une vapeur qui s'échappe à travers les joints imperceptibles de la chaudiere, qui cesse quand le piston monte, et qui offre l'apparence de l'haleine provenant de la respiration des animaux.

1440. Il y a encore un autre tuyau def, fig. (258), adapté au sureté chapiteau de la chaudiere. Son extrémité f, qui est hors du bâtiment, est fermée par une soupape chargée de plomb, attachée à une corde qui passe sur deux poulies et dont le bout revient en dedans du bâtiment. Cette disposition a pour objet de donner le moyen d'évacuer la vapeur, en ouvrant la soupape, lorsqu'on veut arrêter la machine. Cette soupape répond à celles que nous avons nommées soupapes de sureté, art. (1400). Le tuyau fe se nomme cheminée.

1441. Le godet I, dont nous avons parlé (1429), est destiné Godet faisant à faire la fonction du reniflar, mentionné art. (1396). Au fond de reniflar, de ce godet est une soupape chargée de plomb, suspendue à un par ou l'air du cylindre à va ressort de fer qui la maintient toujours dans la même direction. peur s'évacue Cette soupape sert à évacuer l'air que la vapeur chasse du mence à faire cylindre lorsqu'on commence à faire jouer la machine; et ensuite celui qui se dégage de l'eau d'injection, et qui empêcheroit l'effet de la machine s'il n'avoit pas la liberté de s'échapper. Sous ce dernier aspect la soupape I et le tuyau rsst font ensemble l'effet de la pompe à air décrite art. (1386).

1442. Avant de dire comment on commence à faire jouer la commence il faut d'abord observer que, dans ce cas, le balancier est incli- vemeut. né du côté opposé au cylindre, parceque les attirails placés de ce côté, étant prépondérants, abaissent le bout du balancier auquel ils répondent quand la machine ne va pas. Supposons maintenant qu'on veuille la faire aller; on remplira la chaudiere, on allumera le feu, on fera jouer la pompe Q, fig. (256), pour remplir la cuvette M d'injection, s'il est nécessaire, et on aura soin d'ouvrir l'orifice Z, fig. (258), supposé qu'il soit fermé; on se sert, pour cela, d'un manche adapté à l'une des branches

fixées sur l'axe BC, fig. (254 et 255), semblable à ceux dont il est parlé, art. (1396), pour un usage analogue. L'eau entrant en ébullition, la vapeur se forme et s'éleve dans le cylindre, en chasse l'air, et échauffe l'eau qui, d'après ce qu'on a vu, art. (1435), vient de la cuvette d'injection au-dessus de la tête du piston: on fait passer une partie de cette eau par le tuyau 11, fig. (257), dans le godet a, dont on ouvre la soupape pour que l'eau entre dans les tuyaux par lesquels se décharge l'eau d'injection.

Lorsque la vapeur a acquis assez de force pour ouvrir la soupape qui ferme la cheminée de f, fig. (258), et en sortir avec détonnation, le conducteur, qui attend ce moment, prend d'une main la queue du marteau fd, fig. (254), de l'autre le poids K, et ferme le diaphragme du régulateur. Un instant après il ouvre le robinet d'injection; la condensation se fait dans le cylindre, et le piston descend. Le diaphragme du régulateur s'ouvre ensuite de lui-même, et la machine continue à se mouvoir par le

seul entretien du feu sous la chaudiere.

Cheminées et parties accessoires.

1443. Nous ne nous arrêterons pas à la description du fourneau. des canaux de circuits de la flamme et de la fumée, de la cheminée du fourneau, et des objets qui y sont relatifs; toutes ces dispositions rentrent absolument dans celles détaillées aux chapitres précédents, et se rapportent sur-tout à la seconde machine à double effet, comme on peut le voir par les profils, fig. (275

et 276).

Description des pompes

1444. Nous n'entrerons pareillement dans aucun détail sur employées à le balancier, dont on se fera une idée suffisante à l'inspection de produire l'ef-let utile de la la figure 256. Le secteur ou jante D, placé à son extrémité droite, le balancier, dont on se fera une idée suffisante à l'inspection de supporte, au moyen de la chaîne G, tout l'équipage destiné à produire l'effet utile de la machine, qu'on suppose employée à épuiser les eaux d'une mine par un puits dont la partie supérieure est profilée en Y. On place dans la profondeur de ce puits, de 24 en 24 pieds, une cuvette de plomb, dont on voit le plan, fig. (271) et (274), la coupe sur la ligne AB du plan, fig. (272), et la vue perspective, fig. (273). Ces cuvettes sont, comme on voit, partagées en deux bassins unis par une communication d'une moindre profondeur et d'une moindre largeur que les bassins. La figure 269 représente le profil d'une étendue du puits dans laquelle sont trois cuvettes: on voit que chacune a dans le fond d'un de ses bassins l'orifice supérieur d'une pompe aspirante, et que dans l'autre trempe le tuyau d'aspiration de la pompe supérieure. Les tiges des pistons sont suspendues de part et d'autre d'une suite de poutrelles assemblées bout à bout, comme on voit, fig. (270), et composant un train suspendu à la jante du balancier dont on vient de parler, qui descend verticalement à travers toutes les échancrures formées entre les bassins des cuvettes par le rétrécissement du petit canal qui communique de l'une à l'autre, ainsi qu'on le voit en D, fig. (271). La pompe la plus basse trempe immédiatement dans le puisard pratiqué au fond du puits; la plus haute décharge son eau dans le bassin X; là une portion en est enlevée pour fournir à la cuvette d'injection (1432), et l'autre, fig. (274), sort du bassin X par le canal horizontal x'x'. (\*)

Z

(\*) Nous avons parlé, art. (1335), d'une machine imaginée par Papin, pour employer la vapeur comme agent méchanique. Cette machine, quoiqu'abandonnée, cependant peut fournir de bonnes idées aux artistes. Nous en parlerons ici d'autant plus volontiers, que la maniere dont Papin emploie la vapeur differe entièrement des procédés que nous avons décrits jusqu'à présent. Le but de l'auteur est de faire tourner une roue à aubes par le choc d'une veine fluide jaillissant par un tuyau étroit ou par un ajutage, avec une vitesse telle que le choc puisse équivaloir à celui d'une beaucoup plus grande masse d'eau qui n'auroit qu'une petite vîtesse. Pour y parvenir il condense l'air dans un vase clos, auquel est adapté le tuyau ou l'ajutage, en y introduisant, par la pression de la vapeur, une quantité d'eau telle que l'espace, occupé primitivement par l'air, se trouve très resserré, ce qui augmente d'autant son ressort et sa pression sur l'eau inférieure. Voici l'appareil dont il se sert.

Un vaisseau sphéroïdal A, fig. (268), dont le grand axe est supposé de 26 pouces et le petit de 20 pouces, est placé dans un fourneau de maniere que le feu puisse l'entourer de toute part; ce vaisseau ou alambic, qui est de cuivre, doit être aux deux tiers plein d'eau, qu'on introduit par un tuyau B. Un siphon CD communique de l'alambic Aà un cylindre GH de 20 pouces de diametre sur autant de hauteur, faisant l'office de corps de pompe, dans lequel joue un piston de cuivre ST, creux en dedans afin de pouvoir flotter sur l'eau. La base de ce cylindre, qui n'a point de fond, est unie avec l'extrémité d'un tuyau recourbé IKO, qui traverse le fond d'un autre cylindre MN de 3 pieds de hauteur sur 23 pouces de diametre, fermé de toutes parts pour que l'air extérieur ne puisse s'y introduire. Un vaisseau Y, évasé par le haut, est adapté au tuyau IKO, et sert à introduire dans le corps de pompe GH, au dessous du piston ST, de l'eau qui ne passe jamais au-dessus du piston.

Un robinet, placé en E, intercepte et laisse libre alternativement la communication par le siphon CD entre l'alambic A et le corps de pompe GH. Lorsque la communication est libre, la vapeur, formée en A, passe dans la partie supérieure du corps de pompe; là elle presse le piston qui refoule l'eau; cette eau ne peut pas rentrer dans le vaisseau Y, parcequ'une soupape placée en R l'en empêche; elle monte par le tuyau IKO, et va se décharger

De la machine de Chaillot; principales pieces de cette machine.

1445. Le méchanisme que nous venons de décrire est ce qu'on connoissoit de mieux en France à l'époque où MM. Perier freres établirent la machine de Chaillot, bien supérieure à tout ce qu'on avoit fait jusqu'alors dans ces contrées, et dont voici la déscription d'après les dessins très exacts qui nous ont été fournis par M. Perier l'aîné.

La figure 279 est une coupe générale qui fait voir l'intérieur du cylindre à vapeur, le balancier, le régulateur, les parties du condenseur et de la pompe à air. Le cylindre à vapeur A est éta-

dans le cylindre MN, en remplissant une partie de l'espace occupé par l'air renfermé dans ce cylindre, qui par conséquent acquiert un plus grand ressort.

Aussitôt que le piston est parvenu au bas du corps de pompe, on ferme le robinet E pour interrompre le passage de la vapeur, et on ouvre un autre robinet P, placé vers le sommet du corps de pompe, par lequel celle qui a agi peut s'évacuer.

Alors le poids de l'eau, dont le vaisseau Y est toujours rempli, ouvrant la soupape R, s'introduit de nouveau dans le corps de pompe GH et sait remonter le piston ST; l'eau contenue dans le tuyau KO n'entre pour rien dans cet effet, parcequ'une soupape placée en K l'empêche de descendre.

Lorsque l'eau introduite dans le corps de pompe s'est mise en équilibre avec celle du vaisseau Y, on ferme le robinet P et on ouvre le robinet E; la vapeur vient de nouveau presser le piston, qui resoule, comme en premier lieu, l'eau par le tuyau K O et la sait passer dans le cylindre MN, où elle ne peut s'introduire sans surmonter la résistance provenant du ressort de l'air dont elle vient occuper la place; résistance qui augmente en raison inverse de l'espace occupé par une même masse d'air.

D'après les dimensions que donne Papin au cylindre M N qui a trois pieds de hauteur, ce cylindre peut contenir 600 livres ou 86 pieds cubes d'eau, c'est-à-dire 200 livres ou 2,86 pieds cubes par chaque pied de hauteur. Quand il sera rempli jusqu'à la hauteur de 2 pieds, l'eau y sera réduite à n'occuper plus que le tiers de l'espace où il étoit rensermé d'abord, et aura acquis un ressort capable de lui faire souteuir une colonne d'eau de 64 pieds, outre celle de 32 pieds à laquelle il fait équilibre, dans son état ordinaire de compression. Si donc on ouvre le robinet Q, l'eau en jaillira, au premier instant, avec la même vitesse que si sa hauteur étoit de 64 pieds dans le cylindre M N. A mesure que l'eau sortira elle sera chassée avec moins de vitesse, parceque l'air occupant un plus grand espace, son ressort s'affoiblira: mais, d'après les dispositions de Papin, il doit toujours y avoir dans le cylindre de l'eau sur la hauteur d'un pied au moins, et l'air n'occupera jamais, dans sa moindre condensation, que les 3 de l'espace qu'il occupe dans son état naturel au niveau de la mer; or, dans cet état, il pourra encore soutenir le poids d'une colonne d'eau de 16 pieds de hauteur au-dessus de celle de 32 pieds qu'il soutient ordinairement.

bli solidement sur le massif B, à côté duquel se trouve le trou ou puits B"B", dans lequel descend le poids du régulateur, la poutrelle, etc., et où sont établies les deux pieces montantes XX, dont nous parlerons ci-après : ce cylindre a, comme ceux des figures (123 et 242), deux ouvertures, communiquant, en haut et en bas, aux canaux ee et e'e', par lesquels la vapeur peut entrer ou se condenser; elle communique de l'espace ee à l'espace e'e'e'e par un seul cylindre pp. Les machines représentées par les figures qu'on vient de citer ont deux cylindres pareils, parcequ'elles ont un jeu

Pour réduire l'air compris dans le cylindre MN au tiers de son volume, c'est-à-dire pour tripler son élasticité, qui, dans l'état naturel, équivaut à 28 pouces de mercure, il faut que la force expansive de la vapeur, agissant sur le piston ST, soit équivalente à une colonne de mercure de 3 × 28 = 84 pouces. Une pareille pression répond, table X, à une température de plus de 104 degrés du thermometre de Réaumur. Papin ne connoissoit point, au moins d'une maniere bien précise, la relation entre la température de la vapeur et sa force expansive; mais il dit que ses expériences lui assurent la possibilité d'amener la vapeur à un degré de chaleur capable de lui faire pousser le piston ST avec une force équivalente au poids d'une colonne d'eau de 96 pieds de hauteur ou d'une colonne de mercure de 84 pouces. Cela n'est point étonnant, car sa marmite lui donnoit une température supérieure de celle dont il s'agit ici; mais on trouveroit une grande difficulté à faire des vaisseaux d'une certaine étendue, assez solides et assez bien clos, pour, étant pressés du dedans au dehors, supporter la pression qu'elle comporte sans déperdition de vapeur.

Papin prétend encore que, lorsque le niveau de l'eau dans le vaisseau Y sera plus élevé de 8 pouces que le robinet P, et qu'elle pourra s'introduire dans la pompe par une soupape dont le diametre sera de 8 pouces, cette eau remplira la pompe en une seconde de temps; il ajoute que quand la soupape placée en K aura 6 pouces de diametre, l'effort de la vapeur fera passer, en moins d'une seconde de temps, 200 livres d'eau dans le cylindre MN; d'où il conclut que, la pompe pouvant se remplir en une seconde et se vuider dans le même temps, l'opération ne durera pas plus de deux

secondes.

Comme la plus grande condensation de l'air dans le cylindre seroit capable de soutenir une colonne d'eau de 64 qieds de hauteur, et que, lorsqu'il sera sorti 200 livres d'eau par le tuyau Q, le ressort de l'air n'équivaudra plus qu'à une colonne de 16 pieds; son effort moyen pourra être considéré comme équivalent au poids d'une colonne d'eau de 40 pieds de hauteur, qui est celle sur laquelle il faut compter dans l'évaluation de l'impulsion de l'eau qui sortira par le tuyau Q pour faire tourner la roue.

Il est bon d'observer que Papin suppose que l'eau qui sortira du cylindre pour faire tourner la roue pourra être ramenée dans le vaisseau Y, de la passer dans le cylindre pour jaillir sur la roue comme auparavant, c'est à dire qu'elle circulera continuellement; mais il n'en donne pas le moyen. alternatif de soupapes placées aux parties supérieures de ces cylindres. Il n'en est pas de même ici, et la soupape b b qu'on voit au haut de pp est toujours ouverte pendant que la machine est en mouvement : on peut cependant la fermer, quand on veut lui donner plus ou moins d'ouverture, au moyen d'un levier extérieur b'b', qui se meut avec la main et qui agit sur une tige attachée à la soupape de la même maniere que les leviers du régulateur agissent sur leurs soupapes respectives.

Le cylindre à vapeur A n'a d'ailleurs rien de particulier dans

Papin propose, pour donner plus de force à la vapeur, d'introduire dans le corps de pompe au-dessus du piston des fers rouges, qui demeureront suspendus dans un tuyau V, fermé en bas, pour empêcher que l'eau n'y entre. Ce procédé paroit présenter des assujettissements et des embarras

qui font douter qu'on puisse le mettre en pratique.

La machine de Papin, telle que nous venons de la décrire, est ingénieuse; mais son exécution et son application comporteroient bien des difficultés, et il seroit d'ailleurs indispensable d'y adapter un méchanisme pour faire ouvrir et fermer les robinets par l'action de la vapeur. Nous avons cru cependant que la connoissance en seroit utile aux artistes, soit comme un apperçu susceptible de perfection, soit comme un objet de comparaison. C'est dans le même esprit que nous allons présenter quelques détails sur la machine à air de M. Amontons, dont nous avons parlé, art. (1336), et qui, du côté de l'invention et du génie, nous paroît supérieure à celle de Papin.

M. Amontons cite d'abord (Mém. de l'académie des sciences, année 1699,) deux expériences qu'il a faites sur la force expansive de l'air mis à la température de l'eau bouillante. Trois tubes de verre recourbés, ouverts par une de leurs extrémités, étoient terminés à l'autre par un globe creux de verre. Les capacités des tubes et des globes étoient dans la proportion de 1, 2, 3, le diametre intérieur du tube moyen n'étant guere que de iligne: on a versé du mercure dans les tubes; les globes restoient pleins d'air atmosphérique, qui, comprimé par le mercure, a tenu ce fluide dans une des branches de chaque tube à 3 pouces au-dessus de son niveau dans la branche qui tenoit le globe où le mercure étoit parvenu jusqu'à la jonction du tube du globe.

Les globes ayant été trempés dans l'eau bouillante, le mercure est monté de 9 pouces 10 lignes, outre les 3 pouces dont nous avons parlé; en sorte que l'air contenu dans les globes soutenoit une colonne de mercure de 12 pouces 10 lignes, plus le poids de l'atmosphere, ou de 13 pouces, en comptant avec M. Amontons les 10 lignes pour un pouce, parceque l'air, augmentant de volume pour remplacer le mercure qui montoit dans la branche du tube, a un peu diminué le ressort qu'il auroit eu en conservant le même relume.

M. Amontons n'a point donné la température de l'air avant l'immersion des globes dans l'eau bouillante. Il conclut, néanmoins de son expé-

l'intérieur,

l'intérieur, sinon que la section horizontale doit, pour produire le même effet, être double de celle des cylindres à vapeur des premiere et seconde machines décrites précédemment depuis l'art. (1380) jusqu'à l'art. (1448). La tige du piston P est suspendue à l'extrémité du balancier au moyen d'une chaîne tangente.

1446. La vapeur arrive de la chaudiere par l'ouverture OO, Comment se produit l'aset, dans la situation que représente la figure, elle doit remplir cension du pistant l'intervalle qui est au-dessus du piston que celui qui est au-dre à vapeur.

rience que l'air, mis à la température de l'eau bouillante et pressé seulement par le poids de l'atmosphere, augmente son volume d'un tiers : mais cette conclusion ne présente aucun sens lorsqu'on ignore la température du

volume primitif.

Il résulte des expériences de M. Duvernois, présentées dans les tables NII et VIII, que le volume d'une certaine quantité d'air à la glace étant 1, ce volume, à la température de l'eau bouillante, augmentera de 1000, ou deviendra =  $1 + \frac{1}{1.067} = 1.9572$  au moins; car il parcit qu'à cette température M. Duvernois a trouvé un résultat trop soible (voyez le premier vol. des Annales de Chymie). D'après cela, la température de l'air, qui, chargé du poids de l'atmosphere, augmente son volume de 1 en parvenant à la chaleur de l'eau bouillante, doit, dans la table VIII, répondre au nombre · 19372—10000=4529, repondant à 52° à-peu-près. Cette température primitive est beaucoup trop forte pour supposer qu'elle ait en lieu dans les expériences de M. Amontons; ainsi sa conclusion est erronée, et le seroit encore en mettant  $\frac{2}{3} \cdot 19372$  au lieu de  $\frac{3}{4} \cdot 19372$ . La petitesse des appareils et quelques défauts de précaution ont rendu sa premiere expérience fautive. Nous en dirons autant d'une seconde dont nous supprimons les détails: mais il en décrit une troisieme qui a un rapport plus immédiat avec sa machine, et dont le procédé est bon à connoître. J'ai fait, dit-il, construire un tube de fer-blanc ABCD, fig. (278), n°. 1, exactement clos de toutes parts, partagé en deux également par la séparation EF: la partie inférieure EBCF n'a de communication avec la partie supérieure AEFD que par le tube GH enfermé dans un plus gros IL, fermé en L, embouché et soudé en là la partie supérieure AD. Cette partie AD est en outre traversée par un tuyau MN fixé en O et en N, dont une des extrémités M descend jusques proche du fond EF, et qui communique par son autre extrémité N à un baquet ou réservoir P: il y a de plus, vers A, un robinet pour donner de l'air à la partie supérieure. Ce robinet étant ouvert, on a versé de l'eau dans le petit baquet P; cette eau est descendue par le canal NM dans la partie supérieure du tube ABCD: lorsque cette partie a été toute pleine, on a fermé, et on a plongé pendant 6 secondes la partie inférieure de ce tube dans l'eau bouillante; et une partie considérable de l'eau contenue dans la partie A E F D, poussée par la force du ressort de l'air, est montée avec précipitation dans le baquet P; au bout de 6 secondes l'ayant retirée de l'eau bouillante, l'eau du baquet a commencé à redescendre; mais dans la durée de 30" elle n'étoit pas encore revenue à l'état où elle étoit auparavant. On a en-Tome II.

dessous; car, les soupapes b b et b'b' étant ouvertes, la vapeur peut affluer en même temps par les ouvertures ee et e'e'. L'espace e'e'e'e' n'a d'autre issue, outre celle par laquelle il communique avec le cylindre à vapeur, que celle qui est fermée par la soupape dd qui est abaissée. D'après cette disposition, la vapeur exerce une action égale sur les deux faces opposées du piston, qui se trouveroit en équilibre et immobile sans la pesanteur du contre-poids P' suspendu à l'autre extrémité du balancier, et des autres parties de l'attirail qui se trouvent du même côté.

suite mis cette partie inférieure dans l'eau froide pour achever de réduire l'air à son premier volume, après quoi on l'a derechef mise dans l'eau bouillante pendant six autres secondes, et l'eau est remontée, comme précédemment, dans le baquet P; on l'a alors plongée dans l'eau froide, et l'air a repris son premier volume en 18 ou 20 secondes : ce qu'on a répété plusieurs fois; et il est toujours arrivé à-peu-près la même chose, soit qu'on ait tenu pendant les 18 ou 20 secondes cette partie inférieure du tube dans l'eau froide, ou qu'après l'y avoir trempée on l'ait retirée à l'air.

Dans l'expérience qu'on vient de citer, les tubes NM, GH, n'avoient qu'un pied de liauteur; mais dans la suite on les a alongés jusqu'à 8 pieds: ayant répété les mêmes expériences, elles ont encore produit le même effet, excepté que l'eau ne monta pas tout-à-fait en aussi grande quantité, ce qui devoit nécessairement arriver à cause de la plus grande hauteur ou charge d'eau qui opposoit une plus grande résistance à la pression résultante du

ressort de l'air.

On mit, après cela, la partie BC sur des charbons ardents, ce qui fit monter l'eau dans le baquet P comme avoit fait l'eau bouillante; mais elle n'y monta pas si promptement, parceque la chaleur ne s'appliquoit immédiatement qu'au fond BC, au lieu que, dans l'eau bouillante, elle s'appliquoit encore immédiatement aux quatre parois BE, BF, FC, CE, qui faisoient ensemble une surperficie double de BC. On ne put pas bien remarquer le temps que l'eau employa de plus à monter dans le baquet P, parcequ'on étoit attentif à prendre garde que la soudure du tube ne se fondit, ce qui arriva enfin; mais l'eau étoit pour lors dans le baquet pour le moins aussi haute qu'elle l'avoit été par l'effet de l'eau bouillante, et auroit monté plus haut sans cela.

Il suit de cette expérience qu'on peut, par la chaleur du feu appliquée immédiatement à la capacité qui renferme l'air, augmenter la force de son ressort beaucoup plus considérablement que par l'eau bouillante, pourvu que ce qui renferme l'air puisse résister à l'action du feu, et que l'effet en est d'autant plus prompt que l'action s'en fait dans une plus grande éten-

due.

M. Amontons entre ensuite dans le détail de quelques expériences qu'il a faites sur la force des hommes et des chevaux, afin d'avoir des objets de comparaison pour l'effet de sa machine, dont la fig. (772) représente le profil, et dont voici la description.

Ainsi, eu égard à ces masses prépondérantes, le piston, dans la position représentée par la figure, doit continuer à monter; on voit qu'il n'a pas un grand espace à parcourir pour être au point le plus haut de sa course: il s'agit d'examiner quel effet doit se produire à la fin de son ascension; et pour cela il est nécessaire que nous entrions dans quelques détails sur le méchanisme du ré-

1447. La soupape b b étant toujours ouverte, il y a sans cesse communication entre la partie supérieure du cylindre à vapeur produit la descente du piston est conet la chaudiere, et ainsi la partie supérieure du piston est condre à vapeur.

A, B, C, D, E, F, etc., et 1, 2, 3, 4, 5, 6, etc., sont deux rangées circulaires et concentriques de cellulles diposées autour d'un axe horizontal et mobile G, et exactement closes de toutes parts, à cela près, néanmoins, que les cellules A, B, C, D, E, F, etc., communiquant à chacune des cellules correspondentes 1, 2, 3, 4, 5, 6, etc., par le moyen des tubes HI, LM, MO, PQ, RS, TV, etc., et que les cellules 1, 2, 3, 4, 5, 6, etc., communiquant les unes aux autres par les soupapes 7, 8, 9, 10, 11, 12, etc., qui sont toutes posées et s'ouvrent toutes d'un même sens, en sorte qu'elles permettent l'entrée à l'eau de la premiere à la seconde cellule, puis de la seconde à la troisieme, de la troisieme à la quatrieme, enfin de la derniere à la premiere, et qu'elles ne permettent pas son passage dans le sens contraire, les cellules A, B, C, D, E, F, etc., n'ont aucune communication entre elles.

Un réservoir RR, plein d'eau, est placé au-dessous de la machine, et les cellules A, B, C, D, etc., ne sauroient tourner autour de l'axe G sans être pendant une certaine partie de leur révolution entièrement submergées : ensin un sourneau AA, dont la bouche KK est disposée de maniere que la flamme échauffe celle des cellules A, B, C, D, etc., qui, par le moyen des tubes HI, LM, MO, etc., communique avec celle des cellules 1, 2,

3, etc., qui se trouve au point le plus bas de sa course.

Cela bien conçu, supposons que, dans l'état représenté par la figure, les cellules 1, 2 et 3 soient remplies d'eau, que les autres 4, 5, 6, etc., ne contiennent point d'eau, et que, dans cet état, l'effort provenant de la pesanteur du sluide qui tend à faire tourner dans le sens FED fasse équilibre à la résistance qu'on veut vaincre, y compris les frottements et les autres obstacles à ranger dans la même classe; si alors on allume le feu en AA, l'air contenu dans la cellule A s'échauffera, et fera effort pour s'introduire dans le tube HI, de l'extrémité duquel il reviendra presser l'eau contenue dans la cellule 1; cette eau, ainsi pressée et ne pouvant s'échapper par la soupape 18, sera refoulée par la soupape 7 dans l'espace 2, et, de suite, le fluide contenu dans les espaces 1, 2, 3, sera refoulé dans le sens où les soupapes livrent le passage, et passera dans les espaces supérieurs. Cette ascension de l'eau ne pourra avoir lieu sans que l'équilibre soit rompu par l'augmentation de la somme des mouvements, qui aura lieu dans le poids moteur, et l'eau, ainsi élevée, sera par son poids, tourner la roue: pendant ce temps la cellule A, dont l'air

tinuellement pressée par la vapeur. D'après cela, pour que le piston puisse redescendre, il faut que la vapeur qui est à la partie inférieure n'ait plus de communication avec la chaudiere et en ait avec le condenseur. Observons que la soupape b'b', qui ferme la partie inférieure de l'espace pp, est destinée à intercepter le passage de la vapeur à la partie inférieure du cylindre; ensuite l'espace e'e'e'e communique avec l'espace cccc par une ouverture que ferme la soupape dd, et c'est dans cet espace cccc que se fait la condensation: pour cet effet le tuyau recourbé

intérieur est échaussé, sera submergée dans le réservoir RR, et éprouverar un refroidissement qui rendra à cet air intérieur sa premiere température, ou au moins le mettra à un point tel qu'il puisse achever de se refroidir avant que la cellule A revienne en KK; de plus la slamme BB, échaussant cans cesse les parois extérieures des cellules qui se présentent en KK, refoule sans cesse l'eau comme elle avoit fait aux cellules 1, 2, 3, et continue ainsi à saire tourner la roue; les cellules A, B, C, D, etc., échaussées, allant successivement se resroidir dans le réservoir RR.

La machine de M. Amontons, telle que nons venons de la décrire, auroit certainement de très grands inconvénients dans l'exécution; mais on ne peut s'empêcher de convemir qu'elle est extrêmement ingénieuse, et qu'elle peut fournir d'excellentes idées aux artistes qui réunissent la théorie à l'habitude de pratiquer. L'auteur donne 12 pieds de diametre au tambour des cellules 1, 2, 3, 4, etc., sur une pareille longueur de 12 pieds, prise perpendiculairement au plan de la figure, et 2 pieds de profondeur comptés du côté du centre de la roue: ces cellules renferment 754,3 pieds cubes d'eau, dont le quart est 188,6, qui, multipliés par 70 livres, poids d'un pied cube d'eau, donnent 13202 livres. M. Amontons pense qu'avec cette masse on mettra en mouvement une résistance équivalente à 9429 livres, appliquée tangentiellement à la circonférence qui passe par le milieu des cellules 1, 2, 3, etc., la roue pouvant faire une révolution en 36 secondes. Cet effet équivaudroit, selon lui, au travail ordinaire de 39 chevaux ou de 234 hommes.

En indiquant, art. (1336), la machine de M. Amontons, nous avons parlé d'une autre machine proposée par M. Dalesme: voici ce qu'en dit l'Histoire de l'académie pour l'année 1705: « M. Dalesme a proposé à la compagnie quelques vues, que l'on a cru qui pourroient être utiles et qui mériteroient que l'on fit les frais des expériences en grand. Il a imaginé qu'on pourroit employer, pour une force mouvante, le ressort de la vapeur qui s'éleve de l'eau chaude: il a fait voir par une machine où ce ressort seul faisoit jaillir de l'eau à une très grande hauteur, combien il a de puissance.»

Il est à regretter que l'on n'ait pas de plus grands détails sur le moyen de M. Dalesme: peut-être son modele existe-t-il dans la collection des machines de l'académie; mais on ne pourra le savoir que lorsque cette collection aura été mise en ordre.

v'c'c', plongé dans la bache BB, a une de ses extrémités enfoncée dans le condenseur, et l'autre, garnie d'une soupape σσ, continuellement submergée dans l'eau de la bache, le tout d'une maniere analogue à ce que nous avons dit précédemment

pour les machines à double effet.

Cela posé, lorsque le piston, pressé également entre deux vapeurs, est parvenu au point le plus haut de sa course, il faut, pour opérer sa descente, que la soupape b'b' se ferme, ce qui interrompt la communication entre la chaudiere et la partie inférieure du cylindre à vapeur, et que les soupapes dd et  $\sigma\sigma$ s'ouvrent, ce qui fait affluer la vapeur inférieure dans le condenseur cccc, et y produit un jet d'eau fraîche par le tuyau c'c'c'c' qui condense aussitôt la vapeur. Le vuide étant ainsi produit audessous du piston P, l'action de la vapeur supérieure le fait redescendre.

Il s'agit donc de savoir comment, lorsque le piston est parvenu au point le plus haut de sa course, la soupape b'b' se ferme et

les soupapes dd et  $\sigma\sigma$  s'ouvrent.

1448. La soupape b'b' est haussée et baissée par un levier  $b^2k$ tournant avec l'axe kauquel il est fixé; un levier p5 kk est égale- piece du règement sixé à l'extrémité extérieure de l'axe k; le poids P5, qui tend à s'abaisser, tend par conséquent aussi à faire fermer la soupape b'b'; mais il est, dans la disposition que représente la figure, tenu élevé par l'action d'un levier courbe f'g', fixé à l'axe f', tournant avec lui, et pressant de haut en bas la branche kk' du levier p<sup>5</sup>kk'. Cette pression est capable de l'emporter sur le poids P', au moyen de l'action du poids P' suspendu à un cliquet  $f' g^2$  qui est fixé à l'axe f' et tourne avec lui.

L'axe f' porte encore un levier f' g' au dessous duquel on voit une cheville  $\gamma$  fixée à la poutrelle  $\pi$ : nous en verrons bientôt l'u-

sage.

La soupape dd est haussée et baissée par un levier  $k^2 k^3$ , agissant en b<sup>5</sup> sur la queue de cette soupape. Elle est fermée dans la figure, et l'extrémité du levier k<sup>2</sup> k<sup>5</sup> repose sur un levier courbe  $f^2g^9$  attaché à l'axe  $f^2$ . Le mouvement de cet axe  $f^2$  est déterminé par le levier  $g^9f^2g^6$  qui fait corps avec lui, dont la branche  $f^2g^9$  est pressée, lors de l'abaissement du piston du cylindre à vapeur, par le tasseau  $\pi^1 \pi^1$ , et dont la branche  $f^2 g^6$  forme encliquetage avec la piece  $\int_{0}^{3} g^{7}$ : nons allons bientôt y revenir.

Enfin la soupape  $\sigma \sigma$  tient à une tringle verticale, qui ellemême est attachée à l'extrémité d'une bascule yy tournant autour de l'axe k. Le mouvement de cette bascule est produit par



le levier  $f^s g$  fixé à l'extrémité d'un axe horizontal  $f^s f^s f^s$ . Cet axe horizontal porte deux pieces  $f^s k^s$  et  $f^s k^s$  dont nous verrons l'usage; il porte, en outre, un contre-poids  $f^s P^s$ ; c'est ce contre-poids qui, en tombant, fait lever la bascule yy en amenant le levier  $f^s g$  sur la branche de cette bascule opposée à la tringle

de la soupape.

Dans la situation que représente la figure, le poids P<sup>3</sup> est élevé ainsi que le levier f'g, et la soupape  $\sigma\sigma$  est fermée; le poids P<sup>3</sup> est retenu dans cette situation, parceque la tige à l'extrémité de laquelle il est placé forme encliquetage avec un levier qf'g'', tournant autour de l'axe f. Pour bien concevoir cet encliquetage, il faut observer que le poids P<sup>3</sup> tourne dans un plan perpendiculaire à celui de la figure 279, et que le levier qf'g'' tourne dans un plan parallele à celui de la même figure. Un contre-poids P', placé à l'extrémité d'une verge inclinée, tend, comme on voit, à faire tourner le levier qf''g''', et presse l'encliquetage parallèlement au plan de la fig. (279), tandis que la pesanteur de P<sup>3</sup> produit une pression dans un plan perpendi-

culaire à celui de cette figure.

La barre  $qq^2$  est destinée à dégager l'encliquetage dont nous venons de parler : cette barre est liée, en q, au levier q f'g', au moyen d'un axe faisant l'effet d'une charniere; elle est supportée, du côté de q², par un collier Q, dans lequel elle peut glisser librement; enfin elle porte en a une partie saillante qui s'ajuste sur la face de la poutrelle II qui porte le tasseau  $\pi^5$ . On voit par cette description que la barre  $q^2q$  est susceptible d'un petit mouvement horizontal, lequel ne peut avoir lieu sans que le levier q f'g" ne tourne en même temps, et que par conséquent l'encliquetage ne s'engage ou ne se désengage. Le mouvement pour désengager est produit par l'action du tasseau  $\pi^3\pi^3$  sur la piece saillante a; ce tasseau, terminé en forme de coin à sa partie supérieure, écarte, lors de l'ascension de la poutrelle  $\pi$ , la piece a, et lui donne, ainsi qu'à la barre et à tout l'attirail qui y est attaché, au-dessous de f', un mouvement de droite à gauche, tandis que la branche  $f^4g^{11}$  se meut de gauche à droite, se désengage, et laisse tomber le poids P<sup>3</sup>.

La piece  $g^{10}f^3g^7$ , qui tourne avec l'axe  $f^3$  et qui forme encliquetage avec la piece  $g^9f^2g^6$ , est désengagée par la piece  $f^5k^5$ , qui, lors de la chûte de  $P^3$ , vient frapper de bas en haut l'extré-

mité inférieure de la branche  $f^{5}g^{8}$ .

Ensin la piece gf'g', qui tourne avec l'axe f, est destinée à faire encliquetage avec la piece f'g': cet encliquetage se désengage

au moyen du tasseau 72 72, qui, taillé en coin à sa partie inférieure, écarte, lors de la descente de la poutrelle  $\pi_{\pi}$ , la branche fg', et fait faire un petit mouvement à l'axe f et à la bran-

che ou rochet fg.

La poutrelle  $\pi_{\pi}$ , qui donne le mouvement au régulateur, est suspendue au balancier par une chaîne comme les poutrelles dont on a parlé aux art. (1338, 1341 et 1444). Pour maintenir le mouvement vertical de cette poutrelle, on y a adapté deux traverses Inorizontales xx, xx, dont les extrémités coulent dans les rainures verticales x'x', x'x', pratiquées à des poutres XX, XX, immobiles et solidement établies.

Après avoir vu le jeu détaillé de chaque piece revenons à l'ensemble du mouvement. (Voyez les renvois des différentes figures.)

Le piston P du cylindre, se trouvant, comme on l'a dit, entre Ensemble du deux vapeurs et montant par l'effet des contre-poids, a, dans l'édu régulateur,
tat représenté par la fig. (279), encore un espace à parcourir pour et du piston du
cylindre à vaarriver au point le plus haut de sa course. Mais le coin qui ter- peur. mine le tasseau  $\pi^3 \pi^3$  est prêt à s'engager entre la partie saillante a de la barre  $q^2q$  et la poutrelle  $\Pi\Pi$ , à laquelle ce tasseau  $\pi^3\pi^3$  est attaché: ainsi la poutrelle IIII continuant de monter, la barre  $q^2q$  marchera de droite à gauche, fera tourner le levier  $qf^4g^{11}$ , dégager l'encliquetage qui tient le levier f'P' élevé, et tomber le poids P3. Ce poids en tombant produira deux effets; l'un, de faire appuyer le levier  $f^5g$  sur la bascule yy, et de faire, par conséquent, lever la soupape o du tuyau d'injection; l'autre, de faire choquer, de bas en haut, l'extrémité inférieure de la branche  $f^3g^{10}$  par la piece  $f^5k^5$ , au moyen de quoi l'encliquetage  $f^5g^7$ ,  $f^2g^6$ , se dégagera : la piece  $f^2g^6$ , étant devenue ainsi libre, cédera à l'action du poids P2, qui lui fera faire une partie de révolution ainsi qu'à toutes les pieces attachées à l'axe f. Cet effet ne pourra avoir lieu sans que le levier f'g' ne souleve l'extrémité du levier  $k^2 k^3$ , et de suite la soupape dd, dont la queue tient, en  $b^3$ , à ce levier: ainsi la chûte du poids  $P^3$  fera lever les deux soupapes  $\sigma \sigma$  et dd; au moyen de quoi, d'un côté, l'injection se fera par le tuyau c'c'c', et de l'autre la vapeur à condenser affluera dans le condenseur ccc par l'ouverture à laquelle la soupape dd est adaptée.

Mais dans le même temps la cheville y presse, de bas en haut, la branche  $f'g^3$  qu'elle fait remonter avec tout l'attirail attaché à l'axe f', jusqu'à ce que la piece f'g' vienne s'engager et former encliquetage avec la piece fg qui est au-dessus. Or nous avons vu que la soupape b'b' étoit ouverte, parceque la branche

kk' étoit tenue abaissée par la branche  $f'g^4$  et l'action du poids P'; mais la branche  $f'g^4$  étant élevée, le poids P' s'abaisse et fait

fermer la soupape b'b'.

La soupape b'b' étant fermée et les soupapes dd et  $\sigma \sigma$  ouvertes, la condensation se fait dans la partie inférieure du cylindre à vapeur, et le vuides'y établit. Cependant la vapeur continue à presser la partie supérieure du piston P, qui a toujours communication avec la chaudiere par l'espace ee: cette pression, n'étant plus contre-balancée par aucun effort inférieur, l'emporte sur les contre-poids opposés, et force le piston P à redescendre en faisant remonter tout l'équipage qui est à l'autre extrémité du balancier.

Examinons maintenant ce qui se passe lors de la descente du piston du cylindre à vapeur et par conséquent de la poutrelle

ħП.

La chûte du poids P<sup>5</sup> a fait élever les pieces f<sup>5</sup> k<sup>5</sup>, f<sup>5</sup> k<sup>4</sup>, puisque toutes ces pieces tiennent au même axe  $f^5f^5f^5$ : d'après cela, lorsque la poutrelle  $\Pi\Pi$  redescend, le tasseau  $\pi\pi$  vient rencontrer la piece  $f^5 k^4$ , la force de s'abaisser en faisant tourner l'axe  $f^5f^5f^5$ , et fait remonter le poids  $P^5$ ; d'un autre côté le tasseau ou coin  $\pi^3 \pi^3$  se dégageant de l'arrêt a, le poids P4 fait revenir la barre q'q dans la position que représente la figure, au moyen de quoi et de l'élévation du poids  $P^3$ , l'encliquetage  $f^4g^{11}$ ,  $f^5P^3$ , se rengage, et la piece  $f^{s}g$  ne pressant plus sur la bascule yy, la soupape d'injection  $\sigma\sigma$  se referme par son propre poids: mais en même temps le tasseau  $\pi'\pi'$  presse sur la branche  $f^*g^9$ , la fait baisser, et fait rengager l'encliquetage  $f^2g^3$ ,  $f^3g^7$ ; alors la branche  $f^*g^9$  ne souleve plus la branche  $k^*k^5$ , et la soupape ddse referme; enfin le tasseau  $\pi^2 \pi^2$ , dont l'extrémité inférieure a la forme d'un coin, vient séparer la branche f g' de la poutrelle, écarte fg', et fait désengager l'enclique tage fg', fg', que l'ascension de la cheville y avoit fait précédemment engager; alors le poids P' fait presser la branche f'g' sur la branche kk', et fait lever la soupape b'b'.

Tout revient donc à l'état représenté par la figure 279, qui est celui dans lequel nous avons d'abord pris les choses. La communication de la partie inférieure du cylindre à vapeur avec le condenseur et la soupape d'injection étant fermée d'une part, la communication de cette même partie du cylindre à vapeur avec la chaudiere étant ouverte de l'autre, la vapeur afflue au-dessus et au-dessous du piston P, qui se trouve alors en équilibre par rapport à l'action de cette vapeur, et n'est plus mû que par les

contre-poids

contre-poids, qui le font remonter et font redescendre les équi-

pages placés à l'autre extrémité du balancier.

La montée du piston P et de la poutrelle nn fait refermer la soupape bb, rouvrir les soupapes dd et  $\sigma\sigma$ , le tout de la maniere que nous avons décrite ci-devant; les effets correspon-

dants se reproduisent, et ainsi de suite.

1449. On voit, dans la bache BB, la pompe à air dont nous avons parlé pour la premiere fois art. (1341), et dont l'usage et la construction sont absolument semblables à celle décrite art. (1386 et 1412). Elle estaccompagnée de sa soupape de reprise qui reporte dans la chaudiere l'eau nécessaire pour fournir aux pertes de l'évaporation, et le superflu est jeté en dehors. Il est inutile, d'après ce que nous avons dit aux articles cités, d'entrer dans aucun détail sur cette pompe.

1450. Le lecteur distinguera aisément le renissar qu'on voit, dans la ligure 279, traverser la bache BB derriere la pompe à air et dont l'ouverture extérieure est hors de la bache BB: nous n'avons encore à cet égard rien à ajouter à ce que nous avons

dit art. (1396).

1451. On voit, à l'extrémité du balancier opposée à celle qui ployée à prosoutient la tige du piston du cylindre à vapeur, une chaîne tanduire l'ellet gente qui supporte le contre-poids P'et la tige zz du piston z' de chines la pompe ZZ. Cette pompe est celle qui produit l'effet utile de la machine; elle prend l'eau dans un puisard inférieur qui a communication avec la riviere de Seine.

Le piston z' est garni de quatre soupapes; elles sont ouvertes parceque le piston descend, et que l'eau, qui, dans l'ascension précédente, a été aspirée au-dessus de z'z', passe maintenant au-dessus de z'. L'ouverture de ces soupapes est réglée par les extrémités de deux secteurs placés l'un au-dessus de l'autre et contre lesquels on voit que les soupapes sont appuyées.

Il y a également quatre soupapes dormantes en z'z' qui sont Seconde machine sembla-fermées par la raison qu'on vient de donner; les ouvertures de ble à cella ces soupapes sont, comme celles des précédentes, réglées par décrire et con les extrémités de deux secteurs qui paroissent dans la figure.

1452. MM. Périer ont fait construire dans le même emplace- coment. ment deux machines pareilles à celles que nous venons de décrire, afin que, lorsqu'on fait quelques réparations à l'une, l'autre puisse continuer le travail. La figure 280 représente la seconde de ces machines: mais il auroit été inutile de la dessiner, si la même figure ne représentoit pas en même temps plusieurs détails qui ne sont pas dans la figure précédente, qu'il est im-Tome II.

Pompe à aire



portant de connoître et sur lesquels nous aurons à revenir dans la suite. On voit d'abord une coupe de la chaudiere avec son regard et sa soupape de sureté, l'ouverture profilée sur la droite, par laquelle on jette la matiere combustible, les canaux au moyen desquels la flamme et la fumée serpentent autour de la chaudiere, enfin la communication du fourneau avec la cheminée qui est sur la gauche: pour peu que le lecteur soit accoutumé aux descriptions précédentes, il n'aura pas besoin de plus grandes indications.

Récipient ce moyen.

1453. L'eau, élevée par celle des machines qui est en jeu, d'airpoundon se rend dans un récipient RR qui communique avec l'une et tinuité à l'é-l'autre pompe adaptée à ces machines. De là elle se rend dans l'eau dans le un espace S par quatre ouvertures, auxquelles sont adaptées réservoir: observations sur autant de soupapes profilées et représentées ouvertes dans la figure, d'où elle coule immédiatement dans le tuyau de conduite TTT, et enfin dans les réservoirs placés au haut de Chaillot.

L'objet du récipient RR est de donner de la continuité à l'écoulement de l'eau dans les réservoirs: cet effet est dû à ce que, pendant l'ascension du piston de la pompe qui est en mouvement, il entre plus d'eau dans le récipient RR qu'il n'en sort par les soupapes en S; l'excédent s'éleve donc dans le récipient RR dont la partie supérieure est remplie d'air atmosphérique qui ne peut s'échapper; l'espace qu'occupoit l'air étant ainsi resserré, son ressort augmente dans la proportion de la diminution de son volume, et lorsque le piston de la pompe redescend, cet air développe son ressort en pressant sur l'eau inférieure; il remplace l'action qu'exerçoit le piston lors de son ascension, et l'eau continue à monter dans les réservoirs. On voit au bas de la pompe ZZ un petit tuyau w avec son robinet qui en diminue à volonté l'ouverture. Ce tuyau sert à introduire un petit filet d'air, qui à chaque aspiration pénetre dans le corps de pompe et se rend ensuite au haut du récipient : on peut fermer entièrement le robinet lorsqu'on juge que le recipient contient assez d'air pour refouler l'eau; les tuyaux e et e', armés de robinets, servent à cet égard d'éprouvette pour connoître que la séparation respective des volumes de l'eau et de l'air se trouve entre certaines limites. Nous reviendrons dans la suite sur cet objet avec plus de détails.

Il faut observer que si on obtient sensiblement la continuité de l'écoulement par le moyen du récipient RR, il n'en est pas de même de l'uniformité; le piston de la pompe étant supposé se mouvoir uniformément, la vîtesse de l'écoulement est accélérée pendant son ascension et retardée pendant sa descente: cet effet est aisé à concevoir en faisant attention que le ressort de l'air contenu dans le récipient augmente graduellement dans le premier cas et diminue dans le second. On remarque même, lorsque le piston est parvenu au point le plus bas de sa course, une espece d'interruption qui dure quelques secondes.

1454. Nous allons maintenant décrire une autre machine à feu du Grosfeu de la même espece que la précédente, mais d'une construc-tion différente établican Casa Caille M. tion différente, établie au Gros-Caillou. Nous omettrons plusieurs-talos. détails qui seroient inutiles après ce que nous avons dit de celle de Chaillot, et nous nous attacherons seulement aux parties qui constituent les différences essentielles entre les deux machines.

Le cylindre AA (fig. 284, 285 et 286), est établi sur le massif BB; il communique avec le cylindre p p par deux boîtes ou ouvertures e et e de la maniere décrite art. (1445) qui se rapporte à la figure 279. Nous n'entrerons ici dans aucun détail sur ce sujet, vu que nous n'aurions rien à dire de particulier d'après ce qui a été dit à l'article cité.

Nous nous dispenserons également de parler de la communication de la chaudiere avec l'espace renfermé par la boîte q. La vapeur y asslue par le tuyau oo, qui communique à la chaudiere, et pénetre, de là, dans le cylindre de la même maniere qu'à la lig. 279.

Ainsi la vapeur remplit sans cesse la boîte q, le cylindre pp'et la partie du cylindre AA qui est au-dessus du piston; car ona vu que la communication de la chaudiere à ces différents espaces n'est jamais interceptée; on peut seulement en augmenter ou diminuer le passage en tournant le levier cc, qui produit un effet analogue à celui du levier b"b" fig. (279), au moyen. duquel on peut ouvrir plus ou moins la soupape b'b'.

Considérons donc l'espace q, l'espace pp et la partie supé Comment le rieure du cylindre à vapeur comme continuellement remplis une fois imd'une vapeur qui se renouvelle sans cesse par une cause quel - primé, se continue spontaconque. La chaudiere n'a pas été représentée dans la sigure, par- nément cequ'après toutes les descriptions précédentes, le lecteur peut fort aisément se représenter et sa position et sa correspondance avec la chaudiere.

1,455. Cela posé, il s'agit d'expliquer comment, le mouvement de la machine une fois imprimé et la cause productrice de la vapeur continuant d'agir, se mouvement se continue spontané-

On saura d'abord qu'ici, comme à la machine (fig. 279), le jeu du balancier est produit par l'action alternative de la va-

peur qui fait descendre le piston dans le cylindre à vapeur, et des contre-poids suspendus à l'extrémité opposée du balancier qui le font remonter. Ainsi supposant, comme dans le cas représenté par la figure, que le piston du cylindre à vapeur est au point le plus haut de sa course, le vuide se fait à la partie inférieure du cylindre, et la vapeur qui agit continuellement à la partie supérieure fait redescendre le piston et remonter les équipages qui sont de l'autre côté du balancier; lorsque le piston a atteint le point le plus haut de sa course, la communication de la vapeur dans la partie inférieure du cylindre se rétablit, le piston se trouve alors également pressé par la vapeur inférieure et par la supérieure, et les contre-poids placés à l'extrémité du balancier le font remonter.

L'explication que nous avons donnée se réduit donc à faire voir par quel méchanisme la vapeur est alternativement introduite et condensée dans la partie inférieure du cylindre. Ce n'est que dans ce point et aux dimensions près que la machine du

Gros Caillou differe principalement de celle de Chaillot.

l'esse dont nous venons de parler est la poutrelle PP, suspendue par une chaîne tangente à un secteur sixé au balancier, comme la poutrelle de la machine (sig. 279). Les sigures 288 et 289 offrent deux saces de la partie inférieure de cette poutrelle dessinées sur une plus grande échelle que les autres sigures. Il saut remarquer, sur une de ces saces, les pieces tt, t't', se terminant toutes deux en sorme de coin, la premiere à sa partie inférieure et la seconde à sa partie supérieure; l'autre sace est garnie d'une plaque de métal dans laquelle sont les trous quarrés d, d, d, etc. qui pénetrent le bois dans une partie de son épaisseur; ces trous sont l'esse d'une crémaillere qui fait tourner la roue de métal rr, comme nous allons le voir.

Cette roue, qui tourne librement sur l'axe hh, lequel tourne lui-même dans des colliers de métal attachés aux montants du bâti de charpente T; cette roue, disons-nous, est garnie dans toute sa circonférence de dents espacées pour s'engrener dans les ouvertures d, d, etc.; au moyen de cet engrenage, lorsque la poutrelle monte, la roue rr tourne dans un sens, et elle tourne ensuite dans le sens contraire lorsque la poutrelle descend.

Une petite piece de fer n (fig. 293) est fixée à un des côtés de la roue rr, sur le plan duquel elle forme saillie; lorsque la roue rr a fait une portion de révolution, la piece n atteint et choque le levier hx, qu'on voit séparément (fig. 294), et à côté de la roue rr, dans le plan (fig. 284). Ce levier est fixé à l'axe-

hh et ne peut tourner sans lui; ainsi, lorsqu'il est rencontré par la piece n, toutes les pieces fixées à l'axe hh et cet axe lui-même prennent un mouvement de rotation. Faisons la revue de ces pieces.

La premiere est un contre-poids  $h \Pi$  dont la lentille  $\pi$  est soutenue par une courroie attachée à un point supérieur; on lui oppose quelquefois un second contre-poids  $h \pi$ , dont la lentille  $\pi$  peut couler le long de la verge coudée à laquelle elle est suspendue, afin de modérer plus ou moins l'effet de la chûte de la lentille  $\Pi$ .

La seconde est un levier courbe  $hg^2$ , qui sert à faire lever un levier  $k'k^2$ ; ce dernier fait ouvrir et fermer la soupape q'' qu'on voit dans le profil fig. (292).

La troisieme est encore un levier courbe hg', qui fait baisser un autre levier  $kk^3$ , et ce dernier fait ouvrir et fermer la soupape q'.

Enfin la quatrieme est le levier hx dont nous avons parlé précédemment, placé à côté de la roue rr, laquelle, ainsi que nous l'avons dit, n'est point fixée à l'axe hh, mais tourne librement sur cet axe.

Le lecteur qui a parcouru la description de la machine précédente doit très bien connoître la destination des soupapes q', q'' et  $\sigma \sigma$ ; il sait que la soupape q' est destinée à établir ou à intercepter la communication entre la vapeur affluant de la chaudiere et la partie inférieure du cylindre, que la soupape q' produit le même effet à l'égard du condenseur, et que la soupape  $\sigma \sigma$  ouvre ou ferme l'entrée du condenseur à l'eau d'injection: nous sommes dispensés à présent d'entrer sur tous ces objets dans des détails qui, après les descriptions précédentes, sont familiers au lecteur.

D'après cela, lorsque la soupape q' est fermée et que les soupapes q' et  $\sigma \sigma$  sont ouvertes, la condensation se fait à la partie inférieure du cylindre, le vuide s'y établit, le piston descende ou est au moment de descendre. Lorsqu'au contraire la soupape q' est ouverte et les soupapes q' et  $\sigma \sigma$  sont fermées, la condensation n'a plus lieu, la vapeur s'introduit librement à la partie inférieure du cylindre, et le piston, également pressé des deux côtés par la vapeur, remonte par le moyen des contre-poids, ainsi qu'on l'a dit précédemment.

Le premier cas est celui de la figure; et il s'agit de voir comment, lorsque le piston sera descendu, le second cas arrivera, c'est-à-dire comment la soupape q' s'ouvrira, les soupapes q'' et as se fermant.

Lorsque, comme dans le cas de la figure, le piston est au haur

de sa course, la piece n de la roue rrest (sig. 285) à gauche de l'axe hou entre cet axe et le cylindre, et le levier hx, que cette piece doit remonter, est à droite. Le piston du cylindre à vapeur descendant, la poutrelle PP du cylindre à vapeur descend en même temps, et fait, par l'engrenage à crémaillere décrit ci-dessus, tourner la roue rr: l'axe hh ne se meut point encore, car on a vu que la roue rr tourne librement sur lui; mais lorsque, la poutrelle PP continuant à descendre, cette roue a fait à peu-près une demi-révolution, la piece n rencontre par dessous le levier hx qu'elle entraîne dans son mouvement avec le poids  $\Pi$  et les leviers  $hg^2$  et  $hg^2$ ; le poids  $\Pi$  s'élevant atteint la verticale, et, la dépassant ensuite, retombe de lui-même du côté opposé à celui où la figure le représente; à cette époque le piston est parvenu vers le point le plus bas de sa course.

Pendant l'ascension du poids  $\Pi$ , le levier  $hg^2$ , qui descend, permet au levier k'k'' de s'abaisser, et la soupape q'' s'abaisse pareillement (on peut voir dans le profil, fig. 292, la correspondance entre les mouvements des leviers  $kk^3$ , k'k' et, des soupapes q' et q''); lorsqu'ensuite le poids  $\Pi$  a dépassé la verticale, la soupape q'' est tout-à-fait fermée, et le levier hg' pressant sur le levier  $kk^3$ , le force de s'abaisser, au moyen de quoi la soupape

q' s'ouvre.

On voit donc comment, lorsque la soupape q'' se ferme, celle q s'ouvre, et réciproquement. Il reste à expliquer comment les soupapes q'' et  $\sigma \sigma$  s'ouvrent et se ferment en même temps.

La soupape  $\sigma \sigma$  tient à une verge SS (fig. 285) qui s'éleve et s'abaisse alternativement; par conséquent, pour concevoir le mouvement de la soupape, il suffit de concevoir celui de la verge à laquelle elle est attachée. Cette verge paroît, dans la figure 285, suspendue à un axe zz, qui fait partie d'un méchanisme qu'on voit plus en grand dans la figure 288 qui en représente l'élévation en face; la figure 289 en représente l'élévation latérale; et la figure 287 en représente le plan: c'est à ces dernieres figures qu'il faut rapporter ce que nous allons dire.

L'axe zz se meut dans des colliers pratiqués aux deux supports H'H'; à cet axe sont fixées les pieces suivantes; savoir, 1°. un levier  $\gamma^{w}\gamma^{v}$ , portant à une de ses extrémités un poids  $\Pi^{5}$ , et à l'autre la verge  $\mathcal{S}\mathcal{S}$ , à laquelle est suspendue la soupape  $\sigma\sigma$ . On voit que le haut de cette verge, qui est en forme de fourche, embrasse l'extrémité du levier  $\gamma^{w}\gamma^{v}$ , à laquelle il reste suspendu au moyen d'une goupille; 2°. un levier coudé wz U', qu'on voit dessiné à part (fig. 290): à la branche U' est attachée une verge quarrée  $\gamma^{w}\gamma^{v}$ , qui traverse librement un trou  $\gamma^{v}\gamma^{v}$  pratiqué à un

montant immobile HH. La liaison de U' à la verge  $\gamma''\gamma''$  se fait en plaçant leurs têtes ou extrémités l'une à côté de l'autre et les traversant par un axe ou goupille, au moyen de quoi ces deux extrémités communes forment charniere ou articulation.

La verge  $\gamma''\gamma''$  a, comme on voit (fig. 289) une de ses extrémités appuyée contre le corps de la poutrelle PP: mais on conçoit aisément, d'après ce qu'on vient de dire, que si un effort quelconque poussoit horizontalement cette verge de droite à gauche, de maniere à l'éloigner de la poutrelle, l'axe zz et tout le système qui lui est attaché tourneroit à cause de l'articulation qui lie  $\gamma''\gamma''$  à U'; ainsi l'extrémité w de zw s'abaisseroit, la verge SS attachée à l'extrémité de  $\gamma''\gamma''$  s'abaisseroit aussi en faisant fermer la soupape  $\sigma\sigma$ , et le poids  $\pi^5$  s'éleveroit. Or cet effort qui fait mouvoir  $\gamma''\gamma''$  est produit par le tasseau tt lors de la descente de la poutrelle PP; la partie taillée au coin de ce tasseau s'introduit entre l'extrémité de  $\gamma''\gamma''$  et le corps de la poutrelle, fait couler cette verge dans l'ouverture  $\gamma\gamma'$ , produit le mouvement de l'axe et de toutes les pieces qui  $\gamma$  sont attachées, et fait par conséquent fermer la soupape  $\sigma\sigma$ .

Nous avons vu précèdemment que la poutrelle en descendant faisoit fermer la soupape q'' (fig. 292 et 285), et on conçoit à présent comment cette descente produit le même effet sur la

soupape oo.

ie/

CO.

1

Mais il ne suffit pas que le tasseau tt fasse fermer la soupape σσ; il faut encore que, lors de l'ascension de la poutrelle PP, et quand le tasseau tt n'est plus interposé entre cette poutrelle et l'extrémité de la verge γ"γ" après s'en être dégagé en montant; il faut, disons-nous, que la soupape σσ reste encore fermée un certain temps, c'est-à-dire que tout l'équipage attaché à l'axe zz conserve la situation où l'a mis l'interposition de tt, entre le corps de la poutrelle PP et l'extrémité de la verge γ"γ". Cette condition exige des moyens particuliers; car on conçoit que si l'équipage attaché à l'axe zz étoit abandonné à lui-même, la pesanteur du contre-poids π³ le feroit redescendre à sa première place, feroit remonter tout ce qui est de l'autre côté de l'axe zz, et par conséquent ouvrir la soupape σσ.

On remplit la condition dont nous parlons avec les deux pieces UU et  $\gamma'''\gamma'''$ , la piece UU tourne autour d'un axe x'x' et est terminée à sa partie inférieure par un contre-poids  $\Pi^2$ ; la courbure de la branche  $xU\Pi^2$  est telle que le contre-poids  $\Pi^2$  se trouve du côté de la poutrelle PP par rapport à l'axe x', et

tend par conséquent à faire rapprocher de cette poutrelle l'extrémité supérieure de UU. La verge horizontale y"'y", qui est quarrée, glisse librement dans une ouverture de même forme pratiquée au montant HH, à côté de l'ouverture y'y', dans laquelle passe la verge γ" γ"; une des extrémités de γ" γ" se trouve ainsi contre la poutre lle PP, et l'autre extrémité est liée à l'extrémité supérieure de UU par une goupille ou un axe formant ence point charniere ou articulation, ce que la fig. 291 fait voir clairement.

D'après cette disposition le poids n' doit tendre sans cesse à faire appuyer l'une des extrémités de  $\gamma'''\gamma'''$  contre la poutrelle PP, et cette extrémité ne s'en sépare que lorsque le tasseau t't', qui correspond à  $\gamma'''\gamma'''$ , vient pendant l'ascension de la poutrelle s'interposer entre cette poutrelle et l'extrémité de y''' y'''.

Or voici ce qui résulte de ce double effet.

Lorsque la poutrelle PP descend, les choses restent dans l'état représenté par la sig. (289) tant que l'extrémité supérieure du tasseau t't' n'est pas parvenue au-dessous de  $\gamma''\gamma''$ ; mais quand elle y parvient, le poids n, qui alors fait presser une des extrémités de y" y" contre le corps de la poutrelle, fait en même temps avancer l'entaille u u au-dessous de l'extrémité w de la branche zw; la poutrelle PP continuant à descendre, le tasseau tt vient se glisser entre la verge  $\gamma''\gamma''$  et le corps de la poutrelle, l'extrémité w s'engage dans l'entaille uu, et les pieces z w tt UU forment encliquetage, au moyen de quoi e poids n' demeure élevé, et la verge y'' y'' conserve sa position jusqu'à ce que, par l'ascension de la poutrelle la verge γ''' γ''' soit atteinte par le tasseau t't' qui fait dégager l'encliquetage.

Il est aisé de concevoir comment ce dégagement a lieu par l'interposition du tasseau t't' entre l'extrémité de  $\gamma'''\gamma'''$  et le corps de la poutrelle, qui, faisant mouvoir y"'y" de droite à gauche (fig. 289), écarte l'entaille u u dans le même sens, et laisse échapperw, qui s'éleve aussitôt par l'abaissement du poids n'; d'un autre côté la même ascension de la poutrelle fait tourner la roue rr dans un sens contraire à celui où elle a tourné précédemment, la piece n vient rencontrer le levier ha, qu'elle entraîne dans son mouvement avec le poids  $\Pi$  et les leviers  $hg^2$  et  $hg^3$ ; le poids s'élevant atteint la verticale, et, la dépassant ensuite, retombe de lui-même et revient dans la position où la (fig. 285) le représente : or pendant que cet effet se produit hg' abandonne le levier  $kk^5$ , et le poids  $\Pi'$  fait fermer la soupape q'; au contraire le levier  $hg^2$  souleve le levier  $k'k^2$  et fait ouvrir

la soupape q''.

q et σσ sont ouvertes, les choses reviennent à l'état où nous

les avons supposées au commencement de cette description;

la condensation se fait au-dessous du piston, la vapeur supé-

comme celle du Gros-Caillou, à élever de l'eau par le moyen d'une pompe. Un récipient d'air semblable à celui de la fig.

( 280 ) sert à donner de la continuité à l'écoulement du fluide dans le réservoir supérieur. Il seroit inutile de nous livrer ici à

voir les machines à forer. Le méchanisme de cette machine à feu peut être assimilé à celui de la précédente, quant au systême des leviers qui font hausser et baisser les soupapes de

communication de la partie inférieure du cylindre à vapeur avec la chaudiere et le condenseur, et quant à la maniere de faire ouvrir et fermer la soupape d'injection. La différence essentielle qui existe entre les régulateurs des deux machines consiste dans la maniere dont la poutrelle fait tourner l'axe horizontal auquel sont attachés les leviers et le contre-poids qui se rapportent aux soupapes de la partie inférieure du cylindre à vapeur. Il n'y a point dans la petite machine de Chaillot de crémaillere ni d'engrenage, comme au Gros-Caillou;

On a placé dans le prolongement et dans la direction de l'axe qui répond à l'axe hh, dans la (fig. 286), un autre axe, plus court, porté sur des supports particuliers, qui est placé devant la poutrelle et qui est immédiatement mû par cette poutrelle. Pour cela ce petit axe porte quatre leviers, dont deux jouent d'un côté de la poutrelle et deux de l'autre. Dans chaque

rieure le fait redescendre, et ainsi de suite.

aucun détail sur tous ces objets accessoires.

La soupape q'étant ainsi fermée, pendant que les soupapes

ex. r et rm Sa

700  $\mathbf{m}$ 101.

J.

Ĭ

ť.

paire de leviers il y en a un grand et un petit : une cheville commence à faire faire au grand levier une partie de la course,

une seconde cheville reprend ensuite le petit levier afin d'ache-

ver la course entiere.

Les extrémités des deux axes, qui sont contiguës l'une à

l'autre, portent chacune un petit plateau circulaire de fer, placé perpendiculairement à leur direction; sur les faces de

ces plateaux, qui se regardent, sont des parties saillantes, dis-

Tome II.

et voici comment on y supplée.

posées de maniere que l'une répond à la portion de circon-

1457. La machine que nous venons de décrire est employée, d'air.

1458. MM. Périer ont fait construire à leur manufacture de feu employée Chaillot une petite machine à feu destinée à élever l'eau dans la manufacture de feu employée chaillot une petite machine à feu destinée à élever l'eau dans la manufacture de feu employée chaille des la manufacture de feu employée chaille de feu destinée à élever l'eau dans la manufacture de feu employée chaille de f

nécessaire pour faire tourner les roues à aubes qui font mou-

férence où l'autre ne se trouve pas; mais lorsque la poutrelle fait tourner le petit axe, la partie saillante du plateau qui se trouve au bout de ce petit axe vient rencontrer la partie saillante du plateau qui se trouve au bout du grand, et lui communique, ainsi qu'à tout le système attaché au grand axe, le mouvement de rotation qu'il tient de la poutrelle. Cet effet, qui a lieu, soit dans un sens, soit dans l'autre, remplace ainsi celui de la roue dentée de la machine de Chaillot.

La poutrelle porte ainsi qu'à cette derniere machine les deux tasseaux à plans inclinés destinés à pousser les verges qui font

mouvoir la soupape d'injection.

Avantages des machines à feu à double effet sur les machines à feu ordinaires; comment on peut disposer les premieres pour qu'elles agissent à la maniere des secondes.

Avantages des machines ordinaires.

1459. Il n'étoit guere possible de décrire les machines à seu à dou- à seu anciennes et récentes avec autant de détail que ble effet sur nous l'avons fait, sans nous livrer, de temps à autre, à les machines nous l'avons fait, sans nous livrer, de temps à autre, à quelques réflexions sur le rapprochement de leurs propriétés respectives. D'un autre côté les lecteurs instruits dans ces sortes de matieres pourront aisément, d'après ce qui précede, en faire la comparaison; nous allons néanmoins récapituler, par ordre, les principaux avantages de celles à double effet.

1º. Diminution du volu-

1°. La condensation n'ayant lieu que par intervalle dans les me de la chau. machines simples, telles que celles décrites depuis l'art. (1445), il faut, dans ces especes de machines, faire les chaudieres assez grandes pour qu'elles puissent accumuler, dans leur partie supérieure, une quantité de vapeur telle que la machine simple puisse faire en un temps ce que la machine à double effet fait en deux temps.

> Au contraire la condensation s'opérant sans cesse et la vapeur sortant continuellement de la chaudiere, dans les machines à double effet, leurs chaudieres n'ont pas besoin d'avoir une aussi grande capacité, ce qui en rend la construction plus

simple et plus économique.

2°. La chaudiere des machines simples doit être beaucoup 2º. L'effort dans la chau- plus épaisse que celle des machines à double effet, afin de uniforme et pouvoir supporter l'excédent de pression qu'exerce la vapeur pendant le temps où la chaudiere ne fait aucune dépense : il

de la vapeur diere est plus

est très aisé de s'assurer, par le fait, de cet excédent de pression, à l'inspection d'une machine à feu simple en mouvement: on s'appercevra, si on examine la chaudiere, qu'à des intervalles périodiques la vapeur sort avec effort par les joints et même par la soupape de sûreté : ces intervalles correspondent aux temps où la chaudiere ne fait aucune dépense.

Cet inconvénient n'a pas lieu dans les machines à double effet, parceque la chaudiere faisant une dépense continue et uniforme, la chaudiere est toujours également pressée, et que

sa pression est moindre que dans les machines simples.

3°. L'expérience nous apprend que la surface de l'eau se ré- mie du comduit d'autant plus facilement en vapeur, qu'elle se trouve bustible. moins comprimée, la quantité de seu étant d'ailleurs la même; et il suit de là qu'à égale dépense de vapeur, dans un temps donné, la machine à double effet doit dépenser moins de combustible que la machine simple. Cette propriété résulte nécessairement de ce que nous avons dit plus haut; car puisque dans la machine simple, à effets égaux, la pression moyenne de l'eau est plus grande que dans la machine double, il faut nécessairement plus de feu pour produire la même vapora-

Cet avantage est confirmé par l'expérience; et c'est la principale cause pour laquelle on commence généralement à abandonner les machines à feu simples.

4°. Dans les machines doubles, la vapeur exerçant une action tion des di-continuelle dans le cylindre, il suffit qu'elle agisse sur une sur-face égale à la moitié de celle récossine remains du cylindre à vaface égale à la moitié de celle nécessaire pour produire le péuret des parmême effet dans la machine simple. Cet avantage procure res, l'effet une épargne, non seulement sur la matiere du cylindre, mais me.

encore sur celle de toutes les pieces qui en dépendent.

5°. Pour produire le mouvement d'oscillation, dans la ma-5° Suppression chine simple, il faut placer un contre-poids à l'extrémité du poids. balancier opposée à celle qui soutient le piston du cylindre à vapeur : l'effet de ce contre-poids doit être la moitié de celui de la vapeur qui agit dans le cylindre, et il sert à entretenir le mouvement de rotation du volant pendant l'ascension du piston du cylindre à vapeur : la machine double dans laquelle la vapeur exerce, au moyen de la tige rigide du piston du cylindre, une action continuelle et uniforme sur le balancier, n'à par conséquent pas besoin de contre-poids. Cette seule épargne sussit aux frais des trois soupapes que la nouvelle machine à de plus que l'ancienne; mais son plus grand avantage est de



diminuer les masses à mouvoir, dont on ne sauroit trop réduire. la quantité dans les machines à mouvement alternatif.

6. Uniformité du mouve-

6°. Outre l'économie du combustible, celle des frais de la machine et la propriété importante de diminuer les masses qui doivent avoir un mouvement alternatif, la machine à double esset a encore l'avantage de la grande uniformité du mouvement. Cette uniformité est très dissicile à obtenir dans les machines simples, sur-tout lorsque la résistance est variable comme dans les moulins, les laminoirs, etc.

Il est vrai qu'en modérant l'injection, dans les machines. simples on peut faire monter la lentille, ou le contre-poids, avec la vîtesse qu'on veut: mais on n'a pas le même avantage quand la lentille descend; car cette lentille, étant abandonnée à elle-même, communique tout son mouvement au volant, et peut lui communiquer une vîtesse capable de briser la machine,

ce qui est arrivé plusieurs fois.

C'est peut-être aux tentatives qu'on a faites pour remédier. à cet inconvénient que nous sommes redevables de l'invention de la machine à double effet. Quoi qu'il en soit, nous croyonsavoir démontré sa supériorité de maniere à convaincre tous nos lecteurs que c'est la seule qu'on doive employer, au moins

jusqu'à ce que l'art ait fait de nouveaux progrès.

Comment la de la machine simple.

1460. Nous terminerons ce chapitre par faire voir comment machine à seu la machine à seu à double effet peut être mue à la maniere. peut être mue de celle de Chaillot, et de celle de Newcomen. Pour bien saisir ce que nous allons dire il est bon de relire les art. (1384 et 1409) où nous avons donné les moyens de classer méthodiquement dans la mémoire le jeu des soupapes qui établissent la communication entre la chaudiere, les parties supérieures et inférieures du cylindre, et le condenseur.

Premier

Pour obtenir le mouvement de la machine de Chaillot, supprimez les tringles qui communiquent le mouvement des pieces du régulateur aux soupapes qui établissent la communication entre la partie supérieure du cylindre, (voyez la note de l'art. (1383), où nous avons défini ce que nous entendions par parties supérieure et inférieure du cylindre à vapeur) la chaudiere et le condenseur; de ces deux soupapes, laissez ouverte celle de communication entre la chaudiere et là partie supérieure du cylindre, et fermez l'autre. Par ce moyen la vapeur, affluant de la chaudiere, aura, comme à la machine de Chaillot, continuellement une issue à la partie supérieure du cylindre. Supposons le piston du cylindre à vapeur au point le plus bas de sa course : on sait, d'après la description que nous avons donnée de ces régulateurs, que dans ce cas la communication entre la partie inférieure du cylindre et le condenseur est interceptée, et que celle de la même partie inférieure avec la chaudiere est établie; de plus la vapeur de la partie supérieure ne peut plus se condenser, puisque la soupape qui devoit s'ouvrir pour cela est sermée et ne peut plus être mue par le régulateur : le piston du cylindre se trouve donc entre deux vapeurs de même ressort, et remontera par l'effet d'un contre-poids qu'on suspendra à l'extrémité opposée du balancier, dans la premiere machine, fig. (225), ou aux tiges des pistons des pompes, dans la seconde machine, fig. (241). Lorsque le piston du cylindre à vapeur sera remonté, l'effet du régulateur sera, comme on a vu aux art. ci-devant cités, d'établir La communication entre la partie inférieure du cylindre et le condenseur, et d'intercepter celle entre la même partie inférieure et la chaudiere : le vuide se fera donc au-dessous du piston; et comme la vapeur est continuellement agissante audessus, ce piston redescendra, et ainsi de suite.

On peut encore faire de la machine à double effet une machine simple par le moyen suivant : supprimez les tringles moyen qui communiquent le mouvement des pieces du régulateur aux deux soupapes qui établissent la communication entre la partie inférieure du cylindre, la chaudiere et le condenseur; de ces deux soupapes laissez ouverte celle de communication entre la partie inférieure du cylindre et le condenseur, et fermez l'autre; par ce moyen, le vuide une fois établi à la partie inférieure du cylindre (supposée parfaitement close et avec les restrictions énoncées dans la note de l'art. (1338)), s'y maintiendra toujours à cause de la continuelle communication avec le condenseur. Supposons le cylindre au point le plus haut de sa course; on sait qu'alors, par l'effet du régulateur, la soupape qui communique de la partie supérieure du cylindre au condenseur doit se fermer, et que celle qui communique de la même partie supérieure à la chaudiere doit s'ouvrir : (il est bien entendu que dans le cas dont nous parlons on n'a pas touché aux tringles qui font mouvoir ces deux soupapes). La vapeur aflluera donc au-dessus du piston et le fera descendre : lorsqu'il sera parvenu au point le plus bas de sa course, le régulateur fermera la soupape qui communique de la partie supérieure du cylindre à la chaudiere, et ouvrira celle qui communique de la même partie supérieure au condenseur : le vuide se fera donc



Comment

nicre de la machine de

Newcomen.

moyen.

Premier

au-dessus du piston; et comme il existe continuellement audessous, ce piston remontera par l'effet des contre-poids, qu'on aura placés de la maniere décrite dans l'exposition du moyen précédent, qui paroît préférable à celui-ci.

Pour obtenir le mouvement de la machine de Newcomen,

elle peut être on aura également deux moyens, savoir:

Premier moyen. Enlevez le plateau qui couvre la partie supérieure de cylindre en sorte que l'atmosphere presse sur le piston comme dans la machine de la fig. (256); supprimez les tringles qui donnent le mouvement aux soupapes de communication de la partie supérieure du cylindre à la chaudiere et au condenseur, et laissez les soupapes fermées. Ceci conçu, supposons le piston au plus bas de sa course; on sait, d'après le méchanisme du régulateur, que la soupape qui communique de la partie inférieure du cylindre au condenseur doit alors se fermer, et que celle qui communique de la même partie inférieure à la chaudiere doit s'ouvrir: la vapeur affluera donc sous le piston, et le fera remonter en surmontant le poids de l'atmosphere. Le piston étant remonté, l'effet de l'encliquetage est de faire fermer la soupape qui communique de la partie inférieure du cylindre à la chaudiere, et de faire ouvrir celle qui communique de la même partie inférieure au condenseur : le vuide se fera donc sous le piston, la pression supérieure de l'atmosphere le fera redescendre, et ainsi de suite. On sait, art. (1435), que pour user de ce moyen il faut entretenir un écoulement d'eau continuel au dessus du piston.

Second moyen.

Second moyen. Laissez la plaque qui couvre la partie supérieure du cylindre à vapeur, au moyen de quoi l'atmosphere ne pourra point exercer sa pression sur le piston; mais suspendez à ce piston un poids équivalent à celui de l'atmosphere: supprimez les tringles qui donnent le mouvement aux soupapes de communication de la partie supérieure du cylindre à la chaudiere et au condenseur de ces deux soupapes : fermez celle qui communique à la chaudiere, et laissez ouverte celle qui communique au condenseur; par là, le vuide une fois établi dans la partie supérieure du cylindre s'y maintiendra constamment avec les mêmes suppositions et les mêmes restrictions énoncées ci-dessus. Ceci conçu, supposons le piston au bas de sa course, la soupape qui communique de la partie inférieure du cylindre au condenseur se ferme et celle qui communique de la même partie inférieure à la chaudiere s'ouvre. La vapeur affluant sous le piston le fait remonter ainsi que le poids attaché à la tige

qui représente celui de l'atmosphere. Le piston étant parvenu au haut de sa course, la soupape qui communique de la partie inférieure du cylindre au condenseur s'ouvre, et celle qui communique de la même partie inférieure à la chaudiere se ferme. La condensation se fait au-dessous du piston, qui se trouve ainsi entièrement dans le vuide et qui descend par l'effet du poids attaché à sa tige.

Il ne faudroit user des moyens que nous venons d'in-Réflexions diquer que dans le cas où une machine à feu à double effet moyens précédents. auroit à surmonter une résistance beaucoup moindre que celle à laquelle elle seroit destinée par sa construction et ses dimensions, et nous présentons même ces moyens plutôt comme des objets de curiosité que comme des objets de pratique. Nous avons pensé que le lecteur verroit avec plaisir le développement de la propriété, que nous n'avons fait qu'indiquer, art. (1356).

Détails de la construction de plusieurs pieces principales d'une machine à feu à double effet.

1461. Les planches qui accompagnent les descriptions contenues dans les chapitres précédents ont été dessinées avec beaucoup d'exactitude, de soin et sur de grandes échelles : elles offrent ainsi les détails de la construction avec assez de développements pour suffire aux constructeurs exercés. Nous avons cependant cru nécessaire, en faveur de ceux qui ne le seroient pas autant, de dessiner plusieurs pieces principales en perspective sur une proportion plus grande encore que celle des figures géométrales. Par là, les lecteurs les moins praticiens pourront en concevoir très facilement la composition.

Les fig. (295), n°. 1 et 2, représentent le piston du cylindre piecesqui com-à vapeur; le n°. 1 en offre la vue perspective supérieure, avec posent le pis-une section OOO faite sur l'ave du cylindre à vapeur, qui tonidu cylindre une section QQQQ faite sur l'axe du cylindre à vapeur, qui à vapeur. laisse voir le demi-fond intérieur de ce cylindre; le n°. 2 offre une coupe du piston et la vue de sa moitié inférieure. a a'a" a" est une seule piece dont a' a' est la surface inférieure de a''a''; a'a' la surface cylindrique intérieure de a'a'; et a'' a'' la couronne formant la surface inférieure de aa. L'espace cylindrique renfermé par a'''a''' est occupé par l'extrémité inférieure de la tige kk du piston, qui y est retenue par une clavette: on voit en k'et en ama les demi-surfaces des extrémités inférieures de kk et a"a": au-dessus de la couronne a a est un cercle ou ron-

delle bb, et c'est entre aa et bb qu'est contenue la filasse FF, qui intercepte la communication de la vapeur d'une partie du cylindre à l'autre. Pour donner à cette filasse la compression et le gonflement nécessaires, on pose au-dessus de a"a" et bb un plateau ccc lié à a"a" par des vis 1, 1, 2, 2, 3, 3; et on emploie une quantité de filasse assez grande pour que, le plateau cc posant sur le cercle bb, il y ait un intervalle entre ce plateau et la surface supérieure de a"a". Cet intervalle peut être diminué en serrant les écrous des vis 1, 1, 2, 2, 3, 3; et alors le cercle bb, s'abaissant d'autant, comprime la filasse FF, et la fait gonfler pour remplir plus exactement la capacité intérieure du cylindre à vapeur. Ce méchanisme a quelque rapport avec celui du piston de la pompe, fig. (148), que nous avons décrit, art. (695). La fig. 305 en représente le profil avec toute la netteté et le détail desirables.

On voit, n°. 1, la maniere dont le corps du cylindre à vapeur est assemblé avec le fond, lequel fond est coulé tout d'une piece. RR est l'issue pratiquée pour l'écoulement de la vapeur qui se condense, TTT la section verticale dans le plan de QQ, et VV la demi-surface supérieure du fond. Nous avons déja parlé, art. (1422), de ce fond et de la forme qu'on lui donne pour faciliter l'écoulement de l'eau provenant de la condensation, les explications jointes aux plans représentés par les fig. 248, 249, et au profil fig. 305, nous dispensent de nous étendre davantage sur ce sujet.

Détail des bolies à vapeur que supérieures.

1462. La fig. (296) représente la vue extérieure des bottes qui contiennent les soupapes supérieures destinées à établir ou à intercepter la communication entre le cylindre à vapeur et la chaudiere, qu'on peut désigner plus simplement par le nom de boltes à vapeur supérieures. Cette figure se rapporte à la machine à feu à double effet, d'une construction semblable à celle de la premiere décrite précédemment, art. (1380 et suiv.). AA est la partie supérieure du cylindre; B la boîte, faisant partie de ce cylindre, et servant d'issue latérale à la vapeur qui afflue à sa partie supérieure ou qui en sort; CD une boîte antérieure assemblée à la boîte B, comme on voit dans la figure, et au dessous de laquelle sont attachées les parties supérieures des cylindres ou des tuyaux montants q, q', qui conduisent la vapeur aux boîtes inférieures représentées par la figure (297); enfin EF, fig. (296), est la boîte dans laquelle jouent les soupapes. On voit en ff l'ajustement des parties extérieures des axes qui font lever et baisser ces soupapes, et nous allons en donner une description plus d'taillée. Cette Cette boîte EF est, comme nous l'avons dit art. (1383), continuellement remplie de vapeur, parcequ'elle a une communication non interrompue avec la chaudiere : on voit en kk kk la bride à laquelle vient s'assembler l'extrémité du tuyau

qui amene la vapeur de la chaudiere.

La fig. 297 est la vue intérieure des pieces représentées par la fig. 296; elle offre l'assemblage des tuyaux q, q', avec les boîtes supérieures, la cloison e e séparant la partie de la boîte correspondante au tuyau q', dans laquelle se trouve l'ouverture B B qui répond à B (fig. 296), et sert d'issue à la vapeur dans la partie supérieure du cylindre, qui la sépare, disons-nous, de la partie de la même boîte placée au-dessus du tuyau q, lequel conduit la vapeur à la partie inférieure du cylindre; ce que l'on concevra aisément en comparant la fig. 297 avec la fig. 299 qui lui correspond verticalement.

Les soupapes t, t, (qui sont représentées toutes deux fermées, parceque la machine n'est point supposée en mouvement) ont des queues inférieures t' t', qui jouent dans des trous pratiqués à des traverses zz, au moyen de quoi elles se haussent et se baissent toujours verticalement. Nous détaillerons davantage ce mécanisme dans la section de cet ouvrage où nous traiterons des soupapes en général. Ces soupapes t, t, tiennent à leurs tiges ou manches u, u, par des axes x, x; ce sont ces manches qui reçoivent l'action des leviers mûs par le régulateur; et comme il suffit d'expliquer l'arrangement de ces leviers pour une seule soupape, nous donnerons cette explication d'après la fig. 299, où le mécanisme se voit plus clairement.

La fig. 298 est la vue extérieure des boîtes qui contiennent Détail des boîtes soupapes inférieures destinées à établir ou à intercepter la inférieures. communication entre le cylindre à vapeur et le condenseur. A A est une partie du cylindre assemblée sur le fond B' B". Nous avons parlé art. (1422) de la forme intérieure de ce fond; on sait que B" est le canal servant d'issue à la vapeur dans la partie inférieure du cylindre; q, q', sont les extrémités inférieures des tuyaux montants servant à conduire la vapeur des boîtes (fig. 296) aux boîtes (fig. 298.) On voit comment q, q', sont liés à la piece QQQQ, et comment cette derniere forme la partie supérieure de la boîte C'D'. Cette boîte C' D' renferme les soupapes qui livrent à la vapeur le passage au condenseur; et la boîte R, qui estau-dessous, renferme la soupape même du condenseur.

Toutes ces choses se voient encore mieux dans la fig. 299, qui est une vue intérieure des pieces dont la fig. 298 offre la Tome II.

Digitized by Google

vue extérieure. On peut d'abord remarquer l'emboîtage des tuyaux q, q', dans les parties QQ, et l'assemblage des boîtes in férieures entre elles; mais ce qu'il faut principalement expliquer, c'est la maniere dont les soupapes t se haussent et se baissent par le mouvement du régulateur. On a mis les mêmes lettres aux trois soupapes parceque le mécanisme est le même pour toutes. Il faut regarder en même temps les sig. 299 et 300, cette derniere représentant la vue latérale d'une des soupapes qu'on voit en face dans la fig. 299.

Mécanisme qui sait mou-

ag est le petit levier extérieur auquel est attachée la verge Joir les soupa ou tringle qui transmet le mouvement du régulateur à la per des boltes soupape, l'extrémité de cette tringle et du petit levier ag formant charniere en g. Ce levier ag est fixé à un axe horizontal a b, qui porte dans l'intérieur de la boîte un autre levier vy. Le levier vy correspond à une entaille pratiquée à la queue u de la soupape (voy. fig. 300); et lorsque l'axe ab fait une partie de révolution dans un sens ou dans l'autre, la partie  $\sqrt{\ }$ , engagée dans l'entaille, éleve la soupape ou la laisse tomber alternativement: on voit par-là comment le mouvement communiqué par le régulateur à l'articulation g se transmet à la soupape par l'axe  $\tilde{a}b$  et le levier vv'.

Une piece immobile y y, placée derriere la queue de la soupape, a une entaille quarrée dans laquelle cette queue glisse en montant et en descendant, et qui empêche qu'elle ne va-

cille dans son mouvement.

empêlongueur.

Pour empêcher que l'axe ab n'ait du jeu dans le sens de sa loncher les axes gueur, on a pris les précautions suivantes : cet axe traverse une de jouer dans boîte de cuivre n n qui est fixe; et une partie de sa longueur engagée dans cette boîte a la forme conique, comme onle voit (fig. 304); une bride ffm (fig. 299) est attachée à la piece nn, et la tête m de cette bride sert d'écrou à une vis h h; cette vis est terminée par une pointe qui vient presser contre l'extrémité extérieure de l'axe ab, et, en la serrant plus ou moins, on donne à la partie conique engagée dans nn le degré de pression nécessaire.

Dans la boîte à gauche, immédiatement au-dessous de QQ, la piece yy et la queue de la soupape sont entre le spectateur et l'axe ab; le cas contraire a lieu pour la soupape qui est à côté; la traverse y y ne se voit pas dans la soupape inférieure du condenseur, elle est censée enlevée à cause de la coupe; on n'a également représenté que les trois quarts de chaque soupape. Le levier ag' est celui nommé w z (fig. 246), à l'extrémité duquel est la chaîne z't, correspondante au cadran t, au moyen

le ıfé 161 172

duquel on regle l'ouverture de la soupape d'injection, pour accélèrer ou retarder le mouvement de la machine, ainsi qu'on

a vu art. (1415).

vu art. (1415).

1463. Lorsqu'on a besoin de mettre à découvert l'intérieur rieur des botdes boîtes qui renferment les soupapes, il faut, d'après l'arran-tes à vapeur. gement de la fig. 298, enlever une des plaques qui forment ces boîtes, ce qui est embarrassant: les fig. 301 et 302 offrent à cet égard des dispositions plus commodes : on a dessiné ces figures d'après la machine construite par MM. Périer à l'Isle

des Cygnes.

La fig. 301 représente la vue extérieure des boîtes qui contiennent les soupapes supérieures destinées à établir ou à intercepter la communication entre le cylindre à vapeur et la chaudiere. Le changement fait à ces boîtes consiste dans une ouverture pratiquée visà vis chaque soupape et fermée par une plaque ovale T; une traverse S est percée de deux trous, un à chacune de ses extrémités, dans lesquels entrent des vis k, k, fixées au côté de la boîte; au moyen de ces vis et des écrous qui y sont adaptés, la traverse S presse fortement les plaques T T contre la face de la boîte dont elles doivent boucher les ouvertures. Les pieces x, x, qu'on voit dans la figure, sont des encastrures fixées aux plaques T, T, dans lesquelles s'applique la traverse S.

1464. Il faut encore faire observer au lecteur le ressort ff qui presse l'extrémité extérieure de l'axe correspondant à l'axe ab dans la fig. 299, et qui est destiné à faire hausser et baisser la soupape. Ce ressort fixé derriere la boîte C (fig. 301) est percé d'un trou à travers lequel passe une vis h; un écrou adapté à cette vis sert à comprimer ou à relâcher le ressort, selon qu'on veut presser plus ou moins à l'extrémité de l'axe. On pourra choisir entre le mécanisme ffh (fig. 296) et celui

que nous venons de décrire, qui nous paroît préférable.

1465. Le petit tuyau bb, qu'on voit sortir de la face E (fig. Tuyau qui 301), est celui qui conduit la vapeur dans le steam box dont nous peur dans le avons parlé art. (1397): on voit qu'il doit en fournir continuel-steam box. lement tant que la machine est en mouvement, puisque l'espace où il la puise est (1383) sans cesse en communication avec la chaudiere. La fig. 306 offre un profil détaillé du steam box.

1466. La fig. 302 n'a besoin d'aucune autre explication que celle que nous avons donnée art. (1463); on y a placé les mêmes lettres de renvoi; le lecteur concevra aisément ce qui se rapporte à la soupape d'injection, et consultera les fig. 307 et 308 pour les détails de construction de la pompe à air.



1467. La figure 303 présente une maniere de fermer les boîtes des soupapes un peu différente de celle décrite dans l'art. (1463); la piece S, retenue par ses extrémités supérieure et inférieure, sert d'écrou à une vis K, qui correspond au centre de la plaque T, et qui, étant tournée plus ou moins, serre la plaque contre les bords de l'ouverture qu'elle doit fermer aussi fortement qu'on le desire.

1468. On voit dans la fig. 304 que l'axe a b est pressé par la vis K elle-même, qui traverse l'extrémité du ressort ff; lorsqu'on tourne la vis de gauche à droite, la tête ff du ressort qui fait la fonction d'écrou s'approche de la tête de la vis, mais la force élastique du ressort qui agit en sens contraire fait continuellement presser la vis contre l'extrémité extérieure de a b.

1469. Les sig. 310 et 311 représentent, la 1ete l'élévation mécanisme qui perspective, et la 2° le plan géométral du parallélogramme dont Vertical le mou- nous avons parlé art. (1402), et qui a pour objet de rendre vertical le mouvement de la tige du piston du cylindre à vapeur. B est l'extrémité du balancier qui porte le parallélogramme; P est la douille dans laquelle l'extrémité supérieure de la tige du piston est retenue au moyen de deux clavettes. Deux traverses de fer g et g' sont attachées à la surface supérieure du balancier par les liens k, k, k', k'; les extrémités de ces traverses sont cylindriques et tournées très exactement pour servir d'axes aux parties supérieures des montants ac, ac', bd, b'd, et ces axes sont immobiles par rapport au balancier. Les parties inférieures des montants ac, a'c', sont unies par un axe n autour duquel elles tournent, et les parties inférieures des montants bd, b' d', sont unies par un axe n' autour duquel elles tournent pareillement; ces axes n et n' sont les petits côtés d'un chassis rectangle dont xy et x'y' forment les grands côtés, en même temps qu'ils sont les bases des parallelogrammes a c d b, a' c' d' b'. On voit par la sig. 310 que l'axe n est commun aux extrémités des quatre pieces a c, a'c', xy, x'y', c'est-à-dire que ces extrémités sont toutes traversées par le même axe. Les autres extrémités de x y et x' y' sont taraudées, et traversent l'axe n' auquel elles sont retenues par des écrous.

Deux rayons paralleles fe, f'e', ont chacun une de leurs extrémités attachée à une des poutres CC, paralleles et immobiles; ces extrémités tiennent à un axe horizontal commun qui tourne dans des colliers attachés aux poutres CC. Les autres extrémités e, e', sont traversées par l'axe n' autour duquel elles tournent; ainsi l'axe n' est commun aux extrémités des quatre pieces d'd, b'b, fe, f'e', lesquelles pieces tournent autour de cet axe. D'après la disposition que nous venons de décrire, lorsque la machine se meut, les axes aa', bb', ont un mouvement circulaire qui a pour centre l'axe de rotation du balancier, et l'axe n' a un mouvement circulaire dont le centre est l'axe passant les extrémités f et f' des rayons fe, f' e': quant à l'axe n, son mouvement considéré par rapport à l'axe aa' est circulaire; mais si ce mouvement est considéré dans l'espace d'une maniere absolue, il est combiné des arcs des cercles décrits par les

points a, b et d. Les rapports des rayons de ces arcs doivent être tels que le point c décrive sensiblement une ligne droite verti-

cale; et c'est une question dont nous nous occuperons bientôt. Toutes les extrémités des pieces qui tournent sur les axes a'a', bb', n et n', sont garnies de boîtes de cuivre, pour diminuer le frottement qui, d'après ce qu'on a vu art. (1162 et 1191), est moindre pour le fer sur cuivre que pour le fer sur fer. Ces boîtes sont de deux pieces; une des pieces porte deux vis qui traversent l'autre piece, et aux extrémités desquelles sont des

écrous qui tiennent les deux pieces unies.

Le milieu w des montants bd, b'd', porte la piece w v v', formant articulation en w, et supportant en v' l'extrémité supérieure d'une tringle de fer à laquelle est attachée la poutrelle du régulateur, comme on l'a vu art. (1388) et (225): cette poutrelle participe ainsi du mouvement sensiblement vertical

et rectiligne de l'articulation w.

1470. La sig. 312, nº. 1, 2 et 3, représente la suspension du balancier; AAA'A', n°. 1, est une portion du balancier dont la du balancier. partie supérieure A'A' supporte le plateau de métal a' a' au-dessus duquel paroît l'axe aaa, maintenu par l'armature qqqq et les traverses pp: le n°. 2 représente une des extrémités de l'axe a a a renversé, au moyen de quoi on voit un des pivots b b sur lesquels se fait la rotation.

BB, n°. 3, est un assemblage de charpente immobile et très solide; il y en a un pareil de chaque côté de l'axe correspondant à chacune de ses extrémités. L'assemblage BB supporte le plateau de métal gg, dont la partie saillante hh est un godet qu'on tient rempli d'huile, et au fond duquel se trouve la fosse kk

dans laquelle entre le pivot bb de l'axe aaa.

Pour empêcher le pivot bb de sortir de la fosse kk, ce qui, si on ne prenoit pas de précaution, arriveroit infailliblement, sur-tout lorsque le piston du cylindre à vapeur remonte, on a pratiqué à chaque tête de l'axe aaa une partie arrondie c c;



lorsque l'axe est en place, une traverse ff de même courbure passe par dessus le collier cc et y est retenue par la fourche e'e', qui embrasse l'axe de maniere que l'extrémité de cet axe passe dans l'ouverture e e' ff e'e, et dont la tige e e tourne à sa partie inférieure autour d'un axe immobile d.

Il faut concevoir que l'équipage représenté par le n°. 3 se rapporte à l'extrémité de l'axe a a qui regarde le haut de la planche, et qu'il y a un équipage pareil pour l'extrémité de

l'axe qui regarde le bas de la planche.

Autre espece

1471. On a représenté, (fig. 308), n°. 1, l'élévation latérale de balancier. d'un autre balancier, qui peut se rapporter à celui de la machine décrite art. (1406 et suiv.), quoiqu'il en differe en ce qu'il est disposé pour donner le mouvement à un volant, et que l'arrangement de l'autre ne le rend pas propre à cette espece de fonction; voyez ce que nous avons dit art. (1417). La tige pp du piston du cylindre à vapeur communique le mouvement à l'équipage bb, dont on voit l'élévation en face (fig. 313, n°2), et de suite au balancier E et au contre-balancier E'. Nous avons expliqué ce mécanisme art. cité; le seul objet des fig. 313, n°. 1, 2, 3 et 4, est de faire voir plus en détail la construction des pieces qui le composent.

> Le n°. 2 fait voir l'arrangement de la suspension de la tige du piston aux deux barres bb, par le moyen de l'axe dd. On ne s'appesantira pas sur les détails d'assemblage que les n°. 2,

3 et 4 ont fait voir assez clairement.

Description

1472. La fig. 309 est une vue perspective de la mouche: on de la mouche, nomme ainsi l'engrenage qui communique le mouvement du balancier au volant, et dont nous avons parlé à la fin de l'art.

(1350); en voici la composition.

b' b' est l'extrémité inférieure d'une verge suspendue à l'extrémité du balancier, et qui est assemblée solidement à la piece a b; cette piece a b est elle-même solidement attachée à la roue dentée gg. Les centres des roues dentées gg et ff sont liés l'un à l'autre, de maniere que gg a la liberté de se mouvoir autour de la circonférence de ff, mais sans que les deux circonférences puissent se séparer l'une de l'autre. L'axe de la roue ff est le même que celui du volant VV; la 1 er ne peut pas tourner sans communiquer son mouvement à l'autre, et réciproquement.

La denture de chacune des roues ff et gg est double, comme on le voit distinctement dans la figure. Les dents de chaque paire de denture sont disposées de maniere qu'il y a toujours plein sur vuide, c'est-à-dire qu'une des dents dans une circonférence répond toujours à l'espace compris entre deux dents de la circonférence qui lui est accouplée. Les deux circonférences accouplées de la roue ff sont séparées par une bande circulaire uu, qui se loge dans un vuide ou rainure correspondant pratiqué entre les dentures des deux circonférences accouplées de la roue gg: toutes ces précautions ont pour objet l'uniformité, la solidité de l'engrenage, et le maintien stable des deux roues dans le même plan, malgré les secousses qu'elles peuvent éprouver.

Tout cela conçu, on voit que le mouvement du balancier doit faire hausser et baisser la piece a b et la roue g g qui y est attachée: or cette roue ne pouvant pas, d'après ce qu'on a dit précédemment, quitter la circonférence de la roue ff, doit lui communiquer un mouvement de rotation, et par suite au volant VV; ce volant une fois mis en jeu sert, comme on sait, à entretenir le mouvement et à suppléer à l'action du balancier dans les instants où les centres des deux roues dentées se trou-

vent dans la même ligne verticale (1350).

1473. Les fig. 314, n°. 1, 2, 3 et 4, offrent les détails de la maniere dont le mouvement du balancier se communique au vo-pourfaire moulant sans employer d'engrenage; a a est le tirant suspendu en O cier sans enau balancier, n°. 3 et 4, et dont l'extrémité inférieure tourne sur grenage. un axe d, fixé au plateau de manivelle cc, n°. 2. Ce plateau a pour axe de rotation l'axe gg du volant bb, dont la continuation G peut être supposée l'axe d'une lanterne qui feroit mouvoir une machine hydraulique.

E, n°. 3, est le profil longitudinal de l'extrémité du balancier : on voit que l'armature de fer qui termine la partie supérieure du tirant de bois a a est suspendue à un axe O, et qu'elle joue dans un vuide vy qui lui permet de faire librement ses oscillations. Le n°. 4 est une section perpendiculaire à la section n°. 3, qui acheve de faire comprendre les détails de la suspen-

sion et de l'armature du tirant.

1474. Les fig. 315, n°. 1 et 2, présentent les détails du volant Construction de la fig. 314 : le n°. 1 fait voir l'assemblage extérieur des pie-du volant. ces; et le n°. 2, qui est une section par un plan parallele à l'axe, montre comment les rayons sont assemblés, soit aux plateaux qui environnent le centre, soit aux jantes de la circonférence.

1475. La fig. 316 est une vue perspective d'un régulateur de Détails du même espece que ceux des deux machines à double effet décrites régulaieur. ci-devant, dont le principe, le mécanisme et le jeu, ont été expliqués art. 1388 et suiv. On y voit, n°. 1, les trois axes  $f^2 f^2$ , aa, ff,

dont il est parlé aux art. cités; les deux axes extrêmes ff,  $f^*f^*$ , font corps avec toutes les pieces qu'ils supportent, et tournent dans les colliers k, k, k', k'; l'axe intermédiaire a a est fixe, mais les pieces qu'il supporte tournent librement sur cet axe.

On voit, n°. 2 et n°. 7, les fig. séparées des pieces 22, 77, fixées à l'axe ff; les n°. 3 et 5 offrent les pieces 3' 3" 3", 55, qui tournent sur l'axe immobile aa; enfin les n°. 4 et 8 sont les pieces

44, 88, fixées à l'axe  $f^2 f^2$ .

Les articulations h,  $h^2$ , se rapportent aux tringles des soupapes inférieures qui établissent ou interceptent la communication entre le cylindre et le condenseur; les articulations  $\int_0^3$ ,  $\int_0^4$ , se rapportent aux tringles des soupapes supérieures qui établissent ou interceptent la communication entre le cylindre et la chaudiere. Les contre-poids qui assurent les encliquetages sont

suspendus aux articulations h'h''.

Les encliquetages se font parsaitement bien sentir dans la fig. 316; le n°. 1 et le n°. 6 montrent les deux positions où ils se trouvent lorsque le piston du cylindre à vapeur est aux points le plus bas et le plus haut de sa course. Dans l'état que représente le n°. 1, l'encliquetage 22, 33, de l'axe inférieur ff est arrêté; les soupapes correspondantes aux tringles attachées en h³ et en h sont fermées, la 1<sup>ere</sup> interceptant la communication entre la partie supérieure du cylindre et le condenseur, et la 2<sup>me</sup> interceptant celle entre la partie inférieure du cylindre et la chaudiere; les soupapes correspondantes aux tringles attachées en h⁴ et h² sont ouvertes, l'une établissant la communication entre la partie supérieure du cylindre et la chaudiere, et l'autre celle entre la partie inférieure du cylindre et le condenseur. (On voit, par la direction des tringles, qu'il s'agit ici d'une machine dont les soupapes sont rapprochées comme celle de la fig. 225).

Ainsi la vapeur occupe la partie supérieure du cylindre, le vuide est établi dans la partie inférieure, et le piston ainsi que la poutrelle descendent. Mais la figure représente l'instant où la cheville g'g' atteint le levier 88 et va le faire baisser; ce levier, en baissant, fera engager l'encliquetage formé par les pieces 4 et 5, c'est-à-dire que l'onglet vv, n°. 4, viendra se reposer sur l'entaille v'v', n° 5; de plus, le tasseau tt, venant appuyer sur la branche 3' de la piece 3' 3" 3"', fait dégager l'encliquetage que la branche 3" forme avec la piece 2, en soulevant le contre-poids 3": alors les soupapes qui étoient fermées s'ouvrent, celles qui étoient ouvertes se ferment; le vuide se fait dans la partie supérieure du cylindre, la vapeur afflue dans la partie

partie inférieure, et le piston du cylindre à vapeur ainsi que la

poutrelle remontent.

L'état des encliquetages pendant l'ascension de la poutrelle est représenté par le n°. 6; on y voit très distinctement la position respective des pieces 44, 55, et celle des pieces 22, 3'3" 3",

ainsi que l'effet du contre-poids 3".

1476. La fig. 316 fait encore très bien sentir, eu égard à sa grande proportion, comment le régulateur remplit les 2° et 3° conditions de l'art. (1393) relatives à l'ouverture et à la fermeture des soupapes. On voit, nº. 1, qu'avant que le tasseau tt ait atteint la branche 3', la cheville g'g' a déja fait abaisser le levier 88, et que par conséquent la soupape qui établit la communication entre la chaudiere et la partie supérieure du cylindre, et celle qui établit la communication entre le condenseur et la partie inférieure du même cylindre, se ferment graduelle ment avant que les deux autres soupapes s'ouvrent. Il arrive de là que la vapeur n'a pas encore afflué dans la partie inférieure du cylindre, et que l'effet de l'injection d'eau froide ne s'est point fait sentir dans la partie supérieure, lorsque déja la communication de la partie inférieure avec le condenseur et celle de la partie supérieure avec la chaudiere sont interceptées en totalité ou presque totalité. Il y a donc un petit espace de temps pendant lequel une masse de vapeur est isolée au-dessus du piston, et doit par conséquent éprouver, par la température plus basse de la matière du cylindre, un commencement de condensation qui diminue son ressort; l'effet contraire a lieu au dessous du piston pour la vapeur produite par les parois humectées, dans un espace vuide d'air, et qui, n'éprouvant plus l'effet de l'injection, acquiert de la chaleur et du ressort. Ainsi l'effort diminuant d'un côté et la résistance augmentant de l'autre, le mouvement commence à s'amortir naturellement, ce qui diminue la sacade qu'éprouve la machine lorsque l'encliquetage 22, 3", venant tout-à-coup à se dégager, la vapeur afflue avec une vîtesse extrême par-dessous le piston et se condense par-dessus. (1)

L'économie de la vapeur est encore un motif pour que la soupape qui communique de la partie inférieure du cylindre au condenseur soit entièrement fermée lorsque la soupape qui

<sup>(1)</sup> D'après ce qu'on vient de dire, il arrive que, vers la fin de chaque course du piston du cylindre à vapeur, la chaudiere doit demeurer pendant un petit intervalle de temps à ne faire qu'une dépense de vapeur très petite ou même nulle. Mais comme ce temps est très court, ce que nous avons dit n°1 et 2 de l'art. (1459) n'en est pas moins applicable aux machines à double effet.

Tome II.

communique de cette même partie inférieure à la chaudiere s'ouvre; car si dans ce moment la vapeur trouvoit le plus petit jour pour parvenir au condenseur, il s'en feroit une déperdition considérable.

Nous venons de prendre le piston du cylindre à vapeur au bas de sa course et d'examiner les effets qui doivent avoir lieu pour qu'il remonte de la maniere la plus avantageuse: rien n'est plus facile que de faire un raisonnement analogue en le prenant au haut de sa course.

1477. Finissons par observer qu'indépendamment des relations entre l'ouverture et la fermeture des paires de soupapes que fait mouvoir chacun des axes ff, f'f' il est encore à propos d'avoir égard aux ouvertures respectives des deux soupapes d'un même axe. On sait que lorsque l'encliquetage d'un axe se dégage, les deux soupapes qui se rapportent à cet axe s'ouvrent, l'une pour introduire la vapeur dans une partie du cylindre, et l'autre pour produire la condensation dans la partie opposée du même cylindre; mais si, par la disposition des tringles ou la différente élévation des soupapes, la condensation se faisoit trop promptement, l'effort de la vapeur affluente au côté opposé ayant subitement la plénitude de son effet, le mouvement rétrogade du piston se feroit avec trop de violence. Il faut donc disposer les élévations respectives des soupapes, qui sont ouvertes ensemble, de maniere que le mouvement dans un sens ayant, comme on l'a dit ci dessus, une diminution graduelle, le mouvement rétrogade se produise également avec une espece de continuité. Les lentilles suspendues aux articulations h', h'', sont à la vérité destinées à produire en partie l'esset dont nous parlons ici, en ce qu'elles sont conformées de maniere à empêcher que les soupapes ne se levent par sacade; cependant comme les deux soupapes participent également du ralentissement qu'elles causent, ces lentilles ne remplissent pas précisément l'objet que nous avons en vue dans cet article, qui consiste à faire en sorte que la vîtesse d'effluence de la vapeur qui va du cylindre au condenseur soit dans les premiers instants relativement moindre que la vîtesse d'affluence de celle qui vient de la chaudiere dans le cylindre.

Toutes les précautions dont nous venons de parler tiennent essentiellement aux inconvénients du mouvement alternatif et à la nécessité de détruire à chaque sin d'oscillation les quantités de mouvement acquises dans un sens pour en reproduire d'au-

tres en sens contraire.

J'aurois pu mettre à la suite des descriptions précédentes les détails sur la maniere de placer le cylindre bien verticalement: mais ces détails, parfaitement inutiles à la plus grande partie des lecteurs, portent sur des objets qui ne peuvent pas donner le moindre embarras aux praticiens tant soit peu intelligents; je passe aux recherches sur le mouvement vertical de la tige du piston.

THEORIE du mouvement rectiligne du piston du cylindre à vapeur produit par une combinaison de mouvements circulaires, et cacul des proportions des machines à feu relativement à l'effet qu'elles doivent produire.

problème utile, non seulement pour les objets que nous aurons à y traiter, mais encore pour beaucoup d'autres questions relatives à la communication du mouvement dans les machines. Il s'agit. d'avoir la relation entre les positions respectives de deux leviers tournant autour d'axes fixes et liés entre eux par une verge inflexible et inextensible qui forme charniere ou articulation à chacune de ses jonctions avec les leviers. Cette relation une fois connue, on en déduit, par les principes posés dans la 1<sup>en</sup> partié de cet ouvrage, celle des puissances qui agiroient sur ces leviers, soit dans le cas de l'équilibre, soit dans celui du mouvement. Voici l'énoncé du problème.

Soient (fig. 205) AG-et BD deux bras de leviers tournant autour des axes immobiles A et B, et dont les extrémités C et D sont liées par la verge inflexible et mextensible CD. On demande 1°. la relation entre les angles formés par les droites AC, CD, DB, et une ligne droite AB', donnée de position dans toutes les situations des leviers AC, BD', que leur liaison mutuelle rend possibles; 2°. la position d'un point donné M de la ligne CD, correspondant à une position quelconque des leviers.

SOLUTION. Supposons que AB' est une ligne horizontale; menons les verticales BB', MP, et les horizontales CH, BK. Faisons de plus

AB = 
$$a$$
 angle CAB' =  $\beta$ 

BD =  $b$  angle DCH =  $\gamma$ 

CD =  $c$  angle DBK =  $b$ 

AC =  $d$  la verticale MP =  $\gamma$ 

AB' =  $a'$  AP =  $x$ 

B'B' =  $a''$  CM =  $n$ ; d'où C M =  $nc$ .

Q ij

La ligne A B' est égale à la somme des projections horizontales des lignes AC, CD, DB; et chacune de ces projections a pour valeur le produit de la ligne projetée par le cosinus de l'angle que cette ligne fait; avec l'horizon.

La ligne BB'est égale à la somme des projections verticales des lignes AC et CD, moins la projection verticale de la ligne BD; et chacune de ces projections est égale au produit de la ligne projetée par le sinus de l'angle que cette ligne fait avec l'horizon.

Les propriétés que nous venons d'énoncer deviendront sensibles à l'œil en menant les verticales CC', DD', et l'horizontale DD''.

. Ces deux propriétés donnent respectivement les équations

ション 「 PHO a 生 d cos: β 年 c cos: ター b cos: J. . V (1) ロー ロー つって  $d\sin \beta + c\sin \gamma = b\sin \beta + a' ... (2),$ 

ou, en transposant,  $d \cos \beta - b \cos \beta$ . (3) The lead receive paraditing d sink \$ -12 b sine & ... (4).

Elevant au: carreichaque membre de ces deux équations, mettant pour cos 3 sa valeur 1 - sin, 2, ajoutant les equations membre à membre; et faisant attention que sin. 2-1-cos. 2=1, l'angle 2 se trouvera éliminé, et on aura pour la relation entre 8 et

ecrivant pour  $a^2 + a^{1/2}$  sa valeur  $a^2$ , divisant par abd, faisant  $a^2 + a^2 + a$ 

 $f = \left(\cos A - \frac{a'}{b}\right) \cos A - \left(\sin A - \frac{a''}{b}\right) \sin A - \left(\frac{a''}{a}\right) \cos A - \left(\frac{a''}{a}\right) \sin A - \left(\frac{a''}{b}\right) \cos A - \left(\frac{a''}{a}\right) \cos A - \left(\frac{a''}{$ 

Faisons and and the tell of the self-I a. C. S. cerrespondentà Marrisinique oble arque e sicvie se sur contrata de la contrata del contrata de la contrata de la contrata del contrata de la contrata del la contrata de la contrata del la contrata de la co We takk at her main A to " = Brand Cheinerache we we

 $\frac{a'\cos \beta - a''\sin \beta}{C} = C,$ 

C+f=D; l'équation (6) devient, en substituant A,B,C,D,  $\sin \beta = \frac{A}{B} \cos \beta + \frac{D}{B} \cdot \cdot \cdot \cdot (7) = 0.1$ 

Elevant au carré et substituant pour sin. 6 sa valeur 1 cos. β, on a, réductions faites,

$$\cos^{\bullet} \beta - \frac{^{2AD}}{A^{2} + B^{\bullet}} \cos \beta = \frac{B^{\bullet} - D^{\bullet}}{A^{2} + B^{\bullet}},$$

d'où on tire,

cos. 
$$\beta = \frac{AD}{A^2 + B^2} \pm \left\{ \frac{A^2 D^2}{(A^2 B^2)^2} + \frac{B^2 - D^2}{A^2 + B^2} \right\}^{\frac{1}{2}}$$

et, en réduisant,

sin. 
$$\beta = \frac{-BD \pm A(A^2 + B^2 - D^2)^{\frac{1}{2}}}{A^2 + B^2} \dots (8),$$
  
cos.  $\beta = \frac{AD \pm B(A^2 + B^2 - D^2)^{\frac{1}{2}}}{A^2 + B^2} \dots (9),$ 

équations pour calculer toutes les valeurs de β correspondantes à des valeurs données de s.

Pour obtenir l'équation inverse, qui donneroit s en valeurs de β, il faut disposer le 2° membre de l'équation (6) comme il suit:

(10). 
$$f = \left(\cos \beta - \frac{a'}{a}\right)\cos \beta - \left(\sin \beta - \frac{a''}{a}\right)\sin \beta - \left(\frac{a'\cos \beta + a''\sin \beta}{b}\right).$$
 Faisons

cos. 
$$\beta - \frac{a'}{d} = A'$$
,  
sin.  $\beta - \frac{a''}{d} = B'$ ,  
 $\frac{a' \cos \beta + a'' \sin \beta}{b} = C'$ ,  
 $C' + f = D'$ ;

l'équation (10) deviendra

$$\sin \beta = \frac{A'}{B'}\cos \beta - \frac{D'}{B'},$$

équation de même forme que l'équation (7), et qui donne

$$\sin \cdot \delta = \frac{-B'D' \pm A' (A'' + B'' - D'')^{\frac{1}{2}}}{A'' + B''} \cdot \cdot \cdot (11),$$

. . . . . .

et... cos. 
$$\delta = \frac{A'D' \pm B' (A'' + B'' - D'')^{\frac{1}{2}}}{A'' + B''}$$
... (12);

au moyen de quoi on a toutes les valeurs de & correspondantes à des valeurs données, de β.

Cherchons maintenant une équation entre  $\gamma$  et  $\beta$ , et pour cela faisons

$$a'-d\cos \beta = P$$
,  $d'où P^2 + R^2 = a^2 + d^2 - 2d(a'\cos \beta + a''\sin \beta)$ ,  
 $\frac{b'-\{c'+P'+R'\}}{2c} = M$ .

piston soit la portion de la courbe totale qui approche le plus d'une ligne droite verticale; cette disposition ne peut se trouver bien exactement que par les méthodes de calcul que nous donnons ici.

Les conditions précédentes donnent d=b; a'=b+d=2b; a''=c;  $n=\frac{1}{2}$ ; soit de plus c=kb; on aura a=b  $(k^2+4)^{\frac{1}{2}}$  et f=-3. Les quantités A', B', C', D', deviendront; savoir,

A' =  $\cos \beta - 2$ , B' =  $\sin \beta - k$ , C' =  $2\cos \beta + k\sin \beta$ , D' =  $2\cos \beta + k\sin \beta - 3$ .

Pour faciliter le calcul des diverses valeurs de  $\delta$  et de  $\alpha$  correspondantes à des valeurs données de  $\beta$ , nous avons calculé la table suivante, qui donne de  $\delta$  en  $\delta$  degrés, depuis  $\beta=0$  jusqu'à  $\beta=30$  (ce qui est plus que suffisant pour la pratique), les valeurs numériques des différentes quantités qui entrent dans l'équation (11) art. (1478), en ne laissant indéterminé que k, qui dépend de la proportion particuliere entre les différentes parties du balancier. Lorsqu'au moyen de cette table on aura calculé sin.  $\delta$ , on substituera la valeur de cos.  $\delta$  dans l'équation (20) art. (1479), et un calcul très simple donnera celle de  $\alpha$ .

Les signes supérieurs dans la table suivante se rapportent aux valeurs positives de  $\rho$ , c'est-à-dire aux cas où la ligne AC est au-dessous de l'horizontale, et les signes inférieurs se rapportent aux valeurs négatives de  $\rho$ .

ncier, et la quantité dont la tige du piston du cylindre à vapeur s'écarte de erticale pendant la course du piston.

2.	3.	4.	5.	6.	7.	8.	9.	10.	11.
sin. Q.	cos. β.	Α′•	в′.	. D',	A/2.	В′',	D''.	A''+B''	A"+B"-D".
±0	1,0000000	1,000000	0,000000 — K	±0,0000000 K	1,0000	+K'	1,0000 	1,00000 + K <sup>2</sup>	-0,000000 K +1,00000 K
±0,0871557	0,9961947 -	— 1,00 <b>380</b> 53	±0,0871557 —K	±0,0871557K —1,0076106	1,0077	0,007596 ∓0,17431 K + K²	1,01540 =0,17564 K +0,00760 K <sup>2</sup>	1,01530 =0,17431 K + K <sup>2</sup>	— 0,0001 ± 0,00153 K — 0,992404 K
±0,1736484	0,9848077	— 1,01 <b>5192</b> 3	±0,1736482	<u>+</u> 0,1736482 <b>K</b> 1,0303846	1,0306	o,o3o15 ∓o,3473o K + K¹		1,06075 ∓0,3473 K + K¹	+ 0,969846 K <sup>3</sup> + 0,01057 K + 0,969846 K <sup>3</sup>
±0,2588190	o <b>,</b> 96 <b>5</b> 9258	1,0340742	± 0,2588190	<u>+</u> 0,2588190K —1,0681484	1,0693	0,06699 ∓0,51764K +K°	1,14 <b>08</b> ∓0,5529 K +0,06699 K²	1,13629 ∓0,51764 K + <b>K</b> ¹	— 0,0045 ± 0,03526 K • + 0,933013 K³
±0,5420208	0,9396926	1,0603074	±0,34202 —K	<u>+</u> 0,3420202K 1,1206148	1,1242	0,11698 ∓0,6840 K +K²	1,2557 ∓0,76652 K +0,11698 K³	1,24118 ∓0,68404 K + K²	— 0,01452 ± 0,08248 K + 0,88302 K²
±0,4226183	o,9o63o78	1,0936922	±0,4226183 —K	±0,4226183K —1,1873844	1,1962	0,17859 ∓0,84524 K + K²		1,37479 ∓0,84524 K + K°	— 0,0351 ± 0,1584 K + 0,8214 K²
±0,5000 <b>00</b> 0	o,866o254	— 1,1 <b>5</b> 39746	<u>+-</u> 0,5000000 K	±0,5000000 K —1,2679492	1 <b>,285</b> 9	0,25000 ∓1,00000 K +K²	∓1,2679 K	∓1,00050 K	— 0,0717 ± 0,26788 K +.0,75 K²

Table
pour faciliter les
applications des
formules
aux nom-

1482. Lorsqu'on aura, au moyen de la table précédente, calculé la valeur de  $\delta$ , x sera donné par l'équation (21), art. (1479), qui, en faisant  $n=\frac{1}{2}$  et d=b, devient

 $x = b \left( 1 + \frac{\cos \beta - \cos \beta}{2} \right).$ 

Cette valeur de x se réduit à b lorsque cos.  $\beta = \cos \beta$ , c'estTome II.

à-dire lorsque  $\beta = 0$ ; mais il faut observer que les cosinus ayant des variations très lentes dans les premiers degrés du quart-decercle, la différence cos.  $\beta - \cos \beta$  a dans ce cas une très petite valeur, qu'il faut encore réduire à moitié pour la multiplier par b. Ainsi on voit d'avance que, lorsque  $\beta$  sera un angle d'un petit nombre de degrés, la valeur de  $\alpha$  sera à-peuprès constante; c'est ce que l'exemple suivant va rendre sensible.

Exemples de / l'usage de la , table.

pres constante; c'est ce que l'exemple sulvant va rendre sensible.

1483. Nous supposerons que CD est la moitié de AC, c'està-dire que l'armature. fig. (313), qui supporte la tige du
piston, a de longueur la moitié de la distance entre l'axe de
rotation du balancier et l'extrémité de ce balancier; cette proportion est, à très peu près, celle qu'on a adoptée dans les machines exécutées, et nous en donnerons un exemple ci-après.
On aura dans ce cas les résultats contenus dans la table suivante. b exprime la longueur du bras du balancier.

1.	2.	3.		4.	5.	6.	7-	
Angles d'	inclinaison du		on aux lignes	Differenc	es entre	Différences des valeus de x.		
balancier.	contre-balancier.	passant par lancier.	l'axe du ba-	x et b.	y et ¼b.			
β.	۶.	Verticale $x$ .	Horizontale			Premieres.	Deuxiemes	
+ 30.°  + 25.  + 20.  + 15.  + 10.  + 5.  - 10.  - 15.  - 20.	36.°     8.′     23.″       23.     2.     58.       19.     10.     27.       14.     44.     27.       9.     57.     3.       4.     59.     49.       0.     0.     0.       5.     0.     8.       10.     3.     6.       15.     16.     52.       20.     59.     49.	+ 0,9930722.b + 0,9975840.b -+ 0,9994196.b + 0,9999256.b + 0,9999990.b + 1,0000000.b + 1,0000017.b + 1,0000784.b + 1,0006407.b	+ 0,6570718.b + 0,5852305.b + 0,5066330.b + 0,4232256.b + 0,3371291.b + 0,2500000.b + 0,1628350.b + 0,0759079.b - 0,0111870.b	- 0,0158485.b - 0,0069278.b - 0,0024160.b - 0,0005804.b - 0,0000744.b - 0,000010.b + 0,000017.b + 0,0000784.b - 0,0000784.b - 0,0000784.b	+ 0,4702808.6 + 0,3352305.6 + 0,2566330.6 + 0,1732256.6 + 0,0871291.6 + 0,0000000.6 - 0,0871750.6 - 0,1740921.6 - 0,2611870.	0,0089207.b 0,0045118.b 0,0018356.b 0,0005060.b 0,0000734.b 0,0000017.b 0,00000767.b 0	- 0,000-2+b  - 0,0000-2+b  - 0,0000750-b  - 0,0004850-b  - 0,001845-6	
<b>25.</b>	-		·[	b + 0,0115g02.6	·	-{0,0085435.		

Les valeurs positives de s indiquent les positions où le balancier se trouve au-dessous de l'horizontale; et on voit que x differe d'autant plus de b, que l'angle d'inclinaison du balancier est plus grand, moins cependant dans les positions inférieures que dans les supérieures. La 7° colonne des différences 2° offre un changement de signe correspondant à la valeur de s=0, ce qui annonce un point d'inflexion qui se trouve à égale distance du balancier et du contre-balancier supposés tous deux dans une position horizontale. C'est de cette propriété que dérive celle du mouvement rectiligne; car on sait que la courbure, nulle aux points d'inflexion, est peu sensible encore à une petite distance de ces points. (Voyez les sig. (208 et 209), et la note.

Les valeurs de y ont été calculées au moyen de l'équation (22), art. (1479), en faisant dans cette équation d=b,  $n=\frac{1}{2}$ , a''=Kb,  $K=\frac{1}{2}$ , ce qui donne

$$y = b + b \frac{\sin \beta + \sin \beta}{2}$$

Observons en passant que la valeur de y est égale à  $\frac{1}{4}b$ , ou à la moitié de la distance entre le balancier et le contre-balancier supposés horizontaux, plus à une quantité qui, lorsque set s' différent peu, se réduit sensiblement à b sin. s, c'est-à dire à la distance verticale depuis l'extrémité du balancier jusqu'à l'horizontale passant par son axe de rotation.

Pour appliquer les calculs précédents à des nombres absolus, soit la longueur du balancier = 12 pieds = 1728 lignes; toutes les proportions étant d'ailleurs les mêmes que ci-dessus, on aura les résultats suivants pour la marche du piston.

β.	x.	y.	β.	x.	y	ß.	x.	y.	β.	x. ,	у.
deg. 30	lig. 1700,61	lig. 1 <b>244</b> ,64	deg. 15	ig. 1727,00	875,46	deg.	lig. 1728,00	lig. 432, oo	deg. — 15	lig. 1729, 10	ь <sub>в</sub> . — 19,53
<b>2</b> 5	1716,03	1135,42	10	1726,96	751,53	- 5	1738,00	281,56	20	1 <b>783,2</b> 6	- 173,09
20	1723,83	1011,28	5	1728,00	5 <b>82,5</b> 6						<u> — 3</u> Z8,47

On voit maintenant que langle le balancier doit saire avec l'horizontale pour que le sommet de la tige du piston s'écarte de la verticale d'une quantité donnée. Cette quantité est d'une ligne pour 15 degrés au-dessous, et de 1,1 de ligne pour 15 degrés au-dessus, ou en général de  $\frac{58}{100000}$  et de  $\frac{64}{100000}$  de la longueur du balancier: cette

Rij

précision seroit suffisante si la course du piston répondoit à la grandeur de la machine; et, pour s'en assurer, il faut prendre dans la table les valeurs de y correspondant à +15° et -15°, et les retrancher l'une de l'autre en ayant égard aux signes.

Ainsi à + 15°, 
$$\gamma = \cdots + 875,46^{\text{lignes}}$$
.

à - 15°,  $\gamma = \cdots - 19,33$ 

Différence ou course du piston  $\cdots 894,79^{\text{lignes}}$ .

Ce qui donne 6 pieds 2 pouces 6 \(\frac{3}{4}\) lignes, course qui peut être suffisante pour un cylindre à vapeur de trois pieds au moins.

dont il faut retrancher la demi-course · · · · 447,29

Différence ou valeur de y cherchée · · · · · · 428,17 lignes.

Ce résultat fait voir que le point d'inflexion mentionné plus haut, et correspondant à a=0 ou à y=432 lignes, divise assez exactement en deux parties égales la course du point supérieur de la tige du piston, puisqu'il ne s'en faut pas de 4 lignes qu'il ne réponde précisément au milieu de cette course. Cette condition est indispensable, et il faut toujours établir la proportion et disposer les parties de la machine en conséquence (\*).

(\*) La figure (208) offre la description entiere de la courbe que le sommet de la tige du piston décriroit dans toutes les positions possibles du balancier et du contre-balancier. Quoique nous ayons donné toutes les formules et les méthodes nécessaires pour en calculer tous les points, il ne sera pas inutile d'ajouter encore quelques détails graphiques. Le point A est un centre de rotation immobile, AC une horizontale, CD une verticale, DB une horizontale tournant autour du centre immobile B; et on a AC=DB, CD=\frac{1}{K}\cdot AC, CE=\frac{1}{2}CD; et on demande la courbe décrite par le point E dans toutes les possibles de AC, CD et DB. On voit d'abord que les points C et D parcourront des arcs de cercle (12)' (10)' C(4)', (1) D(10) (8). Supposons que D(1) soit le plus grand arc supérieur que D puisse parcourir, ce qui suppose que C est parvenu de son côté en (1)' et CD en (1)' (1), de telle sorte que A(1)'(1) soit une ligne droite. On connoît la valeur de l'arc D(1) en cherchant celle de l'arc 'ED(1), par la solution du triangle AB(1),

1484. Le balancier et le contre-balancier de la machine à Application feu établie par MM. Perier à l'isle des Cygnes, à Paris, ont lisle des Cychacun 9 pieds 2 pouces de longueur entre les centres des gnes.

dont tous les côtés sont donnés). Si on divise (1)'(1) en deux parties égales en S, le point S appartiendra à la courbe. Le point (1)' étant parvenu en (2)', le milieu a de (2)'(2) sera encore un point de la courbe; enfin le point (2)' continuant de marcher jusqu'en C, on aura obtenu de cette maniere l'arc SaE. Le point C continuant de descendre, et se trouvant, par exemple, en (3), le point E se trouvera en b, et on aura de cette sorte l'arc EbU, le point U répondant à la plus grande digression (4)' de C, cas auquel (4)'(4) et (4)B sont en ligne droite. Mais le point (4) marchant toujours dans le même sens et arrivant en (5), le point (4)' redescend en (5)', et on a un point d de la courbe; le point (5) arrive ensuite à un point (6), tel que les angles B(6)(6)' et A(6)'(6) sont égaux, et on a le sommet X de la courbe. (6) passe ensuite en (7), ce qui donne le point e de la courbe, et enfin en (8), point de la plus grande digression qui se trouve dans une même ligne droite avec (8)' et A, et donne le point V correspondant à U. Alors la A(8)'(8) se plie de maniere à former un angle saillant par rapport au haut de la planche, de rentrant qu'il étoit; le point (8) remonte, et arrivant en (9), donne le point g de la courbe; il arrive ensuite en (10), où la ligne B(10) est tangente à un cercle CODOC, qui a la ligne CD pour diametre. Alors les angles B(10)(10), A(10)(10), sont droits, et les lignes B(10), (10)(10)', (10)'A, sont respectivement dans la même position que les lignes AC, CD, DA, et l'axe VgE se termine au même point E trouvé précédemment.

On concevra aisément comment le point (10) passant successivement en (11), (12), (13), (14) et (15), on a successivement les points h, C, k, Ret m de la courbe, qui est enfin sermée au point S lorsque les deux extré-

mités des rayons reviennent en (1) et (1) d'où elles étoient parties.

On voit, par la description précédente, que la courbe est composée de quatre parties semblables et égales, séparées par les axes AEB et RX, menés à angle droit l'un sur l'autre. CE étant par construction  $=\frac{1}{2K} \cdot AC$ , la tangente de l'angle  $CAE = \frac{1}{2K}$ , ce qui donne pour la valeur de cet angle ou de son égal CEX, 14° 2' 10", dans le cas où K=2, 9° 27' 40" dans celui où K=3, etc.

L'arc hEV étant égal et semblable à l'arc aEU, les points de hEV, voisins de E, seront par conséquent sensiblement en ligne droite; ainsi les points A et B restant les mêmes, si on donne à la ligne brisée ACDB la position A(10)(10)B, le point E pourra opérer une traction sensiblement rectiligne dans une direction (10) E(10), faisant avec la verticale un angle

CE(10) double de celui qui auroit  $\frac{1}{2K}$  pour tangente.

Finissons par observer que les vitesses angulaires des points C et D, qui different fort peu dans le voisinage de la circonférence CODOC, deviennent très inégales lorsque les points C ou D sont vers les extrémités des arcs qu'ils peuvent parcourir. On voit, par exemple, que l'arc (3)'(4)' répond à l'arc

axes de rotation. La piece qui unit leurs extrémités et au milieu de laquelle la tige du piston est suspendue, a quatre pieds trois lignes également entre les centres des axes. D'un autre côté l'extrémité inférieure de la bielle qui fait tourner le volant décrit une circonférence de 5,052 pieds de diametre, longueur égale à la course du piston, et dont la moitié 2,026 donne 16° o' pour le plus grand angle formé par le balancier et l'horizontale qui passe par son axe de rotation: on a donc

$$b=9,1667$$
;  $K=\frac{4,0208}{9,1667}=0,43864$ ;  $\beta=16^{\circ}$  o'.

Comparant ces données avec les formules de l'art. (1481), on a

$$A' = \cos \beta - 2 = -1,0387383,$$

$$B' = \sin \beta - K = -0.16299$$
,

$$D'=2\cos \beta + K \sin \beta - 3 = -0.95662$$
.

Substituant ces nombres dans la formule de l'article (1478),

$$\sin. \ \delta = \frac{-B'D' \pm A'(A'' + B'' - D'')^{\frac{1}{2}}}{A'' + B'},$$

la racine qui satisfait à la question donne = 15° 36'.

Maintenant, pour trouver de combien le sommet de la tige du piston s'écarte de la verticale à l'extrémité de sa course, il faut calculer l'équation de l'art. (1482),

$$x = b\left(1 + \frac{\cos \beta - \cos \beta}{a}\right),$$

qui donne x=9,1575.

Ainsi le sommet de la tige du piston s'écarte de la verticale, à l'extrémité inférieure de sa course, de 9,1667—9,1575 = 0,0092, le pied étant l'unité, ce qui équivant à 1 ligne ; sur plus

de cinq pieds de course.

1485. Les constructeurs éclairés nous sauront quelque gré des détails dans lesquels nous venons d'entrer, par la facilité qu'ils donnent de déterminer avec exactitude des proportions qu'aucune construction graphique ne pourroit donner avec assez de précision. Le calcul est d'autant plus indispensable dans de pareilles circonstances, que la perfection tient à de très petites quantités, qui, si on les néglige, peuvent influer sur l'effet et la conservation des machines.

beaucoup plus grand (3)(4); on peut dans plusieurs circonstances tirer parti de cette propriété.

Ce que nous venons de dire est plus que suffisant pour guider les praticiens qui voudroient tracer la courbe dans le cas où AC ne seroit pas égal à DB, et où le point E ne seroit pas au milieu de CD.

1486. La propriété du mouvement sensiblement rectiligne Formules pour et vertical de la tige du piston fournit un moyen très simple de la piece à de calculer les inclinaisons de la ligne CD, fig. (208), ou de la laquelle la tige verge qui joint les extrémités du balancier et du contre-balan-attachée. cier. Pour cela on supposera dans l'équation (18), art. (1479), x constant et égal à b; faisant de plus d=b et nc=nhb, cette équation deviendra  $b = b \cos \beta + \frac{1}{4}b \cos \gamma$ , d'où cos.  $\gamma = \frac{2}{k}(1 - \cos \beta)$ , ce qui se réduit à

 $\cos \gamma = \frac{2}{4} \sin \omega$  verse  $\beta$ ;

et, dans le cas particulier de  $K=\frac{1}{2}$ , cos.  $\gamma=4$  (sinus verse  $\beta$ ), équation qui peut être employée dans tout l'espace où le mouvement sensiblement rectiligne et vertical a lieu, et qui est indépendante des dimensions absolues du balancier, puisque la quantité b ne s'y trouve plus.

1487. La résistance que la vapeur contenue dans le cylindre Formules pour a à surmonter peut toujours se réduire à un effort unique trouver la rela-agissant à l'extrémité du balancier perpendiculairement à la fort de la va-peur et la réligne menée de cette extrémité à l'axe de rotation. La relation sistance à vainpour le cas de l'équilibre entre les efforts du moteur et de la résistance doit être variable à différentes inclinaisons du balancier, même dans l'hypothese de la résistance constante; la vérité de cette proposition peut se déduire immédiatement et très simplement du principe des vîtesses virtuelles exposé dans la premiere partie de cet ouvrage. Il résulte de ce principe que, dans le cas de l'équilibre, les espaces élémentaires que les points sur lesquels agissent le moteur et la résistance tendent à parcourir dans la direction des puissances, doivent être réciproquement proportionnels à ces puissances. Les espaces dont il s'agit sont la différentielle de y, équation (22), art. (1479), et la différentielle de l'arc décrit par l'extrémité du balancier ou de l'arc & qui lui est proportionnel; or les rapports de ces différentielles n'étant pas constants, celui des différentielles ne peut pas l'être. Pour trouver l'expression variable du rapport variable des puissances, il faut substituer dans l'équation (22), art. (1479), pour sin. I sa valeur déduite d'une des équations (11) ou (12), art, (1478), et on aura une équation entre y et  $\beta$ , qui donnera le rapport demandé correspondant à une valeur quelconque de g.

On peut simplifier extrêmement le calcul en ne cherchant qu'une valeur approchée applicable à l'espace que parcourt

le piston dans lequel x peut être censé sensiblement constant. Pour cela prenez l'équation trouvée à la fin de l'article précédent cos.  $\gamma = \frac{2}{k} \sin$  verse  $\beta$ , qui donne  $\sin^2 \gamma = 1 - \frac{4}{k^2} (\sin \text{verse } \beta)^2$ , et  $\sin \gamma = \left\{1 - \frac{4}{k^2} (\sin \text{verse } \beta)^2\right\}^{\frac{1}{2}}$ ; et substituez la valeur de  $\sin \gamma$ , ainsi trouvée, dans la premiere des valeurs de  $\gamma$  qui précede l'équation (22), art. (1479); on aura, en faisant d = b,  $n = \frac{1}{2}$ , c = kb,

 $y = b \left\{ \sin \beta + \frac{1}{2} k \left[ 1 - \frac{4}{k^2} \left( \sin \beta \right)^2 \right]^{\frac{1}{2}} \right\},$ 

qui donne, en adoptant  $\Lambda$  pour le signe de la différentiation, afin de ne pas le confondre avec la ligne d,

$$\frac{Ay}{bA\beta} = \cos \beta - \frac{2(1-\cos \beta)\sin \beta}{\frac{1}{3}k^2 - 4(1-\cos \beta)^2 \left(\frac{1}{2}\right)^2}$$

expression qu'on peut employer pour toutes les valeurs de & correspondantes à l'espace dans lequel le mouvement du sommet de la tige du piston est sensiblement rectiligne et vertical.

Nommant P l'effort de la vapeur, et R la résistance à vaincre à l'extrémité du balancier perpendiculairement à sa direction, on a, en substituant au rapport  $\frac{\delta y}{\delta ds}$  son égal  $\frac{R}{P}$ ,

(H). . . 
$$\frac{R}{P} = \cos \beta - \frac{2 \sin \beta (\sin \text{ verse } \beta) \bullet}{\{(k+2 \sin \text{ verse } \beta) (k-2 \sin \text{ verse } \beta)\}^{\frac{1}{2}}}$$

P devient égal à R dans un seul cas; savoir, lorsque  $\beta = 0$ ; ce qui est évident, puisque le moteur et la résistance agissent alors dans une même verticale à l'extrémité du même bras de levier.

On peut avoir le même rapport sans supposer aucune relation particuliere entre d, b et c, mais en conservant toujours l'hypothese de x constant. Pour cela observons que les équations (20) et (22), art. (1479), donnent respectivement, en faisant x=d,

$$\frac{\frac{d^{3}}{d\beta} = \frac{(1-n) d \sin \beta}{nb \sin \beta},}{\frac{d^{3}}{d\beta} = (1-n) d \cos \beta + nb \cos \beta \cdot \frac{d^{3}}{d\beta}.$$

Substituant dans la deuxieme équation la valeur de  $\frac{d^2}{ds}$  tirée de la premiere, et divisant par d, on a

$$\frac{dy}{d\cdot d\beta} = (1-n)\left(\cos \beta + \frac{\cos \beta}{\sin \beta} \cdot \sin \beta\right),$$

d'où on tire, en faisant attention que  $\frac{\cos \delta}{\sin \delta} = \tan \theta$ .

$$\frac{R}{P} = (1-n)(\cos \beta + \frac{\sin \beta}{\tan \beta}) \dots (K).$$

Une valeur de  $\beta$  étant donnée, on en déduira celle de  $\delta$ , et réciproquement; et on calculera avec la formule précédente le rapport R

1488. Si on suppose, comme dans les exemples précédents, Application  $k=\frac{1}{2}$  et b=d, on aura, pour le rapport de la résistance à la puissance, les différentes valeurs consignées dans la table suivante, et correspondantes à une course de 30°; savoir, 15° audessus et 15° au-dessous du point d'inflexion.

Inclineison du balancier s.	Valeur de R P par la formule H.	Valeur de R P par la formule K.
+15	0,95	0,97
+ 10	0,97	0,98
+ 5	0,99	ø,9 <u>9</u>
± •	1,00	1,00
6	o,9 <b>9</b>	0,99
- 10	0,9 <b>9</b>	0,98
<b>— 15</b>	1,00	0,96

Ces résultats nous apprennent que la variation de l'effort pour faire équilibre à la résistance n'est pas très considérable, et que, s'il n'y a d'ailleurs aucune cause d'irrégularité dans le mouvement, l'excès moyen de la puissance sur la résistance ne doit être que d'environ to pour l'équilibre. Nous verrons bientôt quels moyens on emploie pour perpétuer et conserver l'uniformité du mouvement.

1489. Le problème résolu art. (1478) et les formules qui solution de résultent de sa solution rendent très faciles les calculs relatifs métrique relatifs metrique relatifs metrique relatifs que parallélogramme de la for (225), auguel est attaché le if au paralléau parallélogramme de la fig. (225), auquel est attaché le logramme. piston du cylindre à vapeur, et dont on a parlé art. (1402). On a dit à l'art. cité que ce mécanisme avoit, comme celui de la fig. (241), la propriété de rendre le mouvement du piston sensiblement rectiligne et vertical; nous allons voir comment les propriétés de l'un et l'autre mécanisme sont liées l'une à l'autre.

Soit, fig. (206), n°. 1 et 2, la ligne ACN, représentant un des bras du balancier dont l'axe immobile de rotation est en A; CDMN un parallélogramme dont tous les côtés sont assemblés à charnieres ou articulations; BD une verge inflexible Tome II.

tournant autour du point immobile B, et sixée à l'angle D du parallélogramme, de maniere que cet angle peut tourner avec elle autour de B en parcourant tout l'arc que comporte la dépendance réciproque des points liés entre eux. On demande, dans toutes les positions que peut prendre la ligne ACN, les distances du point M à une horizontale AB' passant par A, et à une verticale passant par le même point.

Observons d'abord que les positions respectives des lignes AB, AC, CD, DB, rentrent précisément dans le cas de la fig. (205) et du problème résolu art. (1478): donnons à ces lignes, à leurs projections et à leurs inclinaisons à l'horizon, les mêmes

dénominations qu'à l'art. cité; faisons de plus

CN = c'

l'horizontale A P = u,

la verticale PM = z.

Menons les horizontales KB, DH, et les verticales DG, HB'; observons que angle  $MDL = angle CAG = \beta$ , et nous aurons, n°. 1,

$$AP = AB' - B'G + GP = AB' - BK + DL$$
,  
 $PM = PE + EL + LM = BB' + DK + LM$ ;

et substituant aux quantités leurs valeurs analytiques,

$$u = a' - b \cos \beta + c' \cos \beta,$$
  
 $z = a'' + b \sin \beta + c' \sin \beta.$ 

1490. Le lecteur concevra au premier aspect que, lorsque  $\mathcal{F}$  et  $\beta$  ne seront pas de grands angles, la valeur de u ne souffrira que de très petites variations, si, comme dans l'exemple de l'art. (1481),  $\mathcal{F}$  et  $\beta$  sont presque égaux à peu de distance de l'horizontale passant par A. Dans ce cas la formule deviendra sensiblement u=a'-(b-c') cos.  $\beta$ ; et comme dans les premiers degrés du quart de-cercle cos.  $\beta$  varie fort peu, la valeur a'-(b-c') cos.  $\beta$  aura la même propriété, et sera, à peu de chose près, constamment égale à AN.

Pareillement on aura z=a''+(b+c) sin.  $\mathcal{S}$ , longueur peu différente de PM, mais qui est rigoureusement la distance à l'horizontale AB' d'un point N', qu'on trouve en prolongeant

DB d'une quantité DN' = CN.

Ce que nous venons de dire pour le n° 1 s'applique aisément au n° 2, en donnant aux angles et aux lignes les signes convenables.

Application 1491. Supposons, fig. (207), comme dans l'exemple de l'art.

(1481), AC=DB, CD= $\frac{1}{2}$ AC, BB'=CD= $\frac{1}{2}$ AC, et de plus des proportions données. CN=AC; les équations de l'art. (1489) deviendront

$$u=2b+b$$
 (cos.  $\beta$ -cos.  $\delta$ ),  
 $z=\frac{1}{2}b+b$  (sin.  $\delta$ +sin.  $\beta$ ).

Si on mettoit dans ces équations  $\frac{1}{2}b$  au lieu de b, on auroit précisément les mêmes valeurs qu'on a trouvées pour x et y aux art. (1482 et 1483). Il faut observer que 2b représente ici la longueur totale du bras du balancier, qui étoit représentée par b dans les équations des articles cités; d'après cela, si on prolonge NM jusques en D', et AB' jusques en B'', de telle sorte que NM = 1/2 ND', AB'' = 2 AB', qu'on mene la verticale B''B''' et D'B''' parallele à DB, on aura D'B''=2B, et B'''B''=2BB' (ce qui est évident, puisque les polygones ACDBB', AND'B"B", sont semblables, ayant un angle commun et tous les autres respectivement égaux); la courbe que le point M parcourra, considéré comme le sommet d'un des angles du parallélogramme CNMD, sera identiquement la même que celle que le même point . M parcourroit s'il étoit, comme dans l'exemple de l'art. (1481), entraîné avec la ligne ND' par le mouvement des lignes AN et D'B", tournant autour des points A et B"...

1492. En général, quel que soit le rapport des lignes AC, Rapproche-CN, CD, DB et BB' entre elles, on peut toujours avoir un blême et du quadrilatere AB'''D'NA, tel que les côtés AN et B'''D' tournant précédent. respectivement autour des points A et B", le point M de la ligne ND' décrive la même courbe que lorsqu'il est supposé entraîné avec le parallélogramme CNMD en vertu des rotations des lignes AN et BD autour des points A et B: pour cela il faut prolonger NM jusqu'en D', de telle sorte que  $ND' = \frac{CD \times AN}{AC} = \frac{c(d+c')}{d}$ , mener par A et B une ligne AB prolongée jusqu'en B" et dont la longueur soit égale à  $\frac{AN}{AC} \times AB =$  $\frac{d+c'}{d} \cdot a$ ; la ligne D'B" aura pour valeur  $\frac{AN \times DB}{AC} = \frac{d+c'}{d} \cdot b$ ; on aura de plus  $AB'' = \frac{AN}{AC} \times AB' = \frac{d+c'}{d} \cdot a'$ , et  $B''B''' = \frac{AN}{AC} \times B'B = 1$  $\frac{d+c'}{d} \cdot a''$ . Au moyen de ces déterminations tous les côtés des polygones AB'BDCA, AB"B"'D'NA, seront respectivement proportionnels, et il ne sera plus necessaire que les points D et M soient liés par la verge DM pour que CD et NM conservent leur parallélisme; ce qu'on peut énoncer ainsi. Dans l'hypo-

these où la ligne AN, tournant autour du point A, feroit par l'intermede des lignes CD et ND' tourner les lignes DB et D'B''' respectivement autour des points B et B''', les lignes CD et ND' conserveront leur parallélisme de la même maniere que si MD' et D'B''' n'existoient pas et qu'on construisît le parallélogramme CDMN. Il suit de là que le mouvement d'un point quelconque de la ligne ND', et même de toutes les pieces qui dépendent du parallélogramme, aura lieu de la même maniere dans l'un et dans l'autre cas.

Ainsi, ayant les équations

$$u=a'-b\cos \beta+c'\cos \beta,$$
  
 $z=a''+b\sin \beta+c'\sin \beta,$ 

qui appartiennent au parallélogramme, pour avoir les équations analogues appartenantes au système de trois verges mobiles qui produiroient le même effet, il faut, en faisant attention que  $n = \frac{NM}{ND'} = \frac{d}{d+c'}$ , poser les équations

$$x=(1-N) D \cos \beta + N (A'-B \cos \beta),$$
  
 $y=(1-N) D \sin \beta + N (A''+B \sin \beta),$ 

en faisant  $N = \frac{d}{d+c'}$ ;  $A' = \frac{d+c'}{d} \cdot a'$ ;  $B = \frac{d+c'}{d} \cdot b$ ; D = d+c'; et construire ces équations en employant les majuscules N, A', B, D, de la même maniere qu'on a employé les minuscules de même dénomination dans le problème de l'art. (1478) (\*).

(\*) La fig. (209) offre la description graphique de la courbe totale décrite par l'angle d'un parallélogramme dont les trois autres angles décrivent des arcs de cercle autour de deux points fixes, en supposant que ce parallélogramme parcourt successivement toutes les positions dont le système auquel il est lié le rend susceptible. Il ne faut pas s'embarrasser des moyens mécaniques par lesquels on pourroit effectuer de semblables mouvements: nous considérons ici les choses purement sous l'aspect géométrique.

À est un point de rotation immobile autour duquel tourne la ligne ACN, qui entraîne dans son mouvement le parallélogramme CNMD; B est un autre point de rotation immobile autour duquel tourne la ligne BD, qui assujettit à son mouvement l'angle D du parallélogramme CNMD, et lui fait décrire un arc de cercle autour du point B. D'après cela les points C et N décrivent autour du point A les arcs C<sup>2</sup>C<sup>7</sup>, N<sup>2</sup>N<sup>7</sup>; le point D décrit autour du point B l'arc D°D<sup>4</sup>, et le point M décrit une courbe particuliere, dont voici la génération.

Supposons que le rayon BD soit parvenu en BD, et le rayon AC en AC, de telle maniere que CD ait pris la position CD, et se trouve former

1493. Il est donc possible dans tous les cas de réduire l'un à l'autre les problêmes des art. (1478 et 1489); mais l'applica-

une seule ligne droite avec AC° et D°M°; le point M° sera un premier point de la courbe; C° parvenant ensuite en C¹, le point D° montera en D': le parallélogramme, qui d'abord se confondoit avec la ligne droite, se développera en C'N'M'D', et donnera le point M' de la courbe. Les points D', C', montant successivement, donneront les points M, etc., M'; ce dernier correspondant à la plus grande ascension du point C, à laquelle l'angle CDB devient égal à 180°, et où les lignes CD, DB, forment une seule ligne droite C2D2B. Le point C2 redescend ensuite en C<sup>3</sup>; le point D<sup>2</sup> continue à monter en D<sup>3</sup>, et le point M<sup>2</sup> de la courbe devient le point M3; enfin le point C3 arrive en C4, et le point D3 en D4, de telle sorte que le parallélogramme est une seconde fois réduit à une ligne droite C<sup>4</sup>D<sup>4</sup>M<sup>4</sup>M<sup>4</sup> dans la direction du rayon AC<sup>4</sup>. Alors le parallélogramme a engendré la demi-courbe M°M¹M M²M³ M⁴; l'autre moitié M<sup>4</sup>M<sup>5</sup>M<sup>6</sup>M<sup>7</sup>M<sup>8</sup>M<sup>9</sup>, qui est semblable et égale à la premiere, s'engendre par le changement de situation du parallélogramme qui passe du dessous au-dessus de la ligne ACN; aiusi C4 étant descendu en C5, le parallélogramme prend la position C5D5M5N5, et donne le point M5 de la courbe: on a de la même maniere les points M6 et M7, ce dernier correspondant au cas où le côté C'D' du parallélogramme est dans la direction du centre B. Ensin N<sup>7</sup> remonte en N<sup>8</sup> et N°, et le point M<sup>7</sup> engendre l'arc M<sup>7</sup>M<sup>8</sup>M°, comme le point M<sup>2</sup> avoit engendré l'arc M<sup>2</sup>M<sup>3</sup>M<sup>4</sup>.

On voit que cette courbe est de même nature que celle que nous avons décrite dans la note de l'art. (1485). Elle a un point d'inflexion à chacune de ses branches M'MM', M'M'M'; celui de la premiere branche se trouve peu éloigné du point M lorsque la ligne AM ne s'écarte pas beaucoup de l'horizontale: et voilà, comme nous l'avons déja remarqué, pourquoi ce point M parcourt sensiblement une ligne droite verticale, lorsque C ne parcourt pas de grands arcs au-dessus ou au-dessous de l'horizontale

passant par le centre A.

Il y auroit beaucoup de choses curieuses à dire sur les propriétés de la courbe que nous venons de décrire; mais nous croyons que ce qui précede suffira aux artistes qui auront quelques notions de la géométrie des courbes. Nous finirons cette note par la description d'un instrument très ingénieux, avec lequel on peut tracer une infinité de courbes par une combinaison de mouvements circulaires, et qui a suggéré à M. Watt l'idée de produire avec de semblables mouvements une ascension rectiligne et verticale. Quand cette machine ne seroit pas par elle-même d'une curiosité piquante, elle devroit sur-tout intéresser par le rapport qu'elle a avec l'histoire de l'art des machines à feu.

Nous en avons tiré la description d'un ouvrage anglois de George Adams, intitulé, Geometrical and graphical Essays, etc. London, 1791; mais son inventeur est Jean-Baptiste Suardi, qui l'a décrit dans un ouvrage italien qui a pour titre, Nuovo Istromento per la descrizzione di diverse curve antiche e moderne, etc., et qui le nomme Plume géométrique.

La sig. 197 réprésente la plume géométrique; elle est fixée sur une

tion du dernier (le parallélogramme) a sur l'autre un avantage important, qui est d'occuper beaucoup moins de place, la course du piston et l'inclinaison du balancier étant les mêmes. En effet, pour faire descendre le sommet de la verge MP fig. (316) de B en M, tout l'équipage du parallélogramme n'occupe que l'espace AB'BMDCA, tandis que, pour produire le même effet avec la verge ND', il faudroit prendre tout l'espace AB'B''D'NA; et si on vouloit par ce dernier moyen obtenir une course égale, en rapprochant les points A et B'', il faudroit que le balancier et le contre-balancier, ou au moins l'un d'eux, décrivissent des arcs d'un plus grand nombre de degrés, ce qui détruiroit en partie l'avantage du mouvement sensiblement vertical: ces considérations doivent dans bien des circonstances décider le choix du mécanisme.

1494. On conçoit aisément que les précautions scrupuleuses qu'on prend pour donner à la tige du piston un mouvement bien vertical seroient entièrement perdues si le cylindre luimême n'étoit pas placé avec beaucoup de précision; cette opération préliminaire exige la plus scrupuleuse attention, tant pour l'exactitude que pour la solidité.

table par le moyen des supports A, B et C; les têtes a, a, de deux de ces supports tournent autour d'un axe commun, afin de pouvoir être amenés dans un même plan avec le troisieme, et se placer plus commodément dans une boîte lorsqu'on ne se sert pas de l'instrument.

Au bas de l'axe D, qui est immobile et fait corps avec le support C, on fixe une roue dentée i, qui peut être changée, mais qui, lorsqu'elle

est en place, fait corps avec l'axe D et est immobile comme lui.

EG est une regle de métal, ouverte dans la plus grande partie de sa longueur, dont l'extrémité E est engagée entre la piece K et la roue i, de maniere cependant à pouvoir tourner librement autour de l'axe D. Une boîte à coulisse 1a' est disposée pour pouvoir glisser le long de la regle EG et se fixer en un endroit quelconque. Cette boîte porte une seconde roue dentée h, qu'on change à volonté, et qui peut, selon la place de la boîte 1a', ou engrener immédiatement dans la roue i, ou en recevoir le mouvement par l'intermede d'une autre roue dentée, comme on voit dans la figure.

L'axe de la roue dentée h est fixé dans un canon b, qui tient à une boîte inférieure cd; une regle fg coule dans cette boîte, et porte à son extrémité le crayon kk, qui trace sur le papier la courbe qu'on veut décrire. Ce crayon s'approche ou s'éloigne à volonté de l'axe b au moyen de la facilité qu'on a de faire correspondre la boîte cd à une partie quelconque de la regle fg.

Tout cela bien conçu, il est clair que, si on fait tourner la regle EG autour de l'axe D, la roue dentée h aura un mouvement total de trans-

1495. Pour trouver le rapport de la résistance à la puissance Rapport de la dans le cas de l'emploi du parallélogramme, nous considére-puissance à la puissance rons les choses sous le même point de vue qu'à l'art. (1487), le paralléloen supposant également que la formule qui donne ce rapport gramme. n'a son application que dans l'espace où u est sensiblement constant. D'après cela, observant que la longueur du bras du balancier à l'extrémité duquel agit la résistance est d+c', et établissant un calcul semblable à celui de la fin de l'art. ci-dessus cité, les équations

ité, les équations  

$$u=a'-b\cos \beta+c'\cos \beta,$$
  
 $z=a''+b\sin \beta+c'\sin \beta,$ 

donneront

o = b sin. 
$$\int \frac{A^3}{A\beta} - c' \sin \beta$$
,  
 $\frac{A^2}{A\beta} = b \cos \beta \int \frac{A^3}{A\beta} + c' \cos \beta$ .

Substituant dans la deuxieme équation la valeur de  $\frac{d^3}{ds}$  tirée de la premiere, divisant par d+c', et réduisant, il vient

$$\frac{dz}{(d+c')ds} = \frac{c'}{d+c'} \left\{ \frac{\sin \beta}{\tan \beta} + \cos \beta \right\}.$$

lation autour de l'axe D, et un mouvement particulier de rotation autour de son axe propre; le rapport des vitesses angulaires que comporteront ces deux mouvements dépendra des roues dentées intermédiaires et de la relation entre les nombres respectifs de leurs dents. La boîte cd et le crayon kk auront pareillement, outre le mouvement total de translation autour de l'axe D, un mouvement particulier de rotation commun avec la roue h, et la courbe que décrira la pointe k dépendra et du rapport entre les vitesses angulaires, ci-dessus mentionné, et du rapport entre les rayons fb et Ka'.

Ces rapports peuvent être variés à volonté, soit en employant différentes combinaisons de denture, soit en faisant correspondre les boites cd et 1d' à différents points de leurs regles respectives: il est donc évident qu'on peut tracer par ce moyen une infinité de lignes différentes de la circulaire, et qui résulteront néanmoins d'une combinaison de mouvements circulaires. Les lecteurs un peu géometres pourront s'exercer à étudier les combinaisons qui peuvent produire des courbes données. Les fig. 198, 199, 200, 201, 202, 203, 204, offrent quelques configurations qu'on obtient aisément.

Adams dit positivement que ce principe a été appliqué par MM. Watt et Bolton au mécanisme des machines à feu: It has lately been happily introduced into the steam engine by MM. Watt and Bolton. M. Watt a depuis confirmé verbalement la vérité de cette assertion à quelqu'un de notre connoissance.

Digitized by Google

Le rapport  $\frac{c'}{d+c'}$  remplace ici la quantité 1-n dans l'art. (1487), et cela doit être; car on a fig. (316)  $\frac{NM}{ND'} = \frac{AC}{AN}$ , ou  $n = \frac{d}{d+c'}$ , d'où on tire  $1 - n = 1 - \frac{d}{d+c'} = \frac{c'}{d+c'}$ .

Si on nomme R la résistance, et P la puissance, comme on a  $\frac{R}{P} = \frac{Az}{(d+c')As}$ , en substituant cette valeur, il vient

 $\frac{R}{P} = \frac{c'}{d+c'} \left\{ \cos \beta + \frac{\sin \beta}{\tan \beta} \right\}.$ 

J et β étant donnés en valeurs l'un de l'autre par les équations (9) ou (12) de l'art. (1478), lorsque l'un ou l'autre seront connus, on en tirera aisément la valeur de R.

Calculdes pro-

1496. Les formules (8), (9), (11), (12), (16), (17), de l'art. (1478) portions des peuvent servir très avantageusement pour calculer les rapports entre les mouvements des leviers du régulateur et ceux des leviers correspondants qui font lever les soupapes des boîtes à vapeur. On voit, fig. (234), que la soupape qq est mue par un levier coudé qui communique par le moyen d'une tringle aux leviers du régulateur. Or, en supposant une ligne menée de l'axe du levier de la soupape à l'axe du levier du régulateur, on aura un quadrilatere dont cette ligne formera le côté immobile, et dont les trois autres cotés mobiles seront un bras du levier du régulateur, la tringle et un bras du levier de la soupape; ce qui rentre précisément dans le cas du quadrilatere ABDCA, fig. (317), et du problème résolu art. (1478). On peut donc, la marche angulaire du levier du régulateur étant donnée, déterminer les mouvements des autres pieces, et par conséquent de la soupape, ou les dimensions qu'elles doivent avoir, pour qu'il en résulte des mouvements demandés, et réciproquement. Ordinairement les tringles sont disposées, ainsi qu'on l'a dit précédemment, de maniere à pouvoir être accourcies ou alongées, et on emploie dans la pratique divers autres moyens de tâtonnement pour produire les effets desirés; mais il n'en est pas moins très utile de pouvoir calculer exactement d'avance les proportions des pieces du régulateur avec celles au moyen desquelles le mouvement est communiqué aux soupapes des boîtes à vapeur: ces calculs sont, comme on voit, liés à la dimension du cylindre, de laquelle résulte la course tant du piston que de la poutrelle du régulateur.

Comme

Comme il n'est plus nécessaire ici de rapporter les angles à l'horizon, on peut simplifier les calculs en substituant à l'horizontale la ligne menée par les deux points de rotation fixés, c'est-à-dire, fig. (206), en substituant AB à AB', ce qui donne (1478) a = a', a'' = v. Ces valeurs, substituées dans celles A, B, D, etc., donnent

A=cos. 
$$\delta - \frac{a}{b}$$
,

B=sin.  $\delta$ ,

B'=sin.  $\delta$ ,

D'= $\frac{a}{b}$ cos.  $\delta + f$ ;

$$A' = \cos \cdot \beta - \frac{a}{b}$$
,

R=-sin.  $\delta$ ,

M= $\frac{b'-a^2-d^2-c^2+2ad\cos \cdot \delta}{2c}$ 

1497. Le principe des vîtesses virtuelles et la méthode de calcul indiquée au commencement de l'art. (1487) serviront à évaluer l'effort qui doit se faire au régulateur pour vaincre, par l'intermede du système de leviers et de tringles qu'il fait mouvoir, le poids des soupapes et la pression que la vapeur exerce sur elles: cet effort est en diminution de celui du moteur et en déduction de celui de la machine. Nous supprimerons les applications à cause de l'étendue que nous avons donnée à l'exposition des principes: ces applications seront très aisément faites par les artistes éclairés qui sont jaloux de porter la lumiere et la précision dans la pratique des arts; et ce seroit bien en pure perte que nous en dirions

davantage pour les autres.

1498. Une des dimensions les plus importantes à fixer, calcul du d'après l'effet qu'on veut faire produire à une machine à feu, diametre intérieur du cylindre à vapeur. Cette déterles diametre intérieur du cylindre à vapeur. Cette déterles des le diametre intérieur du cylindre à vapeur. mination comportoit beaucoup d'incertitudes avant qu'on nérales. connût exactement à toutes les températures la force expansive du gaz moteur; mais les expériences de Bettancourt, et consignées dans la table X, ne laissent actuellement rien à desirer à cet égard. Une des grandes sources d'incertitude étoit la réaction produite par le ressort de la vapeur de l'eau de condensation et de l'air rarésié qui s'en dégageoit, dont l'effort agissoit sur le piston en sens contraire de celui de la vapeur affluant de la chaudiere: on peut maintenant évaluer la perte qui en résulte. Nous avons dit (1341) que la vapeur de l'eau de condensation étoit dué à une température d'environ 40°, et exerçoit une force expansive équivalente à une colonne de mercure d'environ 4 pouces de hauteur. Cette température, et par conséquent la réaction qui en résulte, a des variations dépendantes principalement Tome II.



de la saison où on se trouve; elle est plus considérable en été qu'en hiver, et le produit de la machine diminue en proportion; mais, dans tous les cas, on l'évaluera exactement avec le secours d'un thermometre et de la table X.

La force expansive de la vapeur qui afflue de la chaudiere dans le cylindre est, dans les effets ordinaires et d'après des vérifications réitérées, due à une température de plus de 80°; mais il y a une déduction à faire relativement au mouvement alternatif du piston et de tout l'équipage qu'il fait mouvoir: lorsque le piston est à l'extrémité de sa course et qu'il va faire une course en sens contraire, l'effort du moteur se partage entre la résistance à vaincre ou l'effet à produire, et toutes les masses intermédiaires auxquelles il faut enlever le mouvement qu'elles ont et en communiquer de nouveau dans une direction opposée, les soupapes qu'il faut élever, etc. cette solution de continuité qui se renouvelle à chaque oscillation du balancier consomme une partie de l'effort du moteur, qui ne doit point être comptée pour l'effet utile de la machine, et le même déchet de mouvement se trouve par-tout où l'on emploie le mouvement alternatif. On ne peut rien dire de général sur la quantité précise de cette perte; car elle dépend et de la vîtesse que doit avoir la machine et des masses qui doivent être mises en mouvement: il faut dans chaque cas faire l'application des principes et des formules qu'on trouve dans la premiere partie de cet ouvrage. Nous dirons la même chose du frottement des axes, dont nous avons traité fort au long dans la cinquieme section de cette premiere partie: quant au frottement du piston dans le cylindre et à celui des pistons en général, comme il n'est produit par aucune pression déterminée, mais qu'il dépend du renslement plus ou moins grand de la garniture, on peut, si on le juge à propos, l'évaluer par expérience. Pour cela, lorsque le piston est garni à neuf, on l'abandonne à lui-même dans le cylindre ou le corps de pompe; et s'il ne descend pas de lui-même, on y joindra un poids additionnel suffisant pour lui donner un commencement de mouvement: le poids additionnel (qu'on peut, s'il est nécessaire, rendre soustractif par le moyen d'une corde et d'une poulie de renvoi), joint à celui du piston, sera la valeur du frottement.

Toutes les résistances qui tendent à diminuer l'effet de la machine étant connues, il faudra rapporter leur action à l'endroit où se produit l'effet utile de la machine. (Nous avons

donné dans la premiere et la cinquieme section de la premiere partie de cet ouvrage les principes et les formules nécessaires pour faire ces réductions). La somme de ces puissances, évaluées en poids, sera ajoutée au poids qui représente l'effort à surmonter pour produire cet effet utile. (On a vu que l'effet de toute machine peut toujours se réduire à l'élévation d'un poids).

Soient

Formule pour calculer les di-

- Q la somme des résistances rapportées à l'endroit où est mentre de l'endroi le poids à enlever et évaluées en poids de même espece;
- N le poids à enlever, ou la résistance équivalente;
- h la hauteur de la colonne de mercure correspondante dans la table X à la température de la vapeur;
- π La pesanteur spécifique du mercure, ou le poids de l'unité cubique de ce métal de même espece que les unités de h;
- k le rapport des vîtesses virtuelles du piston du cylindre à vapeur et du poids à enlever, donné par la construction de la machine;
- n le nombre de fois que le rayon est contenu dans la circonférence;
- x le rayon cherché du cylindre à vapeur.

On a, par le principe des vîtesses virtuelles,

 $Q+N=\frac{1}{2}k_{\pi}nhx^{2},$ 

d'où on tire  $x = \sqrt{\frac{Q+N}{\frac{1}{2}k\pi n\hbar}}$ 

Il ne faut pas se dissimuler que l'évaluation des quantités Observations qui entrent dans Q suppose jusqu'à un certain point la con-tion de cette noissance des dimensions de la machine, et par conséquent formule. celle du rayon qu'on cherche. Nous nous en tiendrons cependant à la formule précédente à cause de sa simplicité, et parcequ'elle sera suffisante dans la pratique lorsqu'elle sera servira avec les précautions convenables. En effet, tout artiste un peu exercé, qui veut produire un effet déterminé avec une machine à seu, doit d'avance présumer à-peu-près le diametre du cylindre et les dimensions de la machine; d'après cela il fera pour ces objets une espece de fausse position dans N, et, calculant ensuite x, il verra de combien la valeur trouvée differe de la valeur supposée, ce qui le dirigera pour rectifier ses



hypotheses; et s'il y met quelque sagacité, quelque adresse, un ou deux essais lui suffiront. Nous en donnerons par la suite des exemples dans la description des travaux hydrauli-

ques où on emploie des machines à feu.

Le rayon du cylindre à vapeur étant calculé, on peut déterminer sa hauteur d'après l'espace qu'on veut que le poids à enlever parcoure à chaque course du piston; mais il faut bien faire attention que cette course ainsi déduite ne contrarie pas d'autres conditions qu'il faut remplir, telles que celle dont il a été question art. (1481) et suivants. Tous ces détails doivent nécessairement être disposés par l'artiste dans chaque cas particulier; il faut qu'il se pénetre bien de l'ensemble du mécanisme qu'il veut exécuter, et que, soit par les principes exposés précédemment, soit d'après ce qui nous reste encore à dire sur cette matiere, il en combine toutes les parties de maniere qu'elles ne se contrarient pas, et qu'elles concourent toutes au même but.

Recherche consommée.

1499. L'effet des machines à feu est en général, et toutes du rapport en choses égales d'ailleurs, proportionnel à la quantité de commachine et la bustible consommée. Le temps entre nécessairement et imquantité de plicite de l'action de la laction de laction de laction de la laction de la laction de laction de la laction de la laction de la laction de laction de la laction de laction combustible plicitement dans cette évaluation; car, pour tirer le plus grand parti possible d'une masse donnée de charbon, il faut faire en sorte que le chauffage ne soit ni trop rapide ni trop lent, sans quoi on perdroit sur la vaporisation et sur le produit de la machine.

> Supposons que, dans une machine à double effet bien construite, bien réglée, et chauffée avec soin, on se soit assuré que l'unité de poids de charbon éleve à l'unité de hauteur une masse pesant un poids Q, un poids K de charbon brûlé élevera par conséquent à l'unité de hauteur une masse KQ, ou aura un effet représentatif de ce produit.

> Le temps de l'élévation étant le même que celui de l'action du moteur ou de la combustion, sera par conséquent en raison réciproque de la vîtesse, c'est-à-dire que la vîtesse aura pour expression l'unité de hauteur divisée par le temps de la combustion; et si on nomme ce temps T, le produit de la masse par la vîtesse sera  $\frac{1}{T}$  KQ.

> Cette expression - KQ est la valeur du moment statique de la machine considérée quant à l'effet que peut produire l'eau vaporisée par un poids K de charbon dont la combus

tion s'opere pendant un temps T. On pourra donc, en employant le même moteur, élever pendant le temps T une masse P avec la vîtesse V, rurvu que l'équation suivante ait lieu; savoir,

$$PV = \frac{1}{T}KQ$$
.

1500. Cette équation peut être employée pour comparer la formules pour machine à feu avec une machine quelconque qui produiroit set mécanique l'effet générique PV, et à connoître quelle dépense de com-dun courant d'eau à celui bustible il faudroit faire pour produire le même effet que d'une machine cette machine. Supposons qu'il s'agisse d'un poids élevé par une roue à aubes; il résulte de la théorie donnée art. (933) que le moment statique sera proportionnel au produit de la dépense de l'eau par le carré de sa vîtesse ou par sa chûte. Nommant E la dépense et H la hauteur de la chûte, l'effet sera représenté par  $\phi EH$ , la quantité  $\phi$  étant une constante dans laquelle entre la gravité, la durée qu'on prend pour unité de temps, et d'autres quantités qui se déterminent une fois pour toutes d'après l'expérience.

Une machine de cette sorte, supposée capable d'enlever

le poids P avec la vîtesse V, fournit l'équation

$$PV = \Phi EH$$
,

d'où on déduit

$$\frac{1}{T}KQ = \Phi EH;$$

équation qui exprime la relation entre l'énergie EH d'un courant d'eau employé à un certain effet, et la quantité K de charbon qu'il faudroit brûler pour produire avec une machine

à feu un effet équivalent.

1501. Un des usages les plus utiles qu'on puisse faire de Applications cette équation est de l'employer à évaluer le produit de la machine à feu appliquée à un travail dont il n'existeroit point d'expériences faites avec cette machine, mais pour lequel on auroit des résultats fournis par une machine hydraulique. Je suppose que l'effet en question soit la mouture du bled, et qu'on veuille déduire de la quantité de bled moulue par un moulin à eau celle que moudroit un moulin mû par une machine à feu. La résistance que le bled oppose à l'action de la meule pouvant être comparée à celle qu'une masse pesante oppose à la puissance qui tend à l'élever, et la cause productrice, considérée dans une machine hydraulique, étant toujours proportionnelle à la chûte et à la dépense, la quantité



# RECHERCHES EXPÉRIMENTALES ET ANALYTIQUES

Sur les lois de la dilatabilité des fluides élastiques et sur celles de la force expansive, dans le vuide, de la vapeur de l'eau et de la vapeur de l'alkool, à différentes températures.

1505. J'ai donné dans différentes parties de cet ouvrage les résultats de mes recherches sur la force expansive de la vapeur de l'eau et de celle de l'alkool; mais je n'ai exposé nulle part avec détail les procédés que j'ai suivis pour déduire ces résultats de l'analyse; de plus les expériences faites sur la dilatation des fluides aériformes conduisent à la connoissance de l'effet mécanique dont ils sont capables, par leur expansion, à différentes températures; et comme j'ai trouvé le moyen de ramener le calcul et la mesure de tous ces phénomenes à une même méthode analytique, j'ai pensé que le rapprochement raisonné de toutes les parties de mon travail intéresseroit les physiciens et les artistes, et pourroit leur fournir de nouvelles vues pour les progrès de la physique et de la mécanique. Ce travail d'ailleurs est essentiellement lié à ce qui précede, et doit lui servir de complément par les vues générales qu'il présente sur les fluides élastiques employés comme agents mécaniques. Je vais faire précéder mon exposé de quelques observations préliminaires.

Considéraen physique.

La physique s'est enrichie depuis environ quarante ans d'un tions générales grand nombre d'observations faites avec beaucoup de soin par sure des effets des hommes savants et exercés. Ce dépôt s'augmente chaque jour, et la collection qu'il renferme devient de plus en plus précieuse à mesure que la perfection des instruments nouveaux donne plus de précision aux expériences. Déja l'esprit philosophique s'est emparé des faits multipliés fournis par les observateurs; les phénomenes ont été rapprochés, comparés, classés; la langue d'une partie importante de la science est devenue analytique; des théories raisonnables ont fait disparoître les systèmes futiles et souvent absurdes dont on a occupé les écoles jusqu'au milieu de ce siecle.

L'étude

L'étude de la nature ainsi ramenée à l'examen et à la connoissance effective de ses opérations me paroit offrir deux objets de recherches qu'il ne faut pas confondre; l'explication

des effets, et leur mesure.

Tome II.

L'explication des effets consiste à trouver, dans une classe de phénomenes composés, les phénomenes simples ou primitifs dont tous les autres ne sont que les modifications ou les combinaisons diverses, et à faire voir comment on peut, à travers les apparences les plus variées, démêler l'action et la maniere d'être des éléments pris pour base du système. Ainsi, en partant des affinités de certaines substances considérées comme phénomenes simples, on a trouvé que les phénomenes météorologiques, ceux de la combustion, etc. n'étoient que les résultats de ces mêmes affinités, se manifestant avec différentes formes sous lesquelles ils avoient été jusqu'à ces derniers temps cachés aux yeux des physiciens: c'est à ces décompositions des effets complexes en effets simples que se réduisent tous nos moyens de pénétrer une partie des secrets de la nature, qui, en nous permettant de soulever une des extrémités du voile qui la couvre, tient l'autre attachée par un nœud que notre main ne sauroit délier.

La mesure des effets est l'évaluation des différents degrés d'intensité dont chacun est susceptible, lorsqu'on fait varier, soit les causes qui le produisent, soit d'autres effets auxquels il est lié: on sait, par exemple, que la disposition des sluides à se vaporiser est d'une part activée par le calorique, de l'autre coërcée par la pression de l'atmosphere, et que la vaporisation n'a lieu que lorsque la premiere puissance l'emporte sur la seconde: mais, outre cette premiere donnée, il peut être nécessaire de connoître quelles sont les pressions qui, à différentes températures, font équilibre à la vaporisation: le même raisonnement est applicable à une infinité d'autres phénomenes.

On voit donc que *l'explication* des effets dont le grand avantage est de simplifier la science et d'en coordonner les différentes parties par l'analyse et la décomposition des phénomenes composés, a un complément essentiel dans la mesure de ces mêmes effets, qui est toujours très utile, et souvent indispensable lorsqu'on veut appliquer les découvertes théoriques aux besoins de la société.

1506. L'expérience peut seule fournir les premieres données Méthode d'interpolation apsur la mesure des effets physiques; mais le calcul s'y applique plicable à la mesure des che ensuite avec beaucoup d'avantage, soit pour obtenir les résultats seu.

Digitized by Google

intermédiaires à ceux trouvés par le fait, soit pour en corriger les anomalies. La méthode qu'on emploie dans ce cas est connue sous le nom d'interpolation: elle a pour objet de trouver une équation entre deux ou trois variables, telle que si on donne des valeurs déterminées à une ou deux de ces variables, il en résulte des valeurs pareillement déterminées par la 2°. ou la 3°. Le problême considéré sous cet aspect peut se résoudre d'une infinité de manieres, parcequ'il y a une infinité de fonctions. qui peuvent s'évanouir par les mêmes substitutions; mais ce seroit une grande erreur de penser que toutes ces solutions sont également applicables à un cas proposé. La nature, quoique soumise à des lois générales vraisemblablement très simples et très peu nombreuses, a autant de modifications particulieres dans ses procédés que de variétés dans ses formes; et chaque phénomene, considéré sous l'aspect mensurable, se rapporte toujours à une certaine fonction qui doit le représenter exclusivement.

Divisée en deux parties.

1507. Le problème de l'interpolation a donc deux parties très distinctes: dans l'une, on se propose de satisfaire à des nombres donnés; dans l'autre, on cherche parmi toutes les fonctions qui remplissent cette condition quelle est celle qui convient à l'espece particuliere des phénomenes qu'on traite.

J'ai donné, n°. 19 de mes leçons d'analyse, une solution de la premiere partie du problème qu'on emploie très souvent, principalement comme méthode de correction; Lagrange a publié sur le même objet un très beau mémoire (\*) où il envisage la question plus généralement qu'on ne l'avoit encore fait. Les éleves qui posséderont la théorie exposée n°. 18, 19, 20 et 21 de mes leçons, pourront sans difficulté entreprendre l'étude de cet ouvrage, et tireront un grand profit du temps qu'ils y auront consacré.

La solution de la seconde partie ne paroît pas, dans l'état actuel de nos connoissances, susceptible d'être soumise à des regles générales, sur-tout lorsque les observations sont peu nombreuses et n'embrassent pas une grande étendue; un examen attentif de tous les détails et de la marche des expériences, des essais réitérés, l'analogie, semblent être les seuls guides qu'on ait dans cette pénible recherche; et ces difficultés, jointes à celles de la précision dans les expériences, rendent les déterminations exactes des lois des phénomenes très rares en physique.

(\*, Voyez les Mém. de l'acad. des sciences, année 1772.

1508. J'eus occasion, en 1790, de suivre des expériences très détaillées et très bien faites sur la force expansive de la fonction applivapeur de l'eau, et je me chargeai même de chercher la forment qui dépendent de mule qui les représentoit. La régularité de la série des valeurs du dépendent de dépendent de mule qui les représentoit. La régularité de la série des valeurs du dépendent des données m'avoit fait croire la tâche plus aisée qu'elle ne l'étoit réellement; cependant, après quelque travail, je trouvai une espece de fonction qui non seulement exprimoit parfaitement les relations entre la température et le ressort du gas aqueux, mais qui me parut pouvoir convenir en général aux phénomenes dépendants des fluides élastiques. Je les appliquai à des expériences que Prieur a faites avec beaucoup de soin sur la dilatabilité de l'air et de différents fluides aériformes: cet essai me confirma dans mon opinion, et je me suis déterminé à publier mes résultats.

Le premier apperçu qui me dirigea vers la véritable forme de la fonction sut la considération de quelques progressions géométriques qu'offrent certains phénomenes relatifs aux sluides élastiques, dont un des exemples les plus remarquables est la relation entre la densité des couches de l'atmosphere et leurs élévations respectives: cette loi étant exprimée par une exponentielle, je soupçonnai que dans d'autres circonstances, où une quantité de cette espece seroit insussisante, on pourroit en introduire deux ou un plus grand nombre; et, en généralisant ces idées, je sus conduit à une équation de la forme

$$z = \mu_i \xi_i^x + \mu_{ii} \xi_{ii}^x + \mu_{iii} \xi_{ii}^x + \dots + \mu_{(n)} \xi_{(n)}^x$$

z et x étant les deux variables,  $\mu_{i}\mu_{ii}\mu_{ii}$ , etc. des constantes données par l'espece particuliere de phénomene dont on veut trouver la loi.

On sait que l'équation précédente résulte de l'intégration d'une équation aux différences finies linéaires, ou donne le terme général d'une suite récurrente de l'ordre n: or les suites de ce genre, dans lesquelles un terme quelconque se déduit d'un certain nombre de ceux qui le précedent, paroissent en effet convenir aux effets naturels où l'élasticité joue un grand rôle; car la conservation de forces vives que comporte cette propriété des corps fait toujours dépendre l'état actuel des états antécédents. Les recherches de Lagrange, dont j'ai parlé précédemment, sont aussi fondées sur les suites récurrentes. Il a donné plusieurs méthodes pour trouver celles qui doivent interpoler une suite donnée, où l'on remarque l'élégance et la profondeur qu'on doit attendre d'un si grand analyste.

Digitized by Google

Comme la méthode que j'ai employée dans mes calculs differe des siennes, que je ne connoissois pas lorsque j'ai commencé mon travail, je vais en exposer le procédé.

Méthode d'interpolation applicable aux phénomenes qui dépendent des fluides élastiques.

ramener les ré-

1509. Les expériences doivent, autant qu'il est possible, être sultats à être dirigées de maniere à rendre les résultats équidistants. Lorslorsqu'ils ne le qu'on n'a pas pu obtenir cette condition (ce qui doit arriver sont pas. très rarement), et que néanmoins les résultats sont assez nombreux et assez rapprochés, on les ramenera à être équidistants, soit par les moyens graphiques, en traçant la courbe des expé riences, soit par le calcul, en considérant trois résultats consécutifs z, z, z, dont le 2° et le 3° sont distants du 1" de x'. et x'' réspectivement; on calculera le résultat z à la distance x de z, de maniere qu'il se trouve compris dans la série de ceux qu'on veut rendre équidistants, par la formule suivante. déduite de celle du n°. 19 de mes leçons d'analyse,

$$z = \frac{x'' - x}{x'} \cdot \frac{x' - x}{x''} z_{i} + \frac{x}{x'' - x'} (\frac{x'' - x}{x'} z_{ii} - \frac{x' - x}{x''} z_{iii}).$$

On simplifiera beaucoup cette formule en ne calculant que l'excès de z sur z; pour cela faisant  $z_i - z_u = \omega'$ ,  $z_u - z_i = \omega''$ , on aura

$$z-z_{l}=\frac{x}{x^{l}-x^{l}}\left(\frac{x^{l}-x}{x^{l}}\omega^{l}-\frac{x^{l}-x}{x^{l}}\omega^{ll}\right).$$

Il sera bon, pour éviter toute erreur, d'essayer et la formule et les moyens graphiques, qui, lorsqu'on y mettra du soin et qu'on opérera sur une grande échelle, donneront ordinairement une exactitude comparable à celle des expériences niêmes.

Cette préparation faite (les cas où elle sera nécessaire sont, comme je l'ai déja dit, extrêmement rares), on prendra un certain nombre de résultats équidistants, embrassant ou la totalité ou une grande partie de l'étendue des expériences; ensuite la variable z désignant la mesure des effets successifs qui correspondent à des valeurs quelconques d'une autre variable x, laquelle indique à quel terme d'une échelle donnée se rapportent les effets z; on aura généralement,

Deux formules genérales d'interpolation.

1510. Pour satisfaire à un nombre 2n de résultats. . . .

$$z = \mu_{i} \xi_{i}^{z} + \mu_{ii} \xi_{ii}^{z} + \mu_{iii} \xi_{ii}^{z} + \dots + \mu_{(n)} \xi_{(n)}^{z} + \dots$$
 (1). pour satisfaire à un nombre  $2n+1$  de résultats. . . . .

$$z = \mu_{(n)} \xi_{n}^{*} + \mu_{(n)} \xi_{n}^{*} + \mu_{(n)} \xi_{n}^{*} + \dots + \mu_{(n)} \xi_{(n)}^{*} + \mu_{(n+1)} \dots$$
 (2)

 $\mu_i$ ,  $\mu_n$ ,  $\mu_{ii}$ , etc.  $\varrho_i$ ,  $\varrho_u$ ,  $\varrho_w$ , etc. sont des constantes dont on détermine la valeur d'après les résultats des expériences, ainsi qu'on le verra bientôt.

J'ai donné deux formules générales, quoique l'une à la rigueur eût pu suffire; mais j'ai eu en vue une simplification qu'il étoit important d'introduire dans ma méthode. Voici en quoi elle consiste: la détermination de qu, qu, etc. dépend de la solution d'une équation; et, en employant la deuxieme formule, on satisfait à un nombre impair d'observations par une équation qui n'est pas plus élevée que celle qu'exigeroit le nombre pair immédiatement inférieur: ainsi on satisfait à quatre ou cinq observations en calculant une équation du deuxieme degré, à six et à sept avec une du troisieme, à huit et à neuf avec une du quatrieme, etc. Il n'arrivera presque jamais qu'on ait huit ou neuf résultats à faire entrer dans la formule; et on pourra, sans sortir des limites dans lesquelles on a des méthodes pour la solution des équations numériques, traiter tous les cas que la physique présente ordinairement. Ajoutons à cet avantage celui de n'avoir dans la valeur de z qu'un nombre de termes égal à la moitié au plus du nombre des observations, au lieu que les formules qui se rapportent aux courbes paraboliques ont toujours autant de termes qu'il y a d'observations.

Voici la maniere de déterminer, d'après les résultats donnés,

les constantes des équations (1) et (2).

J'ai démontré dans mes leçons d'analyse, 1°. que l'équation (1) La première donnoit le terme général d'une suite récurrente de l'ordre n; nombre pair 2°. que les termes d'une pareille suite, pris à des intervalles égaux quelconques, reproduisoient toujours des récurrentes du même ordre. Cela posé, soient les deux séries suivantes, dont la première donne les résultats observés ou les valeurs particulières de z fournies par l'expérience, et la deuxième les valeurs correspondantes de x:

résultats observés...... $z_0$ ;  $z_i$ ;  $z_i$ .... $z_{(n)}$ ;  $z_{(n+1)}$ ;  $z_{(n+2)}$ ...... $z_{(2n-1)}$  valeurs correspondantes de x... 0;  $x_i$ ;  $2x_i$ ...  $nx_i$ ;  $(n+1)x_i$ ;  $(n+2)x_i$ ...  $(2n-1)x_i$ 

les quantités z<sub>o</sub>, z<sub>i</sub>, z<sub>i</sub>, etc. doivent former une suite récurrente dont il faut trouver l'échelle de relation. Soient A<sub>o</sub>, A<sub>i</sub>, A<sub>i</sub>... A<sub>in</sub>, des coëfficients indéterminés, tels qu'on ait les équations de condition

Digitized by Google

Ces équations étant en nombre n donneront les n rapports  $\frac{A_0}{A_{(n)}}$ ,  $\frac{A_1}{A_{(n)}}$ ,  $\frac{A_u}{A_{(n)}}$ ,  $\dots \frac{A_{(n-1)}}{A_{(n)}}$  qui composent l'échelle de relation demandée; et on aura

Résolvant ensuite l'équation

$$A_0 + A_1 \alpha + A_n \alpha^2 + A_{n_1} \alpha^5 + \ldots + A_{(n)} \alpha^n = 0$$

les n racines qu'on trouvera seront les valeurs des n quantités  $e_i^{x'}$ ,  $e_{ii}^{x'}$ ,

$$\mu_{ii} = \frac{(z + \varrho_{ii}^{x_{i}}) (z - \varrho_{iii}^{x_{i}}) (z - \varrho_{iv}^{x_{i}}) \dots (z - \varrho_{in}^{x_{i}})}{(\varrho_{i}^{x_{i}} - \varrho_{ii}^{x_{i}}) (\varrho_{i}^{x_{i}} - \varrho_{iv}^{x_{i}}) (\varrho_{i}^{x_{i}} - \varrho_{iv}^{x_{i}}) \dots (\varrho_{i}^{x_{i}} - \varrho_{in}^{x_{i}})} = \frac{(z - \varrho_{i}^{x_{i}}) (z - \varrho_{iii}^{x_{i}}) (z - \varrho_{iv}^{x_{i}}) \dots (z - \varrho_{iv}^{x_{i}})}{(\varrho_{ii}^{x_{i}} - \varrho_{ii}^{x_{i}}) (\varrho_{ii}^{x_{i}} - \varrho_{iv}^{x_{i}}) (\varrho_{ii}^{x_{i}} - \varrho_{iv}^{x_{i}}) \dots (z - \varrho_{in}^{x_{i}})} = \frac{(z - \varrho_{i}^{x_{i}}) (z - \varrho_{ii}^{x_{i}}) (z - \varrho_{iv}^{x_{i}}) (z - \varrho_{iv}^{x_{i}}) \dots (z - \varrho_{in}^{x_{i}})}{(\varrho_{ii}^{x_{i}} - \varrho_{ii}^{x_{i}}) (\varrho_{ii}^{x_{i}} - \varrho_{iv}^{x_{i}}) \dots (z - \varrho_{in}^{x_{i}})}$$

$$\mu_{(n)} = \frac{(z - \varrho_{(n)}^{x_i})(z - \varrho_{(n)})(z - \varrho_{(n)}^{x_i}) \dots (z - \varrho_{(n-1)}^{x_i})}{(\varrho_{(n)}^{x_i} - \varrho_{(n)}^{x_i})(\varrho_{(n)}^{x_i} - \varrho_{(n)})(\varrho_{(n)}^{x_i} - \varrho_{(n)})}, \dots (\varrho_{(n)}^{x_i} - \varrho_{(n-1)}^{x_i})$$

en observant que dans le développement des numérateurs tous les exposants des puissances de z doivent être changés en accents de même numéro, c'est-à-dire qu'il faut à z' substituer z. (ou multiplier par  $z_0$  tous les termes où z ne se trouve pas), à z substituer  $z_1$ , à  $z^2$  substituer  $z_2$ , etc. Ainsi on a dans le cas de

Ce qui s'accorde avec les formules que j'ai données n°. 20 de mes leçons d'analyse, en faisant x=1; et, pour rendre le calcul d'élimination qui donne  $\mu_l$ ,  $\mu_u$ , etc. absolument semblable à celui du cours, on fera  $e^{x_l} = \downarrow_l$ ,  $e^{x_l} = \downarrow_u$ , etc., et on cherchera  $\mu_l$ ,  $\mu_u$ , etc. en valeurs de  $\downarrow_l$ ,  $\downarrow_u$ , etc. On sait que  $x_l$  est ici l'accroissement constant de x ou le  $\Delta x$ . Les quantités  $e_i$ ,  $e_{ii}$ ,  $e_{ii}$ , etc.  $\mu_i$ ,  $\mu_{ii}$ ,  $\mu_{ii}$ , etc. étant ainsi déterminées, on substituera leurs valeurs dans l'équation (1)

$$z = \mu_{i} g_{i}^{z} + \mu_{j} g_{ii}^{z} + \mu_{jj} g_{ii}^{z} + \cdots + \mu_{(n)} g_{(n)}^{z},$$

qui sera alors disposée pour satisfaire aux 2n observations données, et pour fournir un résultat quelconque intermédiaire entre ceux obtenus par le fait.

1512. Pour résoudre ce second cas, on observera que l'équa- La deuxieme applicable à un tion (2) ne differe de l'équation (1) que par le terme constant nombre impair  $\mu_{(n+1)}$ . Ainsi la série des z tirée de (2) est de même nature d'observations. que celle tirée de (1), avec la seule différence que dans (2) chaque terme est augmenté de  $\mu_{(n+1)}$ . Si donc on diminue

ces mêmes termes de  $\mu_{(n+1)}$ , les restes auront entre eux les relations que comporte une suite récurrente de l'ordre n (\*), c'est-à-dire qu'en conservant la notation de l'article précédent on a

$$\begin{array}{ccccc}
A_{o}(z_{o} & -\mu_{(n+1)}) + A_{i}(z_{i} & -\mu_{(n+1)}) + A_{ii}(z_{i_{i}} & -\mu_{(n+1)}) + \dots \\
& + A_{(n)}(z_{(n)} & -\mu_{(n+1)}) = 0
\end{array}$$

$$A_{o}(z_{i} & -\mu_{(n+1)}) + A_{i}(z_{ii} & -\mu_{(n+1)}) + A_{ii}(z_{iii} & -\mu_{(n+1)}) + \vdots \dots$$

$$\begin{array}{lll}
A_{o}(z_{ii} & -\mu_{(n+1)}) + A_{i}(z_{iii} & -\mu_{(n+1)}) + A_{ii}(z_{iv} & -\mu_{(n+1)}) + \dots \\
& + A_{(n)}(z_{(n+2)} - \mu_{(n+1)}) = 0
\end{array}$$

$$A_{o}(z_{ij} - \mu_{(n+1)}) + A_{i}(z_{v} - \mu_{(n+1)}) + A_{iv}(z_{v} - \mu_{(n+1)}) + \dots 
 + A_{(n)}(z_{(n+5)} - \mu_{(n+1)}) = 0$$

$$A_{o}(z_{(n-1)}-\mu_{(n+1)})+A_{i}(z_{(n)}-\mu_{(n+1)})+A_{ii}(z_{(n+1)}-\mu_{(n+1)})+\cdots$$

$$+A_{(n)}(z_{(2n+1)}-\mu_{(n+1)})=0$$

$$\begin{array}{cccc} A_{o}(z_{(n)} & -\mu_{(n+1)}) + A_{i}(z_{(n+1)} - \mu_{(n+1)}) + A_{ii}(z_{(n+2)} - \mu_{(n+1)}) + \dots \\ & + A_{(n)}(z_{(2n)} - \mu_{(n+1)}) = 0 \end{array}$$

Si on retranche ces équations l'une de l'autre,  $\mu_{(n+1)}$  s'éliminera, et elles deviendront

$$A_{\circ} \Delta z_{(n-1)} + A_{i} \Delta z_{(n)} + A_{i} \Delta z_{(n+1)} + \ldots + A_{(n)} \Delta z_{(2n-1)} = 0$$

équation dont on tirera les valeurs de  $\frac{A_o}{A(n)}$ ,  $\frac{A_I}{A(n)}$ ,  $\frac{A_{II}}{A(n)}$ , etc.; savoir,

pour 
$$n=1...A_o: A_i=-\Delta z_i: \Delta z_o...$$
 valeur déduite de trois observations.

pour

<sup>(\*)</sup> La récurrente est dans le fait de l'ordre n+1; mais l'équation de relation a une racine égale à l'unité, c'est-à-dire que dans le terme  $\mu_{n}^{(n+1)} \varrho^{x}_{(n+1)}$  on a  $\varrho_{(n+1)} = 1$ . Ainsi le degré de l'équation peut s'abaisser

$$\operatorname{Tr} n = 2 \begin{cases}
A_{0} : A_{II} = \frac{\Delta Z_{I} \Delta Z_{III} - \Delta Z_{II} \Delta Z_{II}}{\Delta Z_{0} \Delta Z_{II} - \Delta Z_{1} \Delta Z_{1}} \\
A_{1} : A_{II} = \frac{\Delta Z_{1} \Delta Z_{II} - \Delta Z_{0} \Delta Z_{III}}{\Delta Z_{0} \Delta Z_{II} - \Delta Z_{1} \Delta Z_{1}} \\
A_{2} : A_{III} = \frac{\Delta Z_{1} \Delta Z_{II} - \Delta Z_{1} \Delta Z_{1I}}{\Delta Z_{0} \Delta Z_{II} - \Delta Z_{1} \Delta Z_{1I}} \\
A_{3} : A_{III} = \frac{+(\Delta Z_{III} \Delta Z_{III} - \Delta Z_{II} \Delta Z_{IV})\Delta Z_{III} + (\Delta Z_{1} \Delta Z_{IV} - \Delta Z_{II} \Delta Z_{III})\Delta Z_{1V} + (\Delta Z_{1I} \Delta Z_{III} - \Delta Z_{1} \Delta Z_{III})\Delta Z_{1I}}{-(\Delta Z_{III} \Delta Z_{III} + \Delta Z_{1I} \Delta Z_{1V})\Delta Z_{0} - (\Delta Z_{1I} \Delta Z_{1II})\Delta Z_{1II}} \Delta Z_{1} - (\Delta Z_{1I} \Delta Z_{1II} - \Delta Z_{1} \Delta Z_{1II})\Delta Z_{1II}} \\
A_{1} : A_{III} = \frac{+(\Delta Z_{1I} \Delta Z_{IV} - \Delta Z_{1I} \Delta Z_{III})\Delta Z_{1II} + (\Delta Z_{1I} \Delta Z_{1I} - \Delta Z_{0} \Delta Z_{1V})\Delta Z_{1V} + (\Delta Z_{0} \Delta Z_{III} - \Delta Z_{1} \Delta Z_{II})\Delta Z_{1II}}{-(\Delta Z_{1I} \Delta Z_{1II} - \Delta Z_{1} \Delta Z_{III})\Delta Z_{1II}} \\
A_{1} : A_{III} = \frac{+(\Delta Z_{1I} \Delta Z_{1I} - \Delta Z_{1} \Delta Z_{III})\Delta Z_{1II} + (\Delta Z_{0} \Delta Z_{III} - \Delta Z_{0} \Delta Z_{1V})\Delta Z_{1V} + (\Delta Z_{0} \Delta Z_{III} - \Delta Z_{1} \Delta Z_{II})\Delta Z_{1II}}{-(\Delta Z_{1I} \Delta Z_{1I} - \Delta Z_{0} \Delta Z_{II})\Delta Z_{1II}} \\
A_{1} : A_{III} = \frac{+(\Delta Z_{1I} \Delta Z_{1I} - \Delta Z_{1} \Delta Z_{III})\Delta Z_{1II} + (\Delta Z_{0} \Delta Z_{1II} - \Delta Z_{1} \Delta Z_{II})\Delta Z_{1II}}{-(\Delta Z_{0} \Delta Z_{1II} - \Delta Z_{0} \Delta Z_{II})\Delta Z_{1II}} \\
A_{2} : A_$$

Ensuite k étant un nombre entier positif, qui n'excede pas n, on pourra évaluer  $\mu_{(n+1)}$  par l'une quelconque des n équations que renferme la suivante

$$\mu_{(n+1)} = \frac{A_{\circ} z_{(k)} + A_{I} z_{(k+1)} + A_{II} z_{(k+1)} + \ldots + A_{(n)} z_{(k-n)} \{ A_{(n)} \} A_{(n)}}{(A_{\circ} + A_{I} + A_{II} + \ldots + A_{(n)} A_{(n)})},$$

qui doit donner la même valeur pour  $\mu_{(n+1)}$ , quel que soit celui des nombres o, 1, 2, 3. . . . n, qu'on prenne pour k.

Résolvant ensuite l'équation

$$A_0 + A_{1\alpha} + A_{1\alpha}^2 + A_{11\alpha}^3 + \dots + A_{(n)\alpha}^{(n)} = 0$$

les *n* racines qu'elle donnera seront les valeurs de  $\xi_{i}^{x_{i}}$ ,  $\xi_{i}^{x_{i}}$ , etc. à substituer dans l'équation (2); et les valeurs de  $\mu_{i}$ ,  $\mu_{ii}$ ,  $\mu_{ii}$ , etc. de la même équation se calculeront par les formules (\*)

termes où z ne sera pas, et par z,  $z_{III}$ , etc. respectivement ceux qui nt multipliés par z, z', z', etc.

$$\mu_{i,i} = \frac{(z - e_{i,i}^{x_i}) (z - e_{i,i}^{x_i}) (z - e_{i,i}^{x_i}) (z - e_{i,i}^{x_i}) ... (z - e_{i,i}^{x_i}) (z - 1)}{(e_{i,i}^{x_i} - e_{i,i}^{x_i}) (e_{i,i}^{x_i} - e_{i,i}^{x_i}) (e_{i,i}^{x_i} - e_{i,i}^{x_i}) ... (e_{i,i}^{x_i} - e_$$

(\*) Si on retranche de ces formules les facteurs z-1 et  $\varrho_{z}^{z}-1$ ,  $\varrho_{z}^{z}-1$ , Qiii -1, etc., on aura les constantes qui conviennent au terme général de la suite  $\Delta z_0$ ,  $\Delta z_1$ ,  $\Delta z_{11}$ , etc., c'est à dire qu'on aura les constantes qui devroient multiplier  $\varrho_{x}^{x}$ ,  $\varrho_{y}^{x}$ , etc. dans la valeur de  $\Delta z$ .

 $Tome\ II.$  $\mathbf{X}$  La derniere valeur de  $\mu_{(n+1)}$  est beaucoup plus facile à calculer que la précédente, qu'on pourra n'employer que comme vérification: si on donne à n différentes valeurs, on aura dans le cas de

$$n = 1 \cdot ... \begin{cases} \mu_{i} = \frac{z_{i} - z_{o}}{\xi_{i}^{x} - 1} \cdot ... \\ \mu_{ij} = z_{o} - \mu_{i} \cdot ... \end{cases}$$

$$n = 2 \cdot ... \begin{cases} \mu_{i} = \frac{z_{ij} - (\xi_{i}^{x} + 1) z_{i} + \xi_{i}^{x_{i}} z_{o}}{(\xi_{i}^{x} - \xi_{i}^{x_{i}}) (\xi_{i}^{x_{i}} - 1)} \\ \mu_{ii} = \frac{z_{ii} - (\xi_{i}^{x_{i}} + 1) z_{i} + \xi_{i}^{x_{i}} z_{o}}{(\xi_{i}^{x_{i}} - \xi_{i}^{x_{i}}) (\xi_{i}^{x_{i}} - 1)} \\ \mu_{iii} = z_{o} - (\mu_{i} + \mu_{ii}) \cdot ... \\ \mu_{ii} = \frac{z_{iii} - (\xi_{iii}^{x_{i}} + \xi_{i}^{x_{i}} + 1) z_{ij} + (\xi_{iii}^{x_{i}} \xi_{i}^{x_{i}} + \xi_{ii}^{x_{i}}) z_{i} - \xi_{iii}^{x_{i}} \xi_{i}^{x_{i}} z_{o}}{(\xi_{i}^{x_{i}} - \xi_{ii}^{x_{i}}) (\xi_{i}^{x_{i}} - \xi_{ii}^{x_{i}}) (\xi_{i}^{x_{i}} - 1)} \\ \mu_{ii} = \frac{z_{iii} - (\xi_{iii}^{x_{i}} + \xi_{i}^{x_{i}} + 1) z_{ij} + (\xi_{iii}^{x_{i}} \xi_{i}^{x_{i}} + \xi_{ii}^{x_{i}} + \xi_{ii}^{x_{i}}) z_{i} - \xi_{iii}^{x_{i}} \xi_{i}^{x_{i}} z_{o}}{(\xi_{i}^{x_{i}} - \xi_{ii}^{x_{i}}) (\xi_{ii}^{x_{i}} - \xi_{ii}^{x_{i}}) (\xi_{ii}^{x_{i}} - 1)} \\ \mu_{ii} = \frac{z_{iii} - (\xi_{ii}^{x_{i}} + \xi_{i}^{x_{i}} + 1) z_{ij} + (\xi_{iii}^{x_{i}} \xi_{i}^{x_{i}} + \xi_{ii}^{x_{i}} + \xi_{ii}^{x_{i}}) z_{i} - \xi_{ii}^{x_{i}} \xi_{i}^{x_{i}} z_{o}}{(\xi_{ii}^{x_{i}} - \xi_{ii}^{x_{i}}) (\xi_{ii}^{x_{i}} - \xi_{ii}^{x_{i}}) (\xi_{ii}^{x_{i}} - 1)} \\ \mu_{iij} = \frac{z_{ii} - (\xi_{ii}^{x_{i}} + \xi_{i}^{x_{i}} + 1) z_{ij} + (\xi_{ii}^{x_{i}} \xi_{i}^{x_{i}} + \xi_{ii}^{x_{i}} + \xi_{i}^{x_{i}}) z_{i} - \xi_{ii}^{x_{i}} \xi_{i}^{x_{i}} z_{o}}{(\xi_{ii}^{x_{i}} - \xi_{ii}^{x_{i}}) (\xi_{ii}^{x_{i}} - \xi_{ii}^{x_{i}}) (\xi_{ii}^{x_{i}} - 1)} \\ \mu_{iij} = \frac{z_{ii} - (\xi_{ii}^{x_{i}} + \xi_{ii}^{x_{i}} + 1) z_{ij} + (\xi_{ii}^{x_{i}} \xi_{ii}^{x_{i}} + \xi_{ii}^{x_{i}} + \xi_{ii}^{x_{i}}) z_{i} - \xi_{ii}^{x_{i}} \xi_{i}^{x_{i}} z_{o}}{(\xi_{ii}^{x_{i}} - \xi_{ii}^{x_{i}}) (\xi_{ii}^{x_{i}} - \xi_{ii}^{x_{i}}) (\xi_{ii}^{x_{i}} - \xi_{ii}^{x_{i}}) z_{o} - \xi_{ii}^{x_{i}} \xi_{i}^{x_{i}} z_{o}} \end{cases}$$

etc. etc.

ce qui s'accorde encore avec les formules du n°. 20 de mes leçons d'analyse, en faisant dans chaque cas  $x_i$  et le  $\xi$  de l'accent le plus élevé égaux à l'unité.

Tous les nombres  $\xi_1$ ,  $\xi_{11}$ ,  $\xi_{11}$ , etc.,  $\mu_1$ ,  $\mu_{11}$ ,  $\mu_{11}$ , etc. ainsi trouvés, on les introduira dans l'équation (2)

$$z = \mu_1 \xi_1^{x_1} + \mu_2 \xi_2^{x_2} + \mu_{111} \xi_{111}^{x_2} + \dots + \mu_{(n)} \xi_{(n)}^{n_1} + \mu_{(n+2)}$$
, qui satisfera aux deux  $2n+1$  observations données, et servira à calculer toutes les valeurs intermédiaires entre ces observations.

Je ne parle pas des cas où l'équation

$$A_0 + A_{\mu} \alpha + A_{\mu} \alpha^2 + \ldots + A_{(n)} \alpha^n = 0$$

a des racines égales ou imaginaires; j'ai donné dans le n°. 20 de mes leçons d'analyse les formules nécessaires pour les résoudre. On sait que les racines égales introduisent des coëfficients variables et rationnels dans la valeur de z; et si ces racines sont égales à l'unité, z contiendra alors des termes

entièrement rationnels: ainsi les formules d'interpolation qui se rapportent aux fonctions rationnelles sans diviseurs variables, ou aux courbes paraboliques, ne sont qu'un cas très particulier de celles que je viens de donner.

Je passe aux applications.

Applications de la méthode précédente d'interpolation à la recherche des lois de la dilatabilité de plusieurs fluides élastiques.

Les expériences dont je vais m'occuper ont été faites par Description Prieur, et rapportées par Guyton, tous deux députés à la ces. convention nationale, dans un mémoire intéressant que le dernier a publié sur cette matiere (\*). Voici la description qu'il donne de l'appareil. (Voyez la planche 53.)

« Après avoir rempli le ballon d'air commun (qui, mêlé « avec partie égale de gas nitreux, donnoit 0,75 d'absorption,)

« il l'a fermé par un bouchon bien mastiqué, portant un siphon

« recourbé: ce vaisseau a été plongé dans l'eau, dont la tem-« pérature étoit entretenue à zéro par de la glace fondante,

« et maintenue par une sorte d'armure de fer, soit pour le

« fixer sous l'eau, soit pour l'empêcher de descendre au fond, « ou même de s'écraser sous le poids du mercure qui devoit

w y rentrer. Ce bain avoit été disposé d'avance sur un four-

« neau, et il y avoit placé un thermometre dont la boule

« descendoit à-peu-près au niveau du centre du ballon, et

« dont l'échelle s'élevoit au-dessus de la surface de l'eau sans

« toucher aux parois de la chaudiere.

« Lorsque le ballon eut pris la température du bain, le « siphon fut engagé sous un récipient plein de mercure,

« renversé dans une cuvette de neuf pouces de diametre, au

« milieu de laquelle il étoit solidement assujetti dans la ligne « perpendiculaire; et on alluma le feu sous la chaudiere.

« L'eau du bain ayant été échauffée à 20 degrés, Prieur « nota exactement, au moyen d'une double échelle collée sur

« le récipient, l'abaissement du mercure occasionné par l'air « qui s'y étoit introduit, et mesura en même temps la hauteur

« de la colonne de mercure au-dessus du niveau de la cuvette.

« Il procéda de même pour les abaissements déterminés par

« les degrés 40, 60 et 80. Son projet avoit été d'abord de

(\*) Voyez l'article Air du Dictionnaire de Chymie de la nouvelle Encyclopédie méthodique, et le premier volume des Annales de Chymie.

Digitized by Google

« suivre cette dilatation dans des degrés plus rapprochés; « mais les variations accidentelles influoient alors plus sensi-« blement sur les résultats; et il préféra de s'en tenir à ces « quatre grandes divisions pour déterminer plus sûrement la « progression.

« L'eau de la chaudiere ayant été tenue pendant quelques « instants à la plus forte ébullition, de maniere que le ther-« mometre indiquoit quelquefois 81 et même 81 degrés, sui-« vant la pureté de l'eau et la pression actuelle de l'atmo-« sphere, on refroidissoit presque subitement le ballon sans « le déplacer, en tirant l'eau chaude par un siphon et rem-« plissant la chaudiere de neige ou de glace pilée. Le mercure « pendant cette condensation remontoit par le siphon dans « le ballon, où il remplissoit exactement la portion d'air qui « en étoit sortie par la dilatation; ce qui servoit non seulement « à assurer l'expérience contre tout soupçon de communica-« tion avec l'air du dehors, mais encore à vérifier s'il n'y « avoit pas eu quelque altération du fluide élastique capable « de diminuer son volume, pour déterminer ensuite la nature « de cette altération par des épreuves ultérieures, tant sur la « portion restée que sur celle qui avoit passé dans le réci-

La table suivante présente les résultats des expériences faites

avec l'appareil qu'on vient de décrire.

Résultats des expériences.

TABLE des dilatations totales éprouvées de 20 en 20 degrés du thermometre de Réaumur, depuis la glace jusqu'à l'eau bouillante, exprimées en parties du volume primitif, ou du volume à la température de la glace, pris pour unité.

FLUIDES mis en expérience.						Valeur de zıv corresp. à 4x, ==80°
Air commun			' ' '	0,2572	0,6588	(0,9389)
Gas azoth	<i>.</i> .	o	0,0 <b>340</b>	0,2485	0,9021 0,768 <b>3</b>	(4,4801) 5,9431
Gas hydrogene Gas nitreux			l	0,2285 0,17634	(0,3745) 0,443 <sub>79</sub>	(0,3915) (0,6029)
Gas acide carbonique. Gas ammoniacal			•	o,3o663 o,85o76	0,7395 <b>3</b> 2, <b>5</b> 9150	(1,01053) (5,80472)

Les nombres renfermés entre deux parentheses indiquent des résultats sur l'exactitude desquels Prieur a quelques doutes, par la considération des combinaisons qui se produisent lorsque les relations d'affinité changent à la faveur des hautes températures.

Les expériences sur l'air commun ont donné

Lois de la dilatation de l'air atmosphérique,

$$z_0 = 0$$
;  $z_1 = 0.0789$ ;  $z_{11} = 0.2572$ ;  $z_{111} = 0.6588$ ;  $z_{12} = 0.9389$  correspond à.... 0;  $x' = 20$ ;  $2x' = 40$ ;  $3x' = 60$ ;  $4x' = 80$ .

Si on veut d'abord embrasser les cinq résultats, on emploiera la formule (2), et l'équation générale sera de la forme

$$z = \mu, \, \xi^x + \mu_{, \prime} \, \xi^x_{, \prime} + \mu_{, \prime \prime};$$

on aura, pour calculer  $A_o: A_u$  et  $A': A_u$ , les valeurs

 $\Delta z_0 = 0.0789$ ;  $\Delta z_i = 0.1783$ ;  $\Delta z_{ii} = 0.4016$ ;  $\Delta z_{ii} = 0.2801$ ; d'où on déduira

$$A_o: A_u = \frac{2226814,6}{2095}$$
  
 $A_i: A_u = \frac{990107,8}{2093}$ 

On aura ensuite, pour calculer e et e, l'équation

$$\frac{2226814,6}{2093} + \frac{990107,8}{2093} \alpha + \alpha^2 = 0,$$

 $\frac{\frac{2226814,6}{2093} + \frac{990107,8}{2093} \alpha + \alpha^{2} = 0,}{\frac{2093}{2093} \alpha + 2 = 0,}$ dont les racines sont  $\begin{cases} \xi_{i}^{x_{i}} = + 2,25985 84393 & \log \xi_{i}^{x_{i}} = 0,35408 12352 \\ \xi_{i}^{x_{i}} = +470,79690 & 219 & \log \xi_{i}^{x_{i}} = 2,67283 & 35965 \end{cases}$ 

et, en extrayant la ra- $\{\xi_1 = + \}$  1,04160 74124 log.  $\xi_1 = 0$ ,01770 40618 cine 201 $\xi_1^{x_1}$  et  $\xi_2^{x_1}$  et  $\xi_2^{x_1}$ ,  $\{\xi_2 = + \}$  1,36032 18683 log.  $\xi_2 = 0$ ,13364 16798

Enfin, on trouver pour  $\mu_i$ ,  $\mu_{ii}$  et  $\mu_{iii}$ 

$$\mu_{\mu} = +0.06262 \ 59190 \ 6$$
 $\log \mu_{\mu} = \frac{2.79675 \ 41124}{\log \mu_{\mu} = -0.00000 \ 00000 \ 12860 \ 69119}$ 
 $\log \mu_{\mu} = \frac{11.10926 \ 43101}{\log \mu_{\mu} = 2.79675 \ 41124}$ 

et toutes ces quantités substituées dans l'équation

$$z=\mu_{\parallel}\varrho_{\parallel}^{*}+\mu_{\parallel}\varrho_{\parallel}^{*}+\mu_{\parallel}$$

satisferont aux cinq observations  $z_0=0$ ;  $z_1=0.0789$ ;  $z_2=0.2572$ ;  $z_{\parallel} = 0.6588$ ;  $z_{\parallel} = 0.9389$ , en faisant successivement x = 0;  $x = 20^{\circ}$ ;  $x = 40^{\circ}$ ;  $x = 60^{\circ}$ ;  $x = 80^{\circ}$ . Je vais maintenant faire quelques remarques sur la formule et sur les expériences.

L'excessive petitesse du coëfficient  $\mu_{\parallel}$  semble devoir faire sur la formule regarder comme nul le terme où il se trouve; et si l'approxi- qui embrasse motion proviet par l'évalue en proviet mation n'avoit pas été poussée fort loin, on n'auroit trouvé in aucune valeur au coëfficient dont le premier chiffre significatif n'est que l'unité à la onzieme décimale. Les nombres qu'on déduit de  $\mu_{\parallel \, g_{\parallel}^{*}}$  sont en effet négligeables jusqu'au 60° et au-

delà, en sorte que depuis x=0 jusqu'à  $x=60^{\circ}$  les dilatations peuvent être représentées par l'équation

$$z = \mu_l \, \varrho^x_i + \mu_{iii}$$

Mais la quantité e,, prenant ensuite des accroissements rapides, diminue sensiblement les valeurs de  $\mu_i g^x + \mu_{\mu i}$ , et occasionne dans la courbe un point d'inflexion entre 70° et 80°, tellement qu'à partir de 76°, les dilatabilités données par le calcul suivent une marche rétrograde jusqu'à 80°.

Le point d'inflexion dont je parle est indiqué par les résul-

tats de Prieur; car, en prenant les différences, on a

 $z_0 = 0$ ;  $z_1 = 0.0789$ ;  $z_2 = 0.2572$ ;  $z_{11} = 0.6588$ ;  $z_{12} = 0.9389$  $\Delta z_0 = 0.0789$ ;  $\Delta z_1 = 0.1783$ ;  $\Delta z_2 = 0.4016$ ;  $\Delta z_{11} = 0.2801$  $\Delta^2 z_0 = 0,0994$ ;  $\Delta^2 z_1 = 0,2233$ ;  $\Delta^2 z_2 = -0,1215$ ;

et le changement de signe dans la derniere différence seconde annonce que la trace de la courbe change de direction entre

les deux derniers résultats.

Le cinquieme résultat affecté

Il est facile d'appercevoir par ces rapprochements, 1°. que de l'esset de la le terme  $\mu_{\parallel} g_{\parallel}^{x}$ , qui n'acquiert une valeur sensible que dans les décomposition derniers résultats, ne subsiste dans la formule que par quelque erreur qui s'est glissée dans l'expérience de la dilatation à 80 degrés de température, et qu'en effet Prieur a désignée comme douteuse;  $a^{\circ}$ , que ce terme  $\mu_{\parallel} e^{*}$ , étant soustractif, indique que, pour satisfaire à la derniere observation, il faut compter une dilatation moindre que celle qui auroit dû réellement avoir lieu; qu'ainsi cette observation peche par défaut: et je ferai voir tout-à-l'heure que le même terme  $\mu_{\mu}e^{\pi}$  mesure précisément la quantité de l'erreur. Or, ces conséquences que je tire de l'application du calcul aux expériences se trouvent confirmées et expliquées dans le mémoire de Guyton par des considérations qui tiennent à la nature même de ces expériences. D'abord il a remarqué la marche rétrograde que suppose la série des valeurs données par l'observation; car'il dit : « Si on ne faisoit point état de ce déchet résultant de « la combinaison de l'air, non seulement on perdroit une « partie de l'effet, mais on pourroit encore être tenté de « croire à une marche irréguliere, et, pour ainsi dire, rétro-« grade, de la dilatabilité de l'air par la chaleur, quand elle « est portée à un certain point, ce qui seroit une erreur « bien plus grande ». Ensuite il a parfaitement rendu raison des causes du déchet qui doit être attribué à l'oxydation du mercure produite dans les hautes températures, qui, ne pouvant se faire qu'aux dépens du gas oxygene de l'air renfermé dans l'appareil, a diminué d'autant le volume de cet air.

Mais il ne suffit pas que le calcul fasse connoître l'erreur, Véritable for-il faut la mesurer, savoir si les observations précédentes n'en par la précé-seroient point affectées, et enfin établir la formule qui ulté-tranchant le rieurement donne la vraie loi qu'on cherche. Pour y parvenir terme qui meje mets de côté les observations à 60° et à 80° pour chercher lie. la valeur générale de la dilatation d'après les seules données  $z_0=0$ ;  $z_1=0.0789$ ;  $z_2=0.2572$ ; et si, dans l'équation que je trouverai, en faisant  $x=60^\circ$ , je trouve z=0.6588, ce sera une preuve que cette équation lie par une loi commune les quatre premieres observations. Posant donc l'équation

$$z = \mu_l (g^x - 1),$$

la méthode exposée précédemment donne

log. 
$$e_i^{z_i} \log. \left(\frac{\Delta z_i}{\Delta z_o}\right) = 0.35407434$$
;  $e_i^{z_i} = 2.2598$ 

$$\log e_i = \frac{1}{20} \log e_i = 0,017703717; e_i = 1,0416$$

log. 
$$\mu_i = \log_i \left( \frac{\Delta z_0}{(r_i - 1)} \right) = \log_i \left( \frac{0.0789}{1.2598} \right) = 2.7967754; \mu_i = 0.062629.$$

Substituant ces valeurs dans l'équation  $z = \mu_i z = \mu_i (g^x - 1)$ , et faisant  $x = 60^{\circ}$ , je trouve

60 log. 
$$\xi_1 = \frac{1,0622230}{1,0622230}$$
  
log.  $\mu_1 = \frac{2,7967754}{1,8589984} = \log. 0,72277$   
 $\mu_1 = \dots 0,06263$ 

Différence = dilatation à 60° =

Ce résultat est celui donné par l'expérience à m près: on peut donc regarder l'équation  $z=\mu_{i}$  ( $\xi^{*}-1$ ) comme satisfaisant aux quatre premiers résultats; et, comme le quatrieme n'est point entré dans la formation de l'équation, il faut en conclure que la loi qu'elle exprime est vraiment celle de la nature. Mais il y a plus: les quantités  $e_i$ ,  $\mu_i$ , déduites des trois données  $z_0 = 0$ ,  $z_1 = 0.0789$ ,  $z_2 = 0.2572$ , sont les mêmes que  $e_i$ ,  $\mu_{iii}$ , déduites de la totalité des observations, aux décimales près du sixieme ou septieme ordre; donc l'équation trouvée en premier lieu ne differe réellement de la véritable que par le deuxieme terme  $\mu_{\mu} \, \xi_{\mu}^{x}$ , qui donne ainsi la valeur des anoma-

On voit par-là qu'à 60° de température il existoit déja un

commencement d'oxydation et un petit déchet qui a introduit une anomalie de 0,0013: l'erreur a grossi rapidement, et le résultat à 80° peche par défaut de 0,6318 du volume primitif; en sorte que la dilatation doit être de 1,5707 ou de 1 fois 3 le volume primitif, au lieu de ½ que donne l'expérience.

Nous voilà donc parvenus à la mesure exacte d'un phédegréen degré. nomene important, dont la loi est exprimée par une formule très simple; on peut, au lieu de prendre la dilatation à compter du terme de la glace, c'est-à-dire depuis o jusqu'à x, ne la prendre que de degré en degré, c'est-à-dire depuis x jusqu'à x+1; on a dans ce cas  $\Delta z = \mu_1 e^{x+1} - \mu_1 e^x$ , d'où on tire

$$\Delta z = \mu_i \left( \xi_i - 1 \right) \xi_i^x$$
, et  $x = \frac{\log \Delta z - \log \left\{ \mu_i \left( \xi_i - 1 \right) \right\}}{\log \xi_i}$ ,

 $\Delta x$  étant supposé égal à l'unité: ainsi les différences de dilatation de degré en degré forment une progression géométrique croissante (la raison e, étant plus grande que l'unité), ce qui s'accorde encore avec l'assertion de Guyton, « que « l'air est d'autant plus dilatable par des quantités de cha-« leurs égales (suivant la mesure thermométrique), qu'il est « déja plus dilaté », et donne en même temps la loi de la progression de cette dilatation.

la dilatabilité.

Plusieurs physiciens se sont exercés à chercher quel étoit le rapport de la dilatation de l'air à son volume pour un degré de changement dans la température; ce qui est utile pour plusieurs déterminations, dont une des plus importantes est la correction à faire aux observations barométriques pour les dégager de l'erreur provenant du changement de température de l'air à différentes hauteurs. On a supposé que ce rapport étoit constant, du moins dans la limite des températures que nous offre habituellement l'atmosphere; mais on voit par ce qui précede que, même dans cette limite, le rapport dont il s'agit a des variations très sensibles, et il est aisé de déduire son expression des équations précédentes. Le volume primitif étant l'unité, et la dilatation totale à la température x étant z, z+1 sera le volume à la température x, z+ $\Delta z$ +1 sera le volume à la température x+1, et  $\frac{\Delta z}{z+1}$  sera le rapport cherché; si on nomme R ce rapport, et qu'on substitue pour z et  $\Delta z$  leurs valeurs, il viendra

$$\mathbf{R} = \frac{\mu_i (\varrho_i - 1) \varrho_i^x}{1 - \mu_i + \mu_i \varrho_i^x}.$$

On

On voit par-là que R ne doit être constant que dans le cas où  $\mu_i$  est égal à l'unité: mais cette valeur ne peut jamais avoir lieu lorsque le volume primitif, ou à la glace, est pris pour unité; car  $\mu_i$  mesurant, comme on le verra bientôt, la plus grande diminution de volume causée par le refroidissement, si on admettoit la valeur  $\mu_i = 1$ , il s'ensuivroit que le refroidissement pourroit réduire le volume à zéro, ce qui seroit absurde.

Il faut cependant observer que R tend à devenir constant à mesure que la température x augmente, et que sa valeur

a pour limite la même quantité e, — 1.

Il est donc évident que les évaluations de R données par Dela dilatable différents physiciens différent entre elles principalement différents physiciens différent entre elles principalement différents physiciens physiciens doit cependant à cette cause de différence en joindre quelques autres, telles que la densité plus ou moins grande, l'état hygrométrique, etc. Si on fait abstraction de ces dernières, et qu'on veuille savoir à quel degré de température se rapporte une valeur donnée de R, il faudra dégager x de l'équation précédente, qui deviendra

precedente, qui deviendra  $x = \frac{\log \left\{ R(1-\mu_i) \right\} - \log \left\{ \mu_i(\xi_i - R - 1) \right\}}{\log \xi_i}; C$ 

faisant ensuite différentes hypotheses pour R égales aux résultats trouvés par quelques physiciens, on aura,

Deluc . . . . . . . . . . . . . . . . .  $R = \frac{1}{215} = 0,004651$  correspondant à  $x=15^{\circ}$ , 53;

Trembley . . . . . . . . . . . . . . . .  $R = \frac{1}{192} = 0,005208$  correspondant à  $x = 19^{\circ}$ , 68;

Monge, Bertholet et Vandermonde,  $R = \frac{1}{184,83} = 0,005410$  (Mémoire sur le fer.) correspondant à  $x=19^{\circ}$ , 75;

Le général Roi. . . . . . . . . . . . .  $R = \frac{1}{170} = 0,005882$  correspondant à  $x = 22^{\circ}$ , 12.

Les formules et les calculs qui précedent se rapportent à la division thermométrique de Réaumur, parceque c'est celle qu'on a employée dans les expériences. Je donnerai à la fin de cet essai d'autres formules et des tables rapportées à la Tome II.

Digitized by Google

pr

Formule pour

la dilatabilité.

commencement d'oxydation et un petit décl pour l'air atmoune anomalie de 0,0013: l'erreur a gross' résultat à 80° peche par défaut de 0,63° jene. en sorte que la dilatation doit être ?

gas oxygene donnent, le volume primitif, au lieu de ½ r

la dilatation de

 $z_{1}$ ,04521;  $z_{1}$ =0,2485; Nous voilà donc parvenus à ' degré en degré. nomene important, dont la loi

 $20^{\circ}$ ;  $2x_1 = 40^{\circ}$ ;  $3x_1 = 60^{\circ}$ ; très simple; on peut, au lieu d

du terme de la glace, c'est

 $=\mu_i(e^x-1)$ , ou  $x=\frac{\log_i(z+u_i)-\log_i\nu_i}{\log_i\epsilon_i}$ , prendre que de degré en

 $\Delta z = \mu_i (g_i - \frac{1,0008}{1,07414}; \log_i e_i = 0,6211846$   $\Delta x \text{ étant supposé } \frac{1,07414}{1,08199}; \log_i e_i = 0,0310592$ tation de degr  $\frac{1,07414}{1,09199}; \log_i \mu_i = 2,1715033,$ trique croisse  $\frac{1,00472}{1,091999}; z = 0.0445$ 

isse  $z_{0,0472}$ ;  $z_{1}=0.2445$ ;  $z_{11}=1.0692$ ;  $z_{12}=4.516$ ;  $z_{13}=1.0692$ ;  $z_{14}=4.516$ ;  $z_{15}=4.516$ ;  $z_{15}=$ trique croisse es différences, et de +0,002 à 20°; de = -0,004 à 40°; endues avec une exactitude satisfaisante. Les anodies qui ont des signes alternatifs en commencent differences exactions qui ont des signes alternatifs en commencent de la commence de la comm ce qui s'ar

« dé:

and donc ont des signes alternatifs en commençant deviennent doit être, parcequ'il y a eu un déchet dont le la doit être, parcequ'il y a eu un déchet dont le la doit être, parcequ'il y a eu un déchet dont le la doit être, parcequ'il y a eu un déchet dont le la doit être, parcequ'il y a eu un déchet dont le la doit être, parcequ'il y a eu un déchet dont le la doit et la doi nent comme doit être, parcequ'il y a eu un déchet dont Guyton rend cela dans son mémoire, et qu'il attribus cela dont dans son mémoire, et qu'il attribue tant à un petit complet arrivé lors du refroidissement, qu'aux affinités qui se sont manifestées dans ces hautes températures. Il paroît en sont qu'à 60° il y a eu quelque cause d'erreur indépendante

du déchet. On peut calculer pour le gas oxygene comme pour l'air

stmosphérique,

1°. La dilatation de degré en degré par l'équation  $\Delta z = \mu$ 

 $(\xi_i-1)\xi_i^x$ , d'où  $x=\frac{\log \Delta z-\log \frac{1}{2}\mu_i(\xi_i-1)\xi_i}{\log \xi_i}$ ;

2°. Le rapport R de la dilatation  $\Delta z$ , qui a eu lieu depuis xjusqu'à x+1 degrés, au volume total z+1, par l'équation

$$R = \frac{\mu_{l}(\ell_{l}-1)\,\ell_{l}x}{1-\mu_{l}+\mu_{l}\,\ell_{l}x}, \text{ d'où } x = \frac{\log \left\{R\,(1-\mu_{l})\right\} - \log \left\{\mu_{l}\,\ell_{l}\,(\ell_{l}-R-1)\right\}}{\log \,\ell_{l}}.$$

Dilatation du gas azote.

1517. Les données pour le gas azote sont, Dilatations. . . .  $z^{\circ} = 0$ ;  $z_{i} = 0.03400$ ;  $z_{u} = 0.2188$ ;  $z_{\mu} = 0.76829$ ;  $z_{n} = 5.94311$ ;

Températures. . . . o;  $x_1 = 20^\circ$ ;  $2x_1 = 40^\circ$ ;  $3x_1 = 60^\circ$ ;  $4x_1 = 80^\circ$ .

Représentant ces observations par l'équation

$$z = \mu_i \left( \varrho_i^x - 1 \right),$$

on a pour les valeurs de  $g^{x_i} \cdot g_i$ , et  $\mu_i$ ,

 $e^{x_i} = 5,19424; log. e^{x_i} = 0,7155263
 e_i = 1,08587; log. e_i = 0,0357763
 u_i = 0,00834; log. u_i = 3,9214107.$ 

Ces valeurs donnent  $z_1 = 0.035$ ;  $z_m = 0.2168$ ;  $z_m = 1.1611$ ;  $z_{17} = 6.0662$ ; ce qui differe de l'observation; savoir, de +0.001 à 20°; de -0.002 à 40°; de +0.393 à 60°, et de +0.124 à 80°. L'anomalie à 60° excede celle trouvée à la même température dans toutes les autres expériences; mais elle est occasionnée par une irrégularité manifeste du terme donné par l'observation. « La dilatation, dit Guyton, est très foible dans « les vingt premiers degrés; il y a accroissement progressif, « très considérable dans le second intervalle, moindre dans « le troisieme, et l'augmentation de volume devient énorme « dans le quatrieme. »

Il est évident que, pour corriger en même temps et la petitesse du troisieme intervalle et l'excès de grandeur du quatrieme, il faut augmenter le terme qui sépare ces deux intervalles. Or, c'est précisément ce que donne la formule en s'accordant d'ailleurs avec les autres données.

Guyton ajoute: « On s'attendoit bien que dans cette expé-« rience le quatrieme produit seroit beaucoup plus fort que « dans les précédentes, dans lesquelles il avoit manifestement, « été diminué par l'altération d'une portion du fluide élas-« tique; ce qui ne devoit pas avoir lieu cette fois, le gas que « l'on traitoit n'ayant aucune action connue à cette tempé-« rature ni sur le mercure ni sur l'oxyde mercuriel: mais « il eût été difficile de prévoir une marche aussi irréguliere; « et, quoique Prieur ne puisse imaginet aucune cause d'er-« reur, les quatre produits ayant été recueillis dans quatre « vaisseaux séparés, et la rentrée du mercure dans le ballon « ne laissant aucun doute sur la fidélité de l'appareil, il « desire lui-même que ce phénomene soit de nouveau con-« staté. »

J'observerai que, d'après l'application de l'analyse aux expériences, il n'est pas douteux que les termes à 0°, 20°,

40° et 80°, ne soient liés entre eux par une loi réguliere, puisqu'ils sont rendus avec une exactitude satisfaisante par l'équation  $z=\mu_i$  ( $e^x-1$ ): ces termes ne paroissent donc pas susceptibles de grands changements; et l'équation qui les exprime doit nécessairement donner pour la valeur intermédiaire à 60° le résultat qu'on auroit trouvé par observation, s'il n'y avoit pas eu pour ce terme seulement quelque erreur qui a échappé à Prieur.

# Dilatation du gas hydrogene.

1518. Les données pour ce gas sont,

Dilatations. . . .  $z_0 = 0$ ;  $z_1 = 0.08396$ ;  $z_2 = 0.22847$ ;  $z_{11} = 0.37446$ ;  $z_{12} = 0.39146$ ;

Températures. . . .  $0^{\circ} = 0$ ;  $x_1 = 20^{\circ}$ ;  $2x_1 = 40^{\circ}$ ;  $3x_1 = 60^{\circ}$ ;  $4x_2 = 80^{\circ}$ .

Les valeurs de  $\mu_1$ ,  $\ell_1$ , et de leurs logarithmes, sont,  $\ell_1^{x_1} = 1.18334$ ;  $\log \ell_2^{x_1} = 0.0731074$   $\ell_1 = 1.00845$ ;  $\log \ell_2 = 0.0036554$   $\ell_2 = 0.51000$ ;  $\log \ell_2 = 1.7075702$ .

La formule donne  $z_i = 0.0935$ ;  $z_{ii} = 0.2041$ ;  $z_{ii} = 0.351$ ;  $z_{ij} = 0,4900$ ; ce qui differe de l'observation de +0,010 à 20°, de-0,024 à 40°, de-0,023 à 60°, et de+0,099 à 80°: ainsi la courbe observée s'entrelace avec celle donnée par le calcul, se trouvant en partie au-dessus et en partie au-dessous; la correction de l'intervalle entre  $z_{\mu}$  et  $z_{\nu}$  et l'augmentation du résultat à 80°, sont motivées dans le mémoire de Guyton, qui dit: « Il y a accroissement progressif dans les trois premieres « divisions, quoique de moins en moins, et diminution con-« sidérable dans la quatrieme. Cette anomalie est d'autant « plus frappante, que la petite anomalie dont j'ai fait mention « précédemment ne pouvoit qu'en dérober une partie; mais « la solution s'est présentée naturellement lors de la compa-« raison du volume de mercure rentré dans le ballon pendant « le refroidissement avec le volume de gas qui en étoit sorti; « elle a démontré un déchet de 3,2354 pouces cubiques sur « le volume primitif de ce gas. Elle a bien vérifié la conjec-« ture qu'avoit déja fait naître l'éclat extraordinaire du mer-« cure qui avoit servi à cette opération, que l'oxyde qui s'y « étoit formé dans les précédentes expériences avoit été dé-« composé dans celle-ci par l'affinité de l'hydrogene à l'aide « de la chaleur. Il n'y avoit plus d'autre cause à chercher de « la petitesse du produit de la dilatation dans la quatrieme « division. »

# Dilatation du gas nitreux.

1519. Les données pour le gas nitreux sont,

Dilatations. . . .  $z_0 = 0$ ;  $z_1 = 0.06523$ ;  $z_2 = 0.17634$ ;  $z_{11} = 0.44379$ ;  $z_{12} = 0.6029$ ;

Températures. . . . o,  $x_1 = 20^\circ$ ;  $2x_1 = 40^\circ$ ;  $3x_1 = 60^\circ$ ;  $4x_1 = 80^\circ$ .

Exprimant la relation entre les dilatations et les températures par l'équation

 $z = \mu_i (g^x - 1),$ 

on a

 $e^{x_i} = 1,70336$   $e_i = 1,02699$   $\mu_i = 0,092741$   $\log. e^{x_i} = 0,2313057, \log. e_i = 0,01156528, \log. \mu_i = 2,9672697.$ 

La formule donne  $z_{11} = 0.3656$ , et  $z_{17} = 0.68798$ ; ainsi elle ne differe des observations que de -0.078 à 60°, et de +0.085 à 80°. On voit encore que les courbes données par l'expérience et le calcul s'entrelacent de maniere que les petites anomalies sont alternativement positives et négatives.

L'excès que donne la formule à 80° s'explique en grande partie par un déchet dont Guyton a fait mention, et qui a dû commencer vers le 76° degré. « On sait, ditil, que le gas « nitreux est diminué en quelque sorte à la maniere de l'air « par les substances combustibles ou calcinables: en effet, « dès que la température eut atteint le 76° degré ou environ « (qui est sans doute le terme que cette affinité exige dans « le cas particulier), les bulles qui devoient fournir le qua- « trieme produit sont devenues sensiblement plus rares; il « s'en falloit 1,7195 pouces cubes que le gas retrouvé, soit « dans le ballon, soit dans les quatre récipients où ils avoient « été recueillis séparément, ne représentât le volume pri- « mitif. »

# Dilatation du gas acide carbonique.

1520. Les expériences sur ce gas ont donné, Dilatations. . .  $z_0 = 0$ ;  $z_1 = 0,11051$ ;  $z_2 = 0,30663$ ;  $z_{11} = 0,73953$ ;  $z_{12} = 1,01053$ ; Températures. . . . 0;  $x_1 = 20^\circ$ ;  $2x_1 = 40^\circ$ ;  $3x_2 = 60^\circ$ ;  $4x_1 = 80^\circ$ . La formule donne  $z_{m} = 0,65468$ , et  $z_{m} = 1,27236$ ; ainsi elle differe des observations de -0.08 à 60°, et de +0.26 à 80°. Guyton, considérant que la dilatation à 20° est ici plus forte que celle des autres gas à la même température, pense qu'il seroit possible que ce résultat péchât par excès: en effet, si, au lieu de  $z_{m} = 0,11051$ , on emploie  $z_{m} = 0,10051$ , ce qui donne log.  $e^{z_{m}} = 0,3119108$ ;  $e^{z_{m}} = 0,095656$ ; log.  $e^{z_{m}} = 0,3067136$ ; on trouvera  $e^{z_{m}} = 0,30663$ ;  $e^{z_{m}} = 0,72933$ ;  $e^{z_{m}} = 1,59617$ : la valeur de  $e^{z_{m}} = 0,30663$ ;  $e^{z_{m}} = 0,72933$ ;  $e^{z_{m}} = 1,59617$ : la valeur de  $e^{z_{m}} = 0,59$ . Cet excès paroît fort, vu que le gas acide carbonique, quoiqu'ayant éprouvé un déchet dans les hautes températures, est néanmoins, d'après l'exposé de Guyton, un des fluides mis en expérience qui a le moins éprouvé d'altération: je pense donc qu'on peut s'en tenir aux premieres déterminations.

# Dilatation du gas ammoniacal.

1521. Les données pour ce gas sont, Dilatations. . . .  $z_0 = 0$ ;  $z_1 = 0.27933$ ;  $z_2 = 0.85076$ ;  $z_{12} = 2.59150$ ;  $z_{13} = 5.80472$ ; Températures. . . . 0;  $x_1 = 20^\circ$ ;  $2x_1 = 40^\circ$ ;  $3x_1 = 60^\circ$ ;  $4x_1 = 80^\circ$ . Si dans l'équation  $z = \mu$  ( $\xi^z - 1$ ) on fait  $\xi^z = 2.35245$ ;  $\log$ .  $\xi^z = 0.3715205$   $\xi_1 = 1.04370$ ;  $\log$ .  $\xi_1 = 0.0185760$  $\mu_1 = 0.19468$ ;  $\log$ .  $\mu_2 = 1.2893298$ ,

on trouvera  $z_i=0,2633$ ;  $z_u=0,8827$ ;  $z_u=2,33981$ ;  $z_v=5,76759$ ; ainsi les différences entre le calcul et l'expérience seront, à  $20^{\circ}$ , -0,016; à  $40^{\circ}$ , +0,032; à  $60^{\circ}$ , -0,25, et à  $80^{\circ}$ , -0,037. Ces différences commencent par avoir des signes alternatifs; mais elles deviennent ensuite constamment négatives, parceque le gas ammoniacal, au lieu d'éprouver du déchet comme les précédents, s'est au contraire accru d'une certaine quantité de fluide qui s'est formée pendant l'expérience. Prieur,

après un premier essai, qu'il avoit rejeté vu la trop grande quantité de gas retrouvée dans le ballon et les récipients, en recommença un second. « Mais, dit Guyton, malgré toutes « les précautions prises pour avoir un gas aussi exempt qu'il « étoit possible de liqueur capable d'en reproduire de nou- « veau, les volumes recueillis dans les récipients, ajoutés à « la portion restée dans le ballon, surpassoient encore le « volume primitif; tellement qu'au lieu de 15,3207 pouces « cubes de gas employé, il s'en trouvoit 15,8671 ». On voit par là pourquoi, dans les hautes températures, la formule donne moins que l'expérience, en observant néanmoins que le résultat à 60° peche par excès d'une quantité plus considerable que celle dont on peut rendre raison par la formation du nouveau gas.

# Lois de la force expansive de la vapeur de l'eau.

1522. Les sept fluides élastiques dont il est question dans la seconde partie de cet essai se conservent dans l'état gaseux, quelle que soit leur température; du moins le degré de froid qui peut les rendre liquides n'est point encore connu: cette propriété est un des principaux caracteres qui, sous l'aspect où je les envisage, doivent les distinguer des vapeurs, dont l'état gaseux n'est, par rapport à la chaleur habituelle de notre atmosphere, qu'une maniere d'être accidentelle qui dépend essentiellement du rapport entre la pression et la température du liquide vaporisé. Il paroît constaté qu'abstraction faite du poids de l'atmosphere ou de la pression de tout autre fluide élastique gaseux, la vaporisation doit avoir lieu à la température de la glace, et même au dessus, et ne s'arrêter que lorsque le calorique interposé entre les molécules est tellement rare que son expansion ne peut plus vaincre l'adhésion de ces molécules, ou les puissances quelconques, quelque petites qu'elles soient, qui tendent à les rapprocher. Ces principes, que je ne fais que rappeler ici, mais auxquels j'ai donné plus de développement (art. 1309 et suivants), servent de fondement à l'explication des phénomenes de la vaporisation des liquides considérés quant aux effets mécaniques.

Les observations de la force expansive de la vapeur de l'eau fournissent 110 résultats de degré en degré du thermometre

commençant à zéro.

Ces résultats sont contenus dans la table suivante, où les

pressions sont exprimées en pouces de mercure, et les températures rapportées à l'échelle de Réaumur.

Températ.	Pression.	Températ.	Pression.	Températ.	Pression.	Températ.	Pression.	Températ.	Pression
	0,00		<u>'</u>		i———				
• •	0,00	23	0,90	45	3,95	67	14,50	89	44,30
•	0,90	24	0,97	46	4,25	68	15,25	90	46,40
<b>3</b>	0,00	25	1,05	47	4,45	67 68 69	16,10	90	48,40
	0,02	26	1,12	47 48	4,75	70	16,90	9.	50,50
4 5 6	0,02		1,22	40	5,00	71	17,80	91 92 93	53,00
6	0,05	27 28	1,32	49 50	5,35	72	18,70	04	55,30
	0,07		1,42	51	5.70	73	19,50	33	57,80
7 8	0,10	29 30	1,52	52	6,65	74	20,60	94 95 96 97 98	60,50
9	0,12	31	1.65	53	6,50	74 75 76	21,75	97	63,40
10	0,15	32	1,78	54	6,90	76	22,90	98	66 20
11	0,18	33	1,90	55	7,32	77 78	24,15	99	69,00
12	0,22	34	2 00	56	7,85	78	<b>25,50</b>	100	71,80
13	0,27	35	2,15	. 57 58	8,40	79 <b>8</b> 0	26,67	101	75,00
14	0,30	36	2,27	58	8,85		28,00	102	78,20
15 16	0,35	36 37 38	2,45	59 60	9,35	81	29,60	103	81,00
	0,40	38	2,57	60	9.95	82	31.3o	104	84,00
17 18	0,45	39	2.75	61	10,40	83	33,00	105	86,80
	0,52	40	2,92	62	11,00	84	34.60	106	89,00
19	0,58	41	3,10	63	11,70	85	36,45	107	91,30
20	0,65	42 43	3.27	64	12,40	86	38,10	108	93,50
21 22	0,75 0,82	44	3,47 3,70	65 66	13,20 13,80	8 <sub>7</sub> 88	40,00 42,20	109	95,6 <sub>0</sub>

Lorsque j'appliquai pour la premiere fois le calcul à ces expériences, je parvins à une équation de la forme

$$z = \mu_{l} \varrho_{l}^{x} + \mu_{ll} \varrho_{ll}^{x} + \mu_{ll} \varrho_{ll}^{x} + \mu_{zz}^{x} \varrho_{zz}$$

C'est la formule que j'ai donnée (art. 1325), avec une notation différente, mais qu'on peut très aisément ramener à celle-ci. La méthode que j'avois suivie consistoit à satisfaire à une partie des résultats depuis o jusqu'à 80°, au moyen des deux termes  $\mu_i \xi^* + \mu_{ii} \xi^*_{ii}$ , et à interpoler, au moyen de  $\mu_{iii} \xi^*_{iii} + \mu_{ii} \xi_{ii}$ , les différences entre les valeurs observées et celles calculées par les deux premiers termes depuis 80° jusqu'à 110°. J'avois de cette maniere réussi à exprimer si exactement les observations dans toute leur étendue, que les courbes du calcul et de l'expérience ne se distinguoient presque pas l'une de l'autre, les petites anomalies qu'elles offroient étant l'effet de quelques légeres erreurs inévitables dans les observations et dans les graduations des échelles de l'appareil (\*).

Digitized by Google

<sup>(\*)</sup> La table X contient les résultats calculés et observés avec leurs différences.

Je n'ai employé quatre termes qu'après m'être assuré que deux ne suffisoient pas, et qu'en voulant les restreindre à trois, l'équation du troisieme degré qu'il falloit résoudre avoit deux racines imaginaires, ce qui introduisoit des quantités circulaires dans la valeur de z: mais, depuis la publication de mon ouvrage, j'ai reconnu, en examinant la chose de plus près, que ces fonctions révolutives n'étoient dues qu'aux petites irrégularités des nombres immédiatement déduits de l'expérience, et qu'en les corrigeant on parvenoit à une équation dont toutes les racines étoient réelles et positives. Le moyen le plus sûr que je pouvois employer étoit l'équation même à quatre termes, trouvée en premier lieu; et j'en ai déduit les nombres suivants, qui me serviront à interpoler la série entiere avec une formule qui aura un terme de moins que celle que j'avois d'abord employée.

TEMPÉRATURE.

Hauteurs, exprimées en pouces, des colonnes de mercure qui représentent la force expansive.

$0 \dots z_0 = 0$	
$x_i = 22 \cdot \ldots \cdot z_i = 0.8$	2
$\mathbf{z} x_i = 44 \dots z_i = 3.8$	0
$3x_i = 66 \ldots z_{ii} = 13,$	
$4x_i = 88 \ldots z_{iv} = 41,$	
$5x_i = 110 \dots z_r = 98,$	

Introduisant ces quantités dans les formules générales de la premiere partie de cet essai, on trouve

$$\frac{A_{o}}{A_{III}} = -171,5703673654$$

$$\frac{A_{I}}{A_{III}} = +159,6784688232$$

$$\frac{A_{II}}{A_{III}} = -37,9753537987.$$

On a ensuite à résoudre l'équation = 3-37,97535 37987 = +159,67846 88232 = 171,57036 73654 = 0, dont les racines sont

Enfin les valeurs des coefficients constants sont

$$\mu_{\mu} = -0,00000$$
 07246 0407 . . . .  $\log \mu_{\mu} = \frac{7,8601007}{1,9369271}$   
 $\mu_{\mu} = -0,86481$  88303 . . . .  $\log \mu_{\mu} = \frac{1,9369271}{1,9369248}$ 

Substituant toutes ces valeurs dans l'équation

$$z = \mu_1 \xi_1^x + \mu_1^x \xi_2^x + \mu_{11} \xi_{11}^x$$

on satisfera non seulement aux nombrés employés pour sa formation, mais encore à toutes les observations intermédiaires, ainsi qu'on en peut juger par la table suivante, qui présente de dix degrés en dix degrés les résultats observés et calculés.

TEMPÉRATURE.	PRESS	Anomalies.	
	l'expérience.	le calcul.	
0	0,00	0,00	0,00
10	0.15	0.24	+ 0,09
20	o 65	ი.ნე	+ 0,04
<b>50</b>	. 1.42	1,51	- 0,01
40	2 92	2.95	+ 0.03
<b>5</b> 0	5,35	5,42	+ 0,07
60	9,95	9.62	— o,33
70 80	16,90	16,59	— o.33
-	28,00	27.92	— o,o8
90	46,40	45.8 <sub>7</sub>	— 0,53
100	71,80	71-94	+ 0,14
110	98,00	98,36	+ 0,36

Les anomalies sont même généralement un peu plus petites que dans la formule à quatre termes: on peut donc regarder l'équation précédente, qui est plus simple que celle que j'avois publiée d'abord, comme représentant les phénomenes et mesurant les effets de la force expansive de la vapeur de l'eau avec toute l'exactitude qu'on peut desirer. J'ajouterai que la petitesse du coëfficient  $\mu_i$  permet de négliger le terme  $\mu_i \xi^x$ , à compter de o jusqu'à 80°, et qu'ainsi, depuis la glace jusqu'à l'eau bouillante, il suffira d'employer l'équation à deux termes

$$z=\mu_{\scriptscriptstyle \parallel},\, \xi_{\scriptscriptstyle \parallel}^x + \mu_{\scriptscriptstyle \parallel}\, \xi_{\scriptscriptstyle \parallel}^x.$$

Je donnerai à la fin de cet essai une table des forces expansives exprimées en parties du metre, avec les températures correspondantes, rapportées au thermometre centigrade.

Force expansive de la vapeur de l'alkool.

1523. Les expériences sur la force expansive de la vapeur

de l'alkool ont été faites par les mêmes procédés et avec les mêmes instruments que celles sur la vapeur de l'eau. Elles avoient pour but, indépendamment de seur utilité générale en physique, de faire connoître la relation entre les dépenses qu'occasionneroient ces fluides employés comme moteurs des machines à feu. Cet objet de recherche est aussi important que nouveau: en effet, la dépense du mouvement d'une machine à seu se compose du prix du sluide vaporisé et de celui du combustible: l'usage de l'eau n'exige guere que l'achat du combustible; mais il est possible qu'un autre fluide, beaucoup plus coûteux par lui-même, ait néanmoins une expansion telle, qu'à égalité de pression l'économie sur le combustible soit plus grande que le prix de ce sluide. Si l'on compare les résultats ci-après avec ceux que j'ai donnés pour la vapeur de l'eau, on verra qu'à la même température la force expansive de la vapeur de l'alkool est toujours plus que double de celle de l'eau; il faut donc beaucoup moins de combustible pour produire dans une machine à feu le même effet avec l'alkool; et si l'on disposoit les pieces de mécanisme de maniere à ne pas perdre la liqueur condensée, ce qui seroit facile, on pourroit, dans certains cas et pour des machines de petites dimensions, s'en servir avec économie. Mais il est selon toute apparence d'autres fluides moins chers que l'alkool, qui peuvent avoir une expansion égale ou plus grande; et ce seroit un objet de recherche extrêmement utile de déterminer l'effet mécanique dont leur vapeur est capable, et d'en donner des tables semblables à celles qu'offre cet essai pour l'eau et l'alkool.

Les résultats donnés par l'expérience pour la force expansive de la vapeur de l'alkool à différentes températures sont compris dans la table suivante, où les températures sont rapportées au thermometre de Réaumur, et les pressions exprimées en pouces de mercure.

TABLE de la force expansive de la vapeur de l'alkool, déduite · de l'expérience.								
Température.	Pression.	Température.	Pression.	Températore.	Pression.	Température	Pression.	
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20 21 22 23	0,00 0,00 0,05 0,09 0,12 0,18 0,25 0,32 0,32 0,50 0,62 0,72 0,82 0,93 1,02 1,125 1,25 1,52 1,65 1,80	24 25 26 27 28 30 30 33 33 34 35 37 38 40 41 44 44 44 44 44 46	2,10 2,32 2,52 2,75 2,95 3,40 3,40 4,50 4,60 4,60 4,60 5,28 5,00 6,45 6,00 7,82 8,92 8,92 9,45	47 48 49 50 51 52 53 55 55 56 57 58 59 61 62 63 64 66 67 68 69	10,80 11,50 12,20 12,35 13,75 14,60 15,50 16,40 17,65 18,85 20,00 21,20 23,70 24,80 26,10 27,40 28,60 32,00 33,50 35,10	70 71 73 74 75 76 77 78 79 80 81 83 84 85 86 87 89	39,40 41,30 45,50 46,00 48,10 50,20 52,60 55,30 61,00 63,80 66,90 73,40 76,90 79,60 87,10 95,00 95,00	

J'ai donné (note de l'article 1325) la formule par laquelle j'avois d'abord déterminé la relation entre les températures et les forces expansives de l'alkool; l'équation est de la forme

$$z = \mu, \, g_{"}^{*} + \mu_{"} \, g_{"}^{*} + \mu_{"} \, g_{"}^{*} + \mu_{rr} \, g_{rr}^{*} + \mu_{rr} \, g_{rr}^{*}$$

et la valeur de z contient quatre termes variables et un terme constant: je l'avois trouvée, comme celle pour l'eau, en interpolant d'abord un certain nombre de valeurs données avec la fonction  $\mu_i \xi^{x_i} + \mu_u \xi^{x_i} + \mu_r$ ; et déterminant ensuite  $\mu_{\mu_i} \xi^{x_i} + \mu_{\mu_i} \xi^$ 

Température.	Forces expansives.	Température.	Forces expansives.	
$x_{i} = 18^{\circ}$ $2 x_{i} = 36^{\circ}$	$z_0 = 0,0000$ $z_1 = 1,2846$ $z_{11} = 5,3741$	$3 x_1 = 54^{\circ}$ $4 x_1 = 72^{\circ}$ $5 x_1 = 90^{\circ}$	$z_{III} = 16,4000$ $z_{rv} = 43,5465$ $z_{v} = 98,2764$	

Appliquant à ces nombres les formules générales pour le cas de six observations, on parvient à l'équation suivante

 $a^3 + 16,30256$  28758  $a^2 - 80,96808$  59030 5 a + 96,70096 47266 = 0, dont les facteurs sont

(a'-4,18289 64209 54 a+4,72046 8571105) (a+20,48545 92967 94)=0. On voit que l'équation a deux racines imaginaires et une négative, ce qui donne à l'équation la forme

$$\dot{z} = \mu_i (-\varrho_i)^x + \left\{ A \sin (\varphi x) + B \sin (\varphi (x-1)) \right\} \varrho^x$$

Il seroit très aisé, d'après ce que j'ai démontré dans mes Leçons d'Analyse, de déterminer les quantités  $\mu$ ,  $\phi$ ,  $\varrho$ , A et B, et on satisferoit très exactement aux six valeurs données; mais j'observe, 1°. que la courbe des expériences ne semble point comporter de fonctions révolutives qui introduiroient des inflexions et des ondulations étrangeres à cette courbe; 2°. que le terme  $\mu_i$  ( $-\varrho_i$ )<sup>x</sup> change de signe chaque fois que x, supposé nombre entier, de pair devient impair, ou réciproquement, et devient imaginaire lorsque x est une fraction réduite à sa moindre expression et de la forme  $\frac{2^n+1}{2k}$ . L'équation précédente ne paroît donc pas propre à rendre les expériences, et il est nécessaire d'augmenter le nombre des termes: j'ajoute donc un terme constant aux trois termes variables, ce qui me donne encore un terme variable de moins que dans ma premiere formule, c'est-à-dire que je suppose

$$z = \mu_{l} g_{l}^{x} + \mu_{ll} g_{ll}^{x} + \mu_{lll} g_{ll}^{x} + \mu_{lr} g_{lr}^{x}$$

et je détermine les sept constantes  $\mu_i$ ,  $\mu_u$ ,  $\mu_u$ ,  $\mu_u$ ,  $\mu_u$ ,  $\varrho_i$ ,  $\varrho_u$ ,  $\varrho_u$ , au moyen des données

Température	Forces expansives.	Température.	Forces expansives.
$x_{i} = 15$ $x_{i} = 30$ $3 x_{i} = 45$	$z_{II}=3,6540$	$4 x_{1} = 60$ $5 x_{1} = 75$ $6 x_{1} = 90$	$z_{1v} = 23,0441$ $z_{v} = 50,6089$ $z_{vi} = 98,2761$

Appliquant à ces données les formules générales pour le cas de sept observations, on a

résolvant ensuite l'équation

$$A_{III} \alpha^3 + A_{II} \alpha^2 + A_i \alpha + A_o = 0$$
,

on a trois racines positives et réelles, qui sont

$$g_{i}^{x_{i}} = 5,06600 \ 43789 \ 84$$
 $g_{ii}^{x_{i}} = 2,30123 \ 90088 \ 97$ 
 $g_{iii}^{x_{i}} = 0,03480 \ 68485 \ 64;$ 

extrayant les racines quinziemes, on trouve

$$\frac{1}{15}\log_{10} e_{1}^{x_{1}} = \frac{0.7046656}{15} = \log_{10} e_{1} = 0.04697771; e_{1} = 1.11424$$

$$\frac{1}{15}\log_{10} e_{11}^{x_{1}} = \frac{0.3619618}{15} = \log_{10} e_{11} = 0.02413079; e_{11} = 1.05714$$

$$\frac{1}{15}\log_{10} e_{11}^{x_{1}} = \frac{2.5416647}{15} = \log_{10} e_{11} = 1.9027776; e_{11} = 0.79943.$$

Enfin, on déduit des valeurs précédentes

log. 
$$\mu_{i} = \overline{3},3282330...\mu_{i} = -0,00212 93$$
  
log.  $\mu_{ii} = \overline{1},9598132...\mu_{ii} = +0,91161 86$   
log.  $\mu_{iii} = \overline{1},3217595...\mu_{iii} = +0,20977 78$   
 $\mu_{iv} = -1,11926 71.$ 

Ces nombres substitués dans l'équation

$$z = \mu_{i} g_{i}^{*} + \mu_{ii} g_{ii}^{*} + \mu_{iii} g_{iii}^{*} + \mu_{rv}$$

la rendront propre à satisfaire non seulement aux valeurs employées pour sa formation, mais encore à toutes les observations intermédiaires, ainsi qu'on peut en juger par la table suivante, qui contient les résultats observés et calculés de quatre en quatre degrés du thermometre de Réaumur, les pressions étant mesurées en pouces de mercure.

	PRES	N O 1 S		Ta	PRESSION		
Tempér.	observée.	cakulée.	Anomalie.	Tempér.	observée.	calculée.	Anomaliz.
9 4 8 12 16 20 24 28 52 56 40 44	0,00 0,09 0,32 0,62 1,02 1,52 2,10 2,95 4,00 5,28 6,90 8,92	0,00 0,10 0,33 0,65 1,08 1,63 2,31 5,16 4,21 5,51 7,14	0,00 + 0,01 + 0,01 + 0,03 + 0,06 + 0,11 + 0,21 + 0,21 + 0,21 + 0,23 + 0,24 + 0,22	48 52 56 60 64 68 72 76 80 84 84 92	11,50 14,60 18,85 23,70 28,90 35,10 43,50 52,60 63,80 76,90 90,80 98,00	11,62 14,68 18.44 23,04 28,64 55,42 43,54 53,14 64,35 77,08 91,04 98,28	+ 0,12 + 0,08 + 0,41 - 0,66 - 0,26 + 0,52 + 0,04 + 0,55 + 0,18 + 0,24 + 0,28

Ainsi la formule pour la vapeur de l'esprit-de-vin se trouve simplifiée comme celle pour la vapeur de l'eau, sans cesser de représenter les expériences avec toute l'exactitude desirable: mais il y a plus; on peut en retrancher un terme variable, en observant que, dès le premier degré,  $\mu_{lll} \xi_{lll}^x$  n'a pour valeur que 0,18, et qu'il devient négligeable dans toute la suite des valeurs positives de x. L'équation se réduit donc à

$$z = \mu_i \xi_i^x + \mu_{ii} \xi_{ii}^x + \mu_{iv};$$

forme plus simple non seulement que celle donnée (note de l'article 1325), mais encore que celle trouvée précédemment pour la vapeur de l'eau.

Je passe à la traduction en nouvelles mesures des nombres dont je me suis servi dans cet essai pour exprimer les températures et les hauteurs de mercure.

Formules et tables pour calculer à différentes températures, rapportées à l'échelle du thermometre centigrade, les dilatations correspondantes des sept fluides élastiques qui font l'objet de la seconde partie de cet essai, et la force expansive des vapeurs de l'eau et de l'alkool, les pressions qui mesurent les diverses intensités de cette force étant représentées par des colonnes de mercure dont les hauteurs sont exprimées en metres.

1524. Les dilatations des sept fluides élastiques, pour les-Dilatation des quels j'ai donné des formules dans la seconde partie de cet ques. essai, sont toutes représentées par une équation de même forme; savoir,

$$z = \mu(\ell^2 - 1) \ldots \ldots (1),$$

x étant le nombre de degrés du thermometre qui mesure la

température, z la dilatation totale qui a eu lieu depuis la température de la glace jusqu'à la température x, exprimée en parties du volume primitif, ou à la glace, considéré comme l'unité, µ et e étant les constantes déduites de l'expérience qui rendent l'équation applicable à chacun des fluides en particulier.

Si, au lieu d'exprimer la dilatation depuis la glace, on veut avoir le volume total à chaque température x, il faudra ajouter l'unité à chaque valeur de z: nommant donc V ce volume total, c'est-à-dire faisant z+1=V, on aura

$$V = \mu (e^x - 1) + 1 \dots (2).$$

Les équations (1) et (2) donnent pour x l'une ou l'autre des valeurs

$$x = \frac{\log (z + u) - \log u}{\log (v + \mu - 1) - \log u}$$

$$x = \frac{\log (v + \mu - 1) - \log u}{\log v}$$
····(3).

Pour calculer l'excès du volume à la température x + 1 sur le volume à la température x, on aura, en nommant cet excès  $\Delta V$  ou  $\Delta z$ , ces deux incréments étant les mêmes,

$$\Delta V =_{\mu} (\varrho - 1) \varrho^{*} \cdots (4);$$

et si l'on veut en général l'augmentation de volume qui a lieu depuis la température x jusqu'à la température  $x + \Delta x$ , on aura

$$\Delta \mathbf{V} = \mu \left( e^{3x} - 1 \right) e^{x};$$
on déduit de l'équation (4)  $\cdots x = \frac{\log_{10} \Delta \mathbf{V} - \log_{10} \left\{ \mu \left( e - 1 \right) \right\}}{\log_{10} e} \cdots (5).$ 

Enfin la dilatabilité, c'est-à-dire le rapport  $\frac{\Delta V}{V}$  de l'augmentation de volume de degré en degré au volume lui même, étant exprimée par R, on a

$$R = \frac{\mu(\ell-1)\ell^x}{1+\mu(\ell^x-1)}\cdots\cdots(6),$$
d'où on déduit $\cdots x = \frac{\log \left\{R(1-\mu) - \log \left\{\mu(\ell-R-1)\right\}\right\}}{\log \ell}.$ 

Tous les logarithmes des formules précédentes peuvent être pris dans les tables ordinaires, qui donnent log. 10=1, vu qu'ils se trouvent au numérateur et au dénominateur. Il s'agit maintenant de déterminer  $\mu$  et  $\varrho$  pour chaque fluide.

Le thermometre centigrade est, comme on sait, celui qui divise en 100 parties l'intervalle depuis la glace jusqu'à l'eau bouillante;

bouillante; d'après cela  $\varrho$  doit être tel que  $\varrho^x$  donne, en faisant x=0, x=25, x=50, x=75, x=100, les mêmes valeurs qu'il donnoit précédemment pour  $x=0, x=20^\circ, x=40^\circ, x=60^\circ, x=80^\circ$ ; ce qui se réduit à prendre, au lieu du logarithme de  $\varrho$ , trouvé en premier lieu, les  $\frac{\pi}{10}$  de ce logarithme:  $\mu$  ne subit aucun changement.

On aura donc, pour rapporter au thermometre décimal la relation entre les températures et les volumes, les valeurs

suivantes.

NOMS des	VALEURS DE					
FLUIDES ÉLASTIQUES.	*	log. µ	. 1	log.		
Gas hydrogene	<b>e</b> ,51000	1,7075702	1,0068	0,0029243		
Gas nitreux	0,09274	2,9672714	1,02153	0,0092522		
Gas acide carbonique	0,14265	1,1542787	1,02321	0,0099648		
Air atmosphérique 4 .	0,06263	2,7967754	1,03315	0,0141650		
Gas oxygene	0,01484	2,1715033	2,05888	0,0248474		
Gas ammoniacal	0,49468	1,2893298	1,03481	0,0148608		
Gas azoth	e,no834	3,9214107	1,06812	0,0286211		

C'est d'après ces valeurs substituées dans l'équation

$$V = \mu (g^x - 1) + 1$$

qu'on a calculé la table suivante, dont la planche 54 offre le tableau graphique (\*).

(\*) La planche 53 offre un dessin de l'appareil décrit article (53), dont

la gravure n'a été faite qu'après l'impression de cet article.

Je crois qu'il est important de dire un mot des fluides élastiques considérés comme agents mécaniques: les recherches consignées dans ce mémoire peuvent à cet égard fournir des idées utiles aux artistes; et les formules que je vais donner, jointes à la table des dilatations, leur faciliteront les moyens de faire les calculs auxquels leurs travaux sur cet objet pourroient les conduire.

Toutes les valeurs de V que donne la table se rapportent à une pression égale au poids moyen de l'atmosphere, ou représentée par 28

pouces == 0<sup>metro</sup>, 757708 de mercure.

P=le poids d'une colonne de mercure de o<sup>metre</sup>, 7577 de hauteur sur 1 de base.

U= le volume à la température de la glace sous la pression P.

x = une température quelconque.

Tome II.

Aa

Il s'agitici de la même V = le volume à la temperature de fluide réduite en solume de fluide réduite en volume quelconque.

In volume quelconque.

In pression qu'il faudroit exercer sur le volume V pour le réduire au volume v. en conservant la tempéra.

Les volumes étant sous la même température en raison inverse des Pressions, on aura  $\stackrel{P}{\rho} = \frac{\nu}{V}$ ; d'où on tire

Substituant la valeur de V, et observant qu'il faut la multiplier par U, parceque le volume primitif n'est plus l'unité, mais U, on a

 $P = \{ (\rho^* - 1) \mu + 1 \} \frac{U}{\nu} \cdot P.$ 

p représente la pression que le fluide exerceroit contre la paroi d'un vase dans lequel il seroit enfermé, et dont la capacité seroit v; pression qui nent Atra amplorda à nouscem un niston ou à tout autre affet méca. peut être employée à pousser un piston ou à tout autre effet mécala pression devient

Si  $\nu = U$ , c'est-à-dire si on réduit le volume dilaté au volume primitif,

et s'évalue en multipliant la valeur de V, prise dans la table, par le poids de l'atmosnhere: ainsi nar exemple le pas azoth renfermé à la tempéde l'atmosphere: ainsi, par exemple, le gas azoth, renfermé à la tempésans nonvoir augmenter de volume everce contre la naroi du vase mi le sans pouvoir augmenter de volume, exerce contre la paroi du vase qui le renferme une pression égale à plus de sept fois le poids de l'atmosphere: qu'on le suppose ensermé dans un cylindre, occupant dans le sens de Jaxe une longueur d'un metre, et employé à faire monvoir un piston; ai la résistance à vainore cet évale an noide de l'atmosphere, le gas pourra si la résistance à vaincre est égale au poids de l'atmosphere, le gas pourra faire parcourir au piston 7 metres ou plus de 20 pieds, en conservant contredit l'agent métoujours la supériorité sur la résistance; c'est sans contredit l'agent mécanique le plus puissant qu'on connoisse.

TABLE des volumes dilatés de différents fluides élastiques, lorsque leur température varie de degré en degré, mesurés sur le thermometre centigrade depuis la glace jusqu'à l'eau bouillante, le volume à la glace étant pris pour unité.

e       1,00000       0       1,00000       2       1,01799       3       1,00180       2       1,01379       3       1,00180       2       1,02105       3       1,001944       3       1,00195       4       1,00382       4       1,00382       4       1,00382       4       1,00382       4       1,00382       4       1,00382       4       1,00382       4       1,00382       4       1,00382       4       1,00382       4       1,00482       5       <	G A 8  azoth.  Volum. dilat.  0 1,00000 1 1,00057
e       1,00000       0       1,00000       2       1,01379       3       1,00642       2       1,02105       4       1,00382       4       1,02356       5       1,02105       4       1,00382       4       1,00382       4       1,00382       4       1,00382       4       1,00382       4       1,00382       4       1,00382       4       1,00492       5       1,00535       6       1,00466       7       1,00466       7       1,00466       7 <t< td=""><td>0 1,00000</td></t<>	0 1,00000
e 1,00000 0 1,00000 0 1,00000 0 1,00000 0 1,00000 1 1,00000 1 1,00351 1 1,00351 1 1,00670 2 1,00691 2 1,00612 3 1,0107 3 1,0107 3 1,0107 3 1,0107 3 1,0107 3 1,0107 3 1,0107 3 1,0107 3 1,0107 4 1,0107 3 1,0107 3 1,0107 3 1,0107 3 1,0107 3 1,0107 3 1,0107 3 1,0107 3 1,0107 3 1,0107 3 1,0107 3 1,0107 3 1,0107 3 1,0107 4 1,00382 4 1,02356 5 1,01746 5 1,01265 6 1,02106 6 1,02106 6 1,02106 6 1,02106 6 1,02106 6 1,02106 6 1,02106 7 1,00731 7 1,05269 8 1,02823 8 1,01723 8 1,02874 8 1,01807 8 1,00862 8 1,06131 9 1,03186 9 1,01960 9 1,03272 9 1,02136 9 1,01000 9 1,07022 10 1,03552 10 1,02202 10 1,05679 10 1,02415 10 1,01146 10 1,07944 11 1,03921 11 1,03202 12 1,04926 13 1,04966 13 1,04966 13 1,04968 13 1,04666 13 1,02959 13 1,04958 13 1,05000 12 1,01639 13 1,10807	0 1,00000
e 1,00000 0 1,00000 0 1,00000 0 1,00000 0 1,00000 0 1,00000 1 1,00531 1 1,00531 1 1,005670 2 1,00691 2 1,00612 3 1,00612 3 1,00672 2 1,00691 3 1,00612 3 1,0107 3 1,00644 3 1,00208 1 1,00382 4 1,01379 4 1,01379 4 1,00825 4 1,01371 4 1,00873 4 1,00382 4 1,02366 5 1,01746 5 1,01042 5 1,01744 5 1,0109 5 1,00492 5 1,01635 6 1,01105 6 1,01265 6 1,02106 6 1,01354 6 1,00608 6 1,04437 7 1,02461 7 1,01492 7 1,02486 7 1,01606 7 1,00731 7 1,05269 8 1,02833 8 1,01723 8 1,02874 8 1,01807 8 1,00862 8 1,06131 9 1,03186 9 1,01960 9 1,03272 9 1,02136 9 1,01000 9 1,07022 10 1,03552 10 1,02202 10 1,05679 10 1,02415 10 1,01146 10 1,07944 11 1,03921 11 1,02492 12 1,04966 13 1,04968 13 1,04666 13 1,02959 13 1,04958 13 1,03609 13 1,01639 13 1,01807	0 1,00000
1       1,00345       1       1,00300       1       1,00331       1       1,00208       1       1,00683       1       1,00670         2       1,00691       2       1,00404       2       1,00670       2       1,00422       2       1,00180       2       1,01379         5       1,01041       3       1,00612       3       1,01073       4       1,00873       4       1,00382       4       1,02105         4       1,01746       5       1,01042       5       1,01734       5       1,01109       5       1,00492       5       1,00638         6       1,02105       6       1,02106       6       1,01354       6       1,00492       5       1,00638         7       1,02461       7       1,01492       7       1,02486       7       1,01606       7       1,00731       7       1,05269         8       1,02833       8       1,01723       8       1,02874       8       1,01807       8       1,0062       8       1,06131         9       1,03186       9       1,01960       9       1,03272       9       1,02415       10       1,0146       10       1,07924	
1       1,00345       1       1,00300       1       1,00331       1       1,00208       1       1,00683       1       1,00670         2       1,00691       2       1,00404       2       1,00670       2       1,00422       2       1,00180       2       1,01379         5       1,01041       3       1,00612       3       1,01073       4       1,00873       4       1,00382       4       1,02105         4       1,01746       5       1,01042       5       1,01734       5       1,01109       5       1,00492       5       1,00638         6       1,02105       6       1,02106       6       1,01354       6       1,00492       5       1,00638         7       1,02461       7       1,01492       7       1,02486       7       1,01606       7       1,00731       7       1,05269         8       1,02833       8       1,01723       8       1,02874       8       1,01807       8       1,0062       8       1,06131         9       1,03186       9       1,01960       9       1,03272       9       1,02415       10       1,0146       10       1,07924	
2 1,00691 2 1,00404 2 1,0067e 2 1,00422 2 1,00180 2 1,01379 3 1,01041 3 1,00612 3 1,0107 3 1,00644 3 1,00278 3 1,02106 4 1,01392 4 1,00825 4 1,01371 4 1,00875 4 1,00382 4 1,02386 5 1,01746 5 1,01642 5 1,01734 6 1,01109 5 1,00402 5 1,00633 6 1,02103 6 1,01265 6 1,02106 6 1,01304 6 1,00508 6 1,04437 7 1,02461 7 1,01492 7 1,02486 7 1,01606 7 1,00731 7 1,05269 8 1,02823 8 1,01723 8 1,02874 8 1,01867 8 1,00862 8 1,06131 9 1,03186 9 1,01960 9 1,03272 9 1,02136 9 1,01000 9 1,07022 10 1,03552 10 1,02202 10 1,05679 10 1,02415 10 1,01146 10 1,07944 11 1,03921 11 1,02449 11 1,04968 13 1,02500 12 1,01639 13 1,08898 12 1,04666 13 1,02959 13 1,04958 13 1,05307 13 1,01639 13 1,10807	1   1.00057
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	2 1,00118
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	3 1,00183
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	4 1,00252
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	5 1,00326 6 1,00405
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	7   1,00490
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	9   1,00676
13 1,04666 13 1,02959 13 1,04958 13 1,05307 13 1,01639 13 1,10807	11 1,00889
	12 1,01006
14 1,05042 14 1,03223 14 1,05404 14 1,03624 14 1,01822 14 1,11965	13 1,01132 14 1,01265
15   1,05420   15   1,03492   15   1,05861   15   1,03952   15   1,02017   15   1,13059	15 1,01408
- 1	16 1,01561
17   1,06185   17   1,04048   17   1,06800   17   1,04040   17   1,02442   17   1,15363   18   1,06572   18   1,04335   18   1,07295   18   1,05001   18   1,02673   18   1,16575   1	17   1,01724 18   1,01899
$10 \mid 1,06961 \mid 10 \mid 1,04628 \mid 19 \mid 1,07795 \mid 10 \mid 1,05375 \mid 10 \mid 1,02918 \mid 10 \mid 1,17830 \mid 1$	19 1,02085
	20 1,02284
1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	1,02496
23   1,08543   23   1,05864   23   1,09916   23   1,06996   23   1,04049   23   1,23501   2	3 1,02965
	14 1,03224
	1,03500 16 1,03796
27 1,10168 27 1,07211 27 1,12240 27 1,08841 27 1,05472 27 1,29574 2	7 1,04111
	1,04448
29 1,10998 29 1,07928 29 1,13485 29 1,09862 29 1,06316 29 1,35048 2 30 1,11417 30 1,08299 50 1,14129 30 1,10397 30 1,06775 30 1,34876 3	1,04808
1 51 1,11838 31 1,08677 31 1,14788 31 1,10949 31 1,07261 31 1,36768 3	1,05663
$\begin{bmatrix} 52 \\ 33 \end{bmatrix}$ 1,12263 $\begin{bmatrix} 32 \\ 32 \end{bmatrix}$ 1,09064 $\begin{bmatrix} 32 \\ 32 \end{bmatrix}$ 1,16152 $\begin{bmatrix} 32 \\ 33 \end{bmatrix}$ 1,12109 $\begin{bmatrix} 32 \\ 33 \end{bmatrix}$ 1,08321 $\begin{bmatrix} 33 \\ 33 \end{bmatrix}$ 1,40752 $\begin{bmatrix} 33 \\ 33 \end{bmatrix}$	3 1,06041 3 1,06510
34 1,13120 34 1,09862 34 1,16858 34 1,12718 34 1,08899 34 1,42848 3	
#  35   1,13554   35   1,10274   35   1,17580   35   1,18347   35   1,09510   35   1,45017   3	5 1.07544
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	
# 38   1,14871   38   1,11564   38   1,19850   38   1,15363   38   1,11569   38   1,51983   36	
39 1,15316 39 1,12015 39 1,20641 39 1,16080 39 1,12557 59 1,54476 30	
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	
42 1,16669 42 1,13418 42 1,23129 42 1,18376 42 1,14925 42 1,62470 43 1,17126 43 1,13966 43 1,23997 43 1,19193 43 1,15892 43 1,65322 43	
44 1,17587 44 1,14405 44 1,24885 44 1,20057 44 1,16915 44 1,68274 44 42 1,18050 45 1,14915 45 1,25793 45 1,20908 45 1,17998 45 1,71328 45	
46 1,18517 46 1,15436 46 1,26723 46 1,21809 46 1,19145 46 1,74489 46	
1 47   1,18986   47   1,15968   47   1,27675   47   1,22739   47   1,20360   47   1,77759   47	7 1,17642
48 1,19459 48 1,16512 48 1,28648 48 1,25701 48 1,21646 48 1,81144 48 49 1,10935 49 1,17067 49 1,29644 49 1,24695 49 1,23008 49 1,84646 49	
50 1,20414 50 1,17634 50 1,30663 50 1,25720 50 1,24450 50 1,88270 50	
	1

Suite de la table des volumes dilatés de différents sluides élastiques, lorsque leur température varie, etc.

La table précédente, et la figure jointe à cet essai qui représente les courbes des dilatations, offrent les fluides rangéssuivant l'ordre de leurs volumes à la température de l'eau bouillante. Il est bon d'observer qu'ils se seroient trouvés dans un ordre tout différent, si je les avois classés d'aprèsleurs dilatations dans les premiers degrés de l'échelle: en effet, le gas hydrogene, dont la dilatation est la plus petite à 100°, est, jusqu'à une température assez élevée, un de ceux qui se dilatent le plus. Les courbes rendent très sensible cette marche des dilatations; celle du gas hydrogene, qui differe peu d'une ligne droite, coupe son axe sous un plus grand angle que les autres, qui, s'élevant davantage audessus de l'axe lorsque l'abscisse est grande, s'en écartent moins vers l'origine où leur courbure est considérable.

La formule et les courbes donnent une expansion indéfinie à mesure que le fluide s'échauffe. Il n'en est pas de même de la diminution de volume causée par le refroidissement; il est évident qu'elle doit avoir des bornes, et ces bornes se peuvent fixer par le calcul lorsqu'on connoît la loi des dilatations: ainsi l'équation qui donne les augmentations z de volume depuis la glace jusqu'aux températures x, étant  $z=\mu$  ( $e^x-1$ ), on voit que, quel que soit le refroidissement, la diminution de volume ne pourra excéder  $\mu$ , qui est la distance de l'axe à une asymptote placée du côté des z négatives, et qui détermine la limite inférieure de la courbe. On voit par les valeurs de  $\mu$ , données précédemment, que le gas azoth, dont la dilatation est la plus forte à la température de l'eau bouillante, est celui de tous qui peut le moins se contracter par le refroidissement; le cas contraire a lieu pour I'hydrogene.

Je dois néanmoins observer que les lois des diminutions de volume données par les formules ne peuvent point s'appliquer aux changements d'états des fluides aériformes, c'està-dire au cas où ils seroient assez refroidis pour devenir liquides; il doit y avoir à cette époque une diminution subite et très considérable qu'on peut regarder comme une espece

de solution de continuité.

Voici une table qui donne depuis o' jusqu'à — 30°, et, de degré en degré, la diminution de volume occasionnée par le refroidissement.

	TABLE des diminutions de volume correspondantes à des températures au-dessous de la glace, mesurées sur le thermometre centigrade.									
Températ. négatives.	G A S	G A S	GAS ACIDE carbonique.	A I R	G A S oxygene.	G A S	GAS			
z=-	z = -	3=-	<i>z=-</i>	<i>s</i> = -	z == -	z =	z = -			
0 1 3 4	0,00000 0,00542 0,00682 0,01020 0,01555	0,00000 0,00195 0,00387 0,00574 0,00757	0,00000 0,00323 0,00640 0,00949 0,01251	0,00000 0,00201 0,00396 0,00384 0,00766	0,00000 0,00082 0,00160 0,00234 0,00303 0,00379	0,00000 0,00655 0,01287 0,01899 0,02490 0,03061	0,00000 0,00053 0,00103 0,00149 0,00193			
5 6 7 8	0,01688 0,02019 0,02348 0,02675 0,02999 0,03321	0,00937 0,01113 0,01285 0,01453 0,01618 0,01779	0,01546 0,01834 0,02116 0,02592 0,02601 0,02925	0,00942 0,01113 0,01278 0,01458 0,01593 0,01745	0,00431 0,00490 0,00545 0,00597 0,00646	0,03613 0,04146 0,04662 0,05160 0,05641	0,00254 0,00272 0,00308 0,00341 0,00373 0,00402			
11 12 13 14 15	0,03641 0,03959 0,04274 0,04588 0,04899 0,05209	0,01937 0,02092 0,02243 0,02392 0,02537 0,02679	0,03182 0,03453 0,03679 0,03919 0,04154 0,04383	0,01888 0,02028 0,02164 0,02296 0,02423 0,02546	0,00693 0,00737 0,00779 0,00817 0,00855 0,00899	0,06106 0,06556 0,06990 0,07410 0,07816 0,08208	0,00430 0,00456 0,00480 0,00502 0,00523 0,00543			
17 18 19 20 21	0,05516 0,05821 0,06115 0,06426 0,06725 0,07022	0,02818 0,02954 0,03087 0,03217 0,03345	0,04607 0,04826 0,05040 0,05250 0,05454 0,05654	0,02665 0,02781 0,02893 0,03001 0,03105 0,03207	0,00923 0,00954 0,00984 0,01011 0,01038 0,01062	o,08586 o,08952 o,09306 o,09648 o,09978 o,10298	0,00562 0,00579 0,00595 0,00611 0,00625 0,00638			
23 24	0,07317 0,07610 0,07901 0,08191 0,08478 0,08763	0,03592 0,03712 0,03829 0,03944 0,04057 0,04166	0,05849 0,06040 0,06227 0,06409 0,06587 0,06761	0,03305 0,03400 0,03492 0,03581 0,05667 0,05750	0,01086 0,01108 0,01129 0,01149 0,01167 0,01185	0,10606 0,10904 0,11192 0,11471 0,11741	0,00651 0,00662 0,00673 0,00684 0,00693			
29 3ô	0,09047 0,09328	0,04274 0,04380	0,06932 0,07098	0,03831 0,03909	0,01202	0,12251 0,12494	0,00711			

Force expansive de la vapeur de l'eau.

J'ai trouvé que la force expansive de la vapeur de l'eau pouvoit s'exprimer par une équation de la forme

$$z = \mu_{l} g_{l}^{x} + \mu_{ll} g_{ll}^{x} + \mu_{lll} g_{ll}^{x};$$

z étant la hauteur d'une colonne de mercure qui a pour base la surface pressée, et dont le poids ou la masse représente la pression qu'éprouve cette surface; x le nombre des degrés du thermometre qui exprime la température de la vapeur;  $\mu_{i}$ ,  $\mu_{ii}$ 

Cela posé, il y a deux réductions à faire aux valeurs numériques que j'ai employées, dans la troisieme partie de cet essai, pour calculer z; l'une consiste à ramener au thermometre centigrade les degrés du thermometre de Réaumur que x représentoit; l'autre à convertir en metres les pouces qui mesuroient les hauteurs des colonnes de mercure.

La premiere réduction est la même que celle que j'ai déja faite pour les sept fluides élastiques: elle consiste à substituer aux logarithmes de  $e_{i}$ ,  $e_{ii}$ ,  $e_{iij}$ , précédemment employés, les

huit dixiemes de ces logarithmes.

La seconde réduction porte sur les coëfficients  $\mu_{l}$ ,  $\mu_{u}$ ,  $\mu_{ul}$ , qu'il faut multiplier par le rapport du pouce au metre. On sait que le metre, qui est la dix-millionieme partie d'un quart du méridien, a été évalué, en supposant le degré moyen ou le  $\frac{1}{90}$  du quart du méridien, de 90 × 57027 toises = 5132430 toises; ce qui donne pour la longueur du metre exprimé en parties de la toise 90 × 0<sup>toise</sup>, 0057027 = 0<sup>toise</sup>, 513243 = 0<sup>toise</sup>, 3<sup>pieds</sup>, 0<sup>pouce</sup>, 11<sup>lignee</sup>, 441952. C'est d'après cette détermination que j'ai calculé la table suivante: mais il est suffisant pour les usages ordinaires d'évaluer le metre à 3<sup>pieds</sup>, 11<sup>lignee</sup>, 44.

	Mesures.	Log. des r	apports.	RAPPO	RTS.	
celui d'un nombre donné de me- tres, lorsqu'on veut avoir respecti-	pied	0,48847	42852 55312	0,513 <b>3,</b> 079 <b>3</b> 6,95 <b>4</b> 43,44	45 <b>8</b> 3496	Les rapports ci à côté sont exacts dans l'hypothese a- doptée pour la longueur du méridien.
pieds, pouces ou lignes, lorsqu'on veut avoir respectivement le loga-	pied	0,28967 1,51152 2,43234 3,35316	5 <sub>7148</sub> 44688	1,94839 0,32473 0,02706 0,00225	24692 10391	Les rapports ci à côté ne peuvent s'éva- luer que par ap proximation.

Les valeurs contenues dans cette table ne sont pas toutes nécessaires à l'objet que j'ai en vue; mais je les place ici parceque les rapports qu'elles expriment seront souvent nécessaires, et qu'il est bon d'en faire note.

Si l'on applique les déterminations précédentes aux con-

stantes de l'équation qui donne la force expansive de la vapeur de l'eau, on aura

$$\log_{10} \xi_{i} = \frac{8 \times 1,5229702}{10 \times 22} = 0,0553807 \; \xi_{i} = 1,136006$$

$$\log_{10} \xi_{ii} = \frac{8 \times 0,4458531}{10 \times 22} = 0,0162128 \; \xi_{ii} = 1,038037$$

$$\log_{10} \xi_{iii} = \frac{8 \times 0,2656189}{10 \times 22} = 0,0096589 \; \xi_{iii} = 1,022490$$

$$\log_{10} \mu_{i} = \frac{7,8601007 + 2,4323445 = 8,2924452}{100000000196} = 0,0000000196$$

$$\log_{10} \mu_{ii} = 1,9369251 + 2,4323445 = 2,3692696 \; \mu_{ii} = + 0,023403$$

$$\log_{10} \mu_{iii} = 1,9369248 + 2,4323445 = 2,3692693 \; \mu_{iii} = - 0,023403$$

$$\log_{10} \mu_{iii} = 1,9369248 + 2,4323445 = 2,3692693 \; \mu_{iii} = - 0,023403$$

et substituant ces nombres dans l'équation

$$z = \mu_i \, \varrho_i^* + \mu_{ii} \, \varrho_u^* + \mu_{iii} \, \varrho_{ii}^*,$$

on pourra construire la table suivante, qui donne les forces expansives depuis la température de la glace jusqu'à 140° du thermometre centigrade; les hauteurs des colonnes de mercure qui mesurent les pressions étant exprimées en metres.

La planche 54 offre un tracé de la courbe donnée par les nombres de cette table, où l'on voit les résultats comparatifs des anciennes et des nouvelles mesures; c'est en cela principalement qu'il faut la distinguer de la planche 19.

TABLE

TABLE de la force expansive de la vapeur de l'eau à dissérentes températures, rapportées à l'échelle du thermometre centigrade, les pressions étant représentées par des colonnes de mercure dont les hauteurs sont exprimées en metres.

<b>P</b>	orces	Différ	ances	Température.	Forces expansives.	Différ	ences	Température.	Forces expansives.	Diff	a".
1 2 3 6 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	00000 000036 00075 00116 00159 00254 00354 00364 00476 00540 00607 00607 00752 00830 00999 01186 01287 01593 01503 01187 01294 02146 02294 02161 02176 03187 03188 0	369 41446 49555 57788 996 1010 1117 122 128 1142 1148 1155 1162 1178 1187 1198 1198 1198 1198 1198 1198	3 2 2 3 5 1 5 2 3 4 3 3 5 3 4 5 4 5 5 5 5 4 7 5 6 6 8 6 7 7 9 7 9 8 0 9 0 0 2 2 2 2 1 1 1 2 1 2 1 2 1 2 1 2 1 2	478 90 1 23 5 5 5 5 5 5 5 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 7 7 7 7	0,06872 0,07237 0,07618 0,08015 0,08431 0,08865 0,09317 0,09791 0,10283 0,10799 0,11335 0,11447 0,13089 0,13724 0,14387 0,15078 0,16550 0,18999 0,19887 0,16550 0,18999 0,19887 0,20811 0,21777 0,23821 0,24910 0,26044 0,27224 0,28454 0,2735 0,31069 0,32491 0,216044 0,27224 0,28454 0,2735 0,36971	350 365 381 397 416 434 474 492 516 536 663 661 751 783 817 751 783 849 963 1003 1134 1138 1138 1138 1138 1138 1138 1156 1169 1169 1176 1176 1176 1176 1176 117		945 956 967 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 111 113 114 115 116 117 118 119 120 121 123 124 125 126 127 137 138 139 131 131 131 131 131 131 131	0,58965 0,61471 0,64075 0,66780 0,6958) 0,72507 0,75536 0,78678 0,81940 0,85323 0,88831 0,92466 0,96234 1,12681 1,17149 1,126530 1,31444 1,36508 1,417082 1,52587 1,58235 1,64019 1,6932 1,75967 1,82113 1,88356 1,94679 2,01062 2,07484 2,13915 2,20322 2,38978 2,64371 2,67362 2,71803	2506 2604 2705 2809 3142 2918 3029 3142 3363 3363 3363 3363 3363 4041 4432 4468 4666 4761 45064 4761 45064 4761 45064 4761 4761 4761 4761 4761 4761 4761 47	94 98 101 104 109 111 113 120 121 135 134 140 148 149 150 143 143 143 143 143 143 144 145 146 147 160 160 170 170 170 170 170 170 170 17

Force expansive de la vapeur de l'alkool.

La relation entre la température et la force expansive de la



vapeur de l'alkool s'exprime par une équation de la forme

$$z = \mu_{I} g_{I}^{x} + \mu_{H} g_{II}^{x} + \mu_{HI} g_{IH}^{x} + \mu_{II}$$

z et x désignant les mêmes choses que dans l'équation qui se rapporte à la vapeur de l'eau;  $\mu_i$ ,  $\mu_{ii}$ ,  $\mu_{ii}$ ,  $\ell_{ii}$ ,  $\ell_{ii}$ , étant des constantes qui se déterminent par l'expérience.

Pour transformer en divisions thermométriques centigrades et en metres les valeurs de x et de z, que j'ai calculées, dans la troisieme partie de cet essai, en divisions de Réaumur et

en pouces, on aura

log. 
$$q_{ij} = \frac{8 \times 0.7046656}{10 \times 15} = 0.0375822 \cdots q_{ij} = 1.090391$$
  
log.  $q_{ij} = \frac{8 \times 0.3619618}{10 \times 15} = 0.0193046 \cdots q_{ij} = 1.045453$   
log.  $q_{ij} = \frac{8 \times 2.5416647}{10 \times 15} = 1.9222221 \cdots q_{ij} = 0.836030$   
log.  $\mu_{ij} = \frac{3.3282330 + 2.4323445 = \overline{5}.7605775 \cdots \mu_{ij} = -0.000058$   
log.  $\mu_{ij} = 1.9598132 + 2.4323445 = 2.3921577 \cdots \mu_{ij} = +0.024669$   
log.  $\mu_{ij} = 1.3217595 + 2.4323445 = \overline{3}.7541040 \cdots \mu_{ij} = +0.005677$   
 $\mu_{ij} = -(\mu_{ij} + \mu_{ij} + \mu_{ij})$   
 $= -0.030288.$ 

Substituant ces valeurs dans l'équation précédente, et faisant successivement  $x=0^{\circ}$ ,  $x=1^{\circ}$ ,  $x=2^{\circ}$ ..... $x=115^{\circ}$ , on aura pour z les valeurs consignées dans la table qui suit.

TABLE de la force expansive de la vapeur de l'alkool à différentes températures, rapportées à l'échelle du thermometre centigrade, les pressions étant représentées par des colonnes de mercure dont les hauteurs sont exprimées en metres.

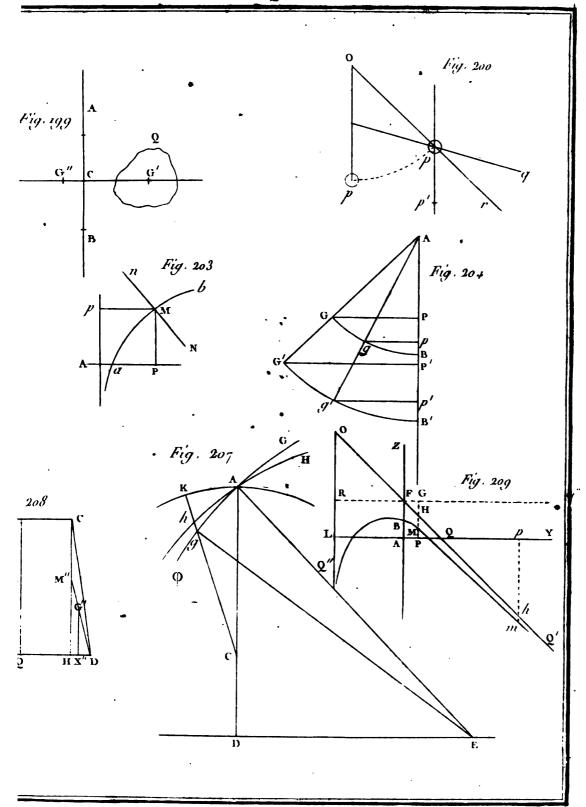
Température.	Forces	DIFFÉRENCES			Forces	DIFFÉRENCES		Température	Forces	DIFFÉRENCES	
expansive	expansives.	1rei,	2".	Température.	expansives.	1 ee.	2".	rature.	expansives.	1",	2 <sup>rs</sup> .
0	0,00000	0,00019	0,00010			0,00618			2 1	0,03148	0,00119
2	0,00019	0,00038	0,00019	40 41	0,11387	0,00647	0,00029	79 80	0,74252	0,03273	0,00125
3	0,00017	0,00058	0,00014	41	0,12034	0,00670	0,0003)		0,77525	0,03507	9,00124
4	0,00187	0,00072	0,00016	43	0,12710	0,00705	0,00029	81 82	0,80922	0,03530	0,00133
5	0,00275	0,00088	0,00013	44	0,15415	0,00737	0,00032	85	0,84452	0,03663	9,00133
6	0,00376	0,00101	0,00012	45	0,14921	0,00769	0,00034			0,03803	0,00140
7	0,00489	0,00113	0,00012	46	0,15724	v,008e3	0,00034	84 86	0,91918	0,03943	6,00140
. 8	0,00614	0,00125	0,00012	47	0,16564	0,00840	0,00034	86	0,99051	0,04090	0,00147
9	0,00751	0,00137	0,00012	48	0,17458	0,00874	0,00041	87	1.04190	0,04239	0,00149
10	0,00900	0,00149	0,00009	49	9,18353	0,00915	0,00058	88	1,08581	0,04391	0,00158
11	0,01058		0,00010	50	0,19506	0,00953	0,00042	89		0,04549	0,00157
12	0,01226	0,00168 0,00177	0,00009	51	0,20301	0,00995	0.00044	90	1,17836	0,04706	0,00163
13	0,01403	0,00177	0,00014	52	0,21340	0,01039	0,00047	91	1,22705	0,04869	0,00165
14	0,01594	0,00200	0,00009	53	0,28426	0,01086	0,00044	92	1,27739	0,05034	0,00167
15	0,01794	0,00210	0,00010	54	0,23556	0,01130	0,00052	93	1,32940	0,05201	0,00170
16	0,02004	0,00221	0,00011	55	0,24738	0,01182	0,00050	94	1,38311	0,05371	0,00171
17	0,02225	0,00233	0,00012	56	0,25970	0,01232	0,00053	95	1,43853	0,05542	0,00171
18	0,02458	0,00242	0,00011	57	0,27255	0,01340	0,00055	96	1,49566	0,05713	0,00174
19	0,02760	0,00255	0,00013	58	0,28595	0,01340	0,00059	97	1,55453	0,05837	0,00172
20	0,02955	0,00268	0,00013	59	0,29994	0,01458	0,00059	98	1,61512	0,06059	0,00171
21	0,03225	0,00279	0,00011	60	0,31452	0,01430	0,000€2	99	1,67742	0,06230	0,00172
22 23	0,03502	0,00293	0,00012	61	0.32972	0,01586	0,00066	100	1,74144	0,06402 0,0656q	0,00167
	0,05795	0,00307	0,00014	62	0,54558	0,01652	0,00006	101	1,80713	0,06733	0,00164
24 25	0,04102	0,00320	0,00013	63	0,36210	0,01724		102	1,87446	0,06894	0,00161
25 26	0,044 <b>22</b> 0,04757	0,00335	0,00015	64	0,37934	0,01797	0,00073	103	1,94340	0,00094	0,00153
27	0,04707	0,00351	0,00016	65	0,39731	0,01871	0,00074		2,01387	0,07194	0,00147
28	0,05474	0,00366	0,00015	66		0,01951		105	2,08581	0,07331	0,00137
29	0,05856	0,00382	0,00010	67	0,43553	0,02031	0,00080		2,15912	0,07458	0,00127
30	0,06257	0,00401	0,00017	68		0,02117	0,00066		2,23370	0,07571	0,00113
31	0,06675	0,00418	0,00019	69		0,02204	0,00087		2,30941	0,07670	0,00099
32	0,07112	0,00437	0,00020	70	0,49905	0,02295	0,00091		2,38611 2,46360	0,07740	0,00079
33	0,07569	0,00457	0,00019	71 72	0,54591	0,02391	0,00096 0,00056		2,40000	0,07810	0,00061
34	0,08045	0,00476	0,00022	73		0,02487	0,00090	111	2,62017	0,07847	0,00037
35	0,08543	0,00498	0,00022	74	0,59666	0,02588		113	2,69872	0,07855	0,00008
36	0,09063	0,00520	0,00024	75		0,02694	0,00100		2,77707	0,07835	- 0,00020 - 0,00060
37	0,09607	0,00544	0,00025	76		0,02801	0,00113	115	2,85,82	0,07775	
58	0,10176		0.00024	77	0,68075	0,02914	0,00115	1.1	_,00402	1	ł
39	0,10769	0,00593	0,00025	78		0,03029	-,00.25			ĺ	
					"					1	1
		·	' '		1	j				1	ł

On peut remarquer que les différences secondes deviennent négatives à la fin des deux tables qui se rapportent à la vapeur de l'eau et à celle de l'alkool. Ce changement de signe annonce un point d'inflexion que la formule donne en effet, et qui est assez sensible vers l'extrémité des courbes: on a donc vers les hautes températures un léger affoiblissement dans les progrès de l'intensité de la force expansive. J'ai pu rendre raison d'un affoiblissement analogue et beaucoup plus Bb 2

Digitized by Google

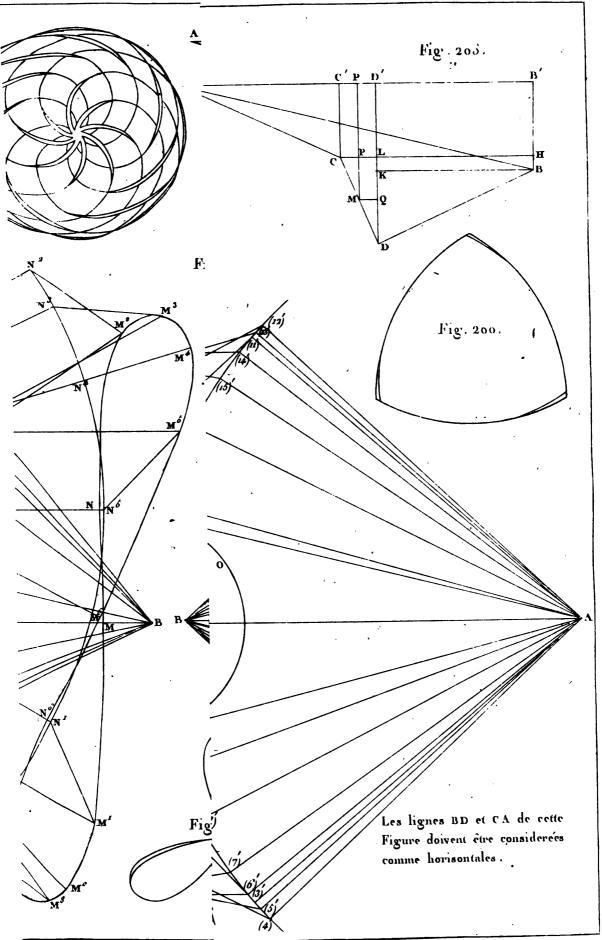
considérable dans la dilatation des fluides élastiques; mais je ne vois pour les vapeurs aucune anomalie dépendante des expériences à laquelle on puisse l'attribuer : je n'oserois cependant assurer que le changement de courbure dont il s'agit tienne à la nature du phénomene; car il introduit des termes dans les formules, qui, à un certain intervalle, très grand à la vérité hors de la limite des expériences, donneroient aux résultats une marche rétrograde, et qui de plus dérangent la situation de la courbe du côté des températures négatives. Les corrections à faire à ces termes sont aisées, et tiennent à des quantités très petites, et peut-être organiquement inappréciables: mais ces corrections seroient absolument inutiles dans l'état actuel des choses; car, d'une part, les formules qui représentent très bien les observations dans toute leur étendue sont beaucoup plus que suffisantes pour les applications qu'on aura à en faire; de l'autre, les petites altérations de valeurs qui opéreroient les corrections présentent une indétermination qu'aucune des données fournies par l'expérience ne peut lever. Je crois donc que, pour ne rien abandonner au hasard, il est convenable de laisser mon travail dans l'état où il est, jusqu'à ce que de nouvelles observations fournissent le moyen d'y faire avec connoissance de cause les changements dont il pourra être susceptible.

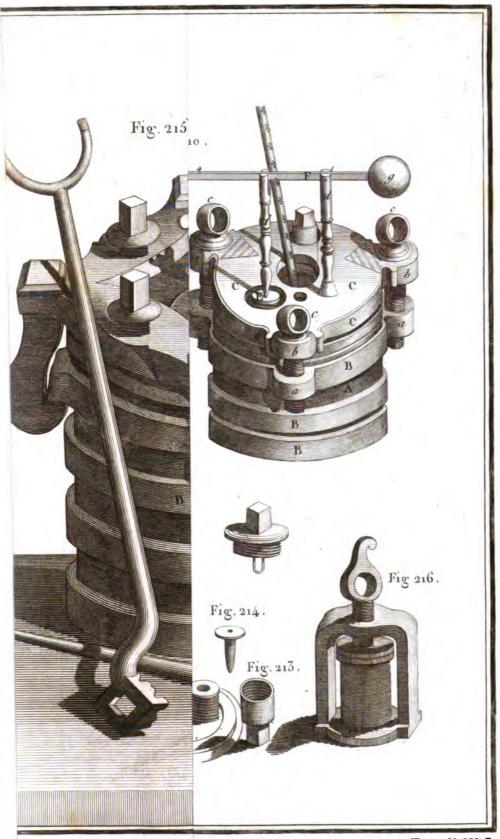
FIN DE LA SECONDE PARTIE.



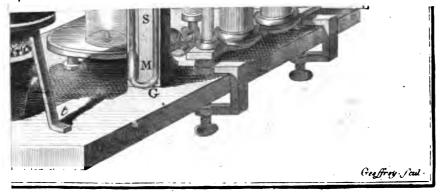
## ECTURE HYDRAULIQUE. Planche 16. Fig. 1202. Fig.199. Fig. **(20**3.

Tom II. Nº 1.



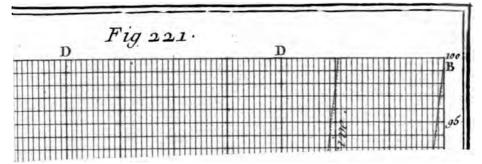


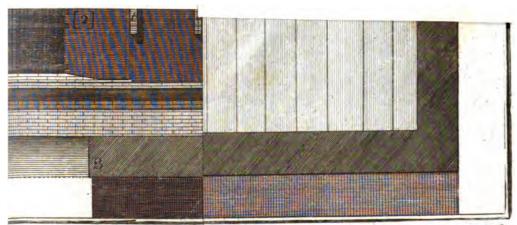
Tom. II.Nº 3.



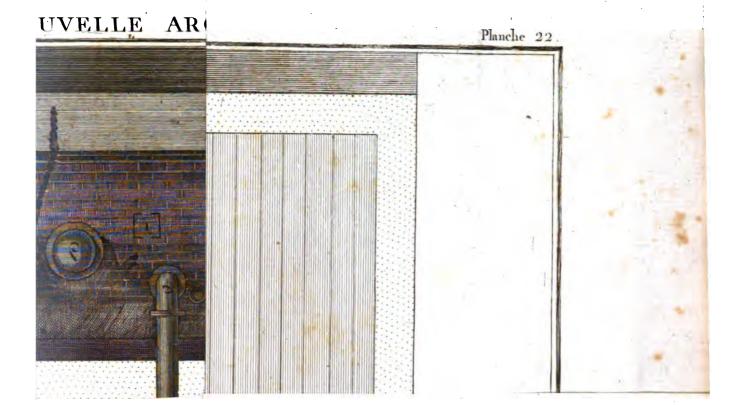
Tom. II . Nº 4

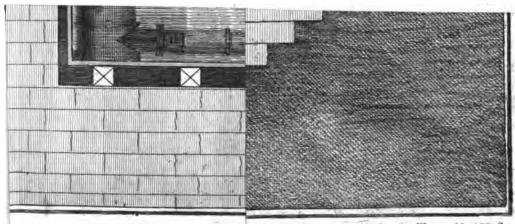
## RCHITECTURE HYDRAULIQUE Pl. 20



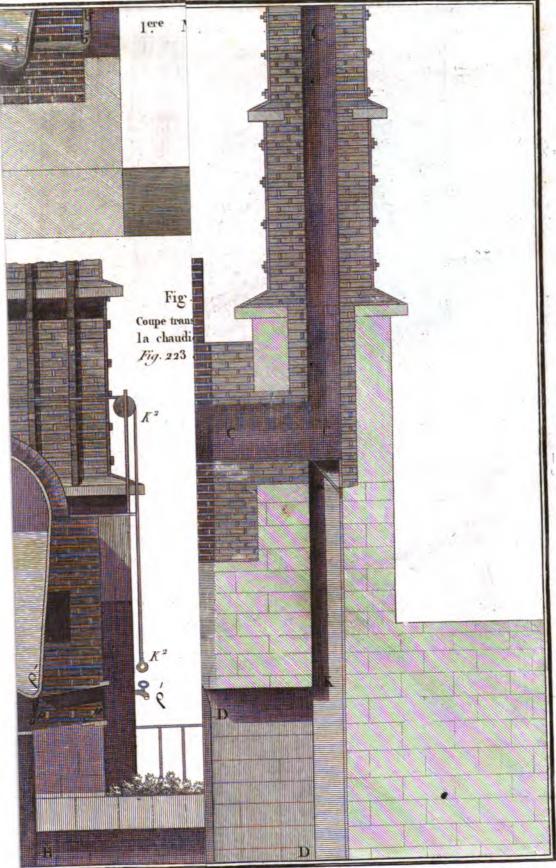


Tom. II. Nº. 6.

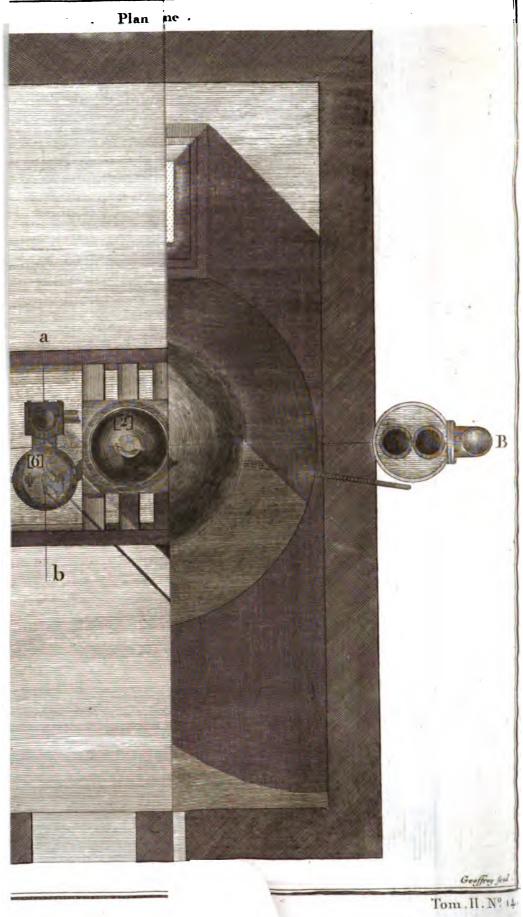




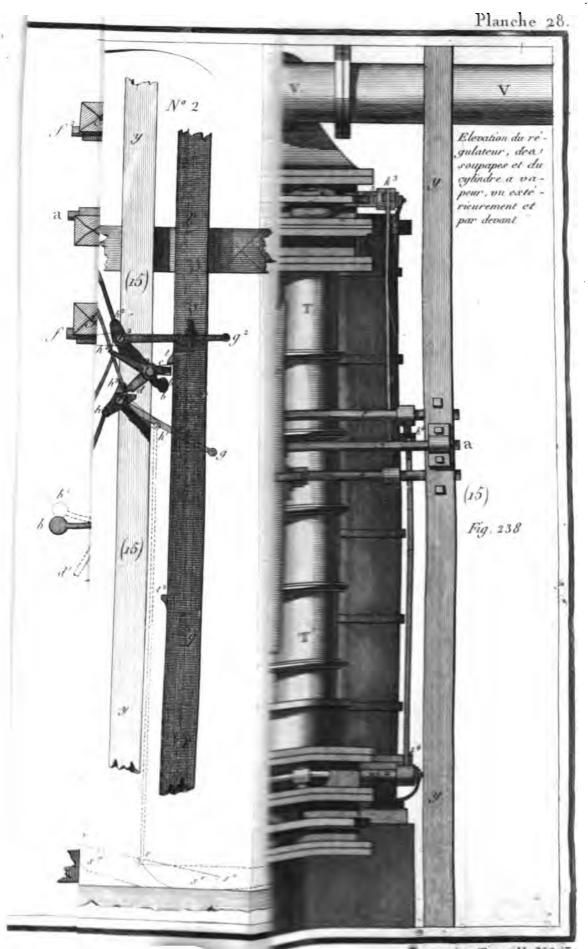
Tom. II. Nº 8. Digitized by Google



Tom . II . Nº 9.



Digitized by Google



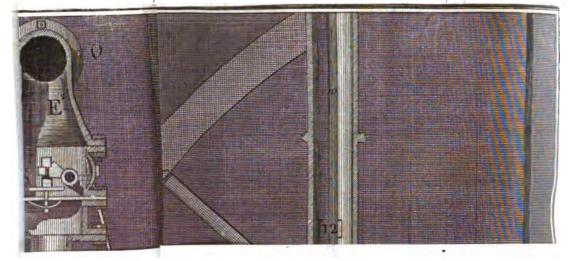
Tom. II.N. 15.

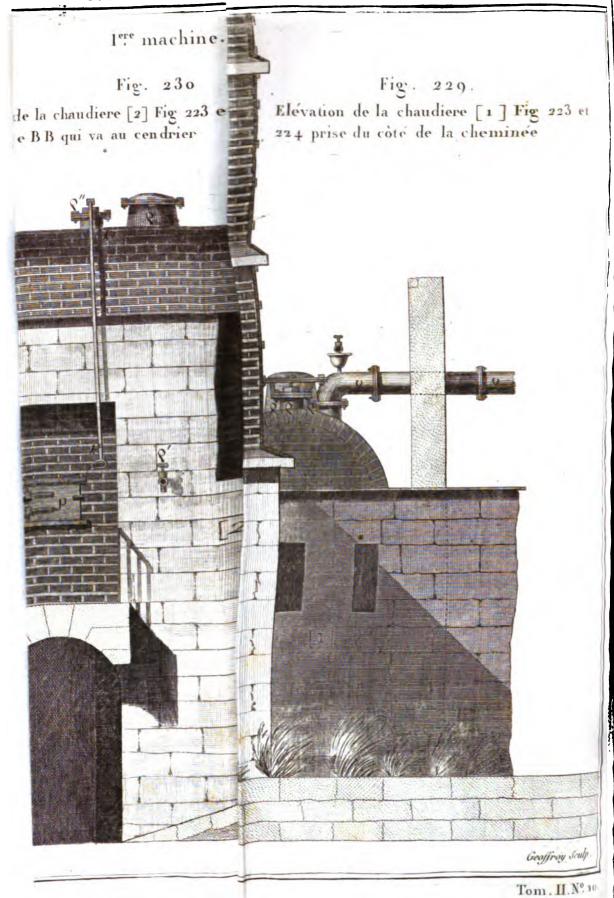
Digitized by Google

NOUVI

ant l'interieur du regulateur le moderateur &c.

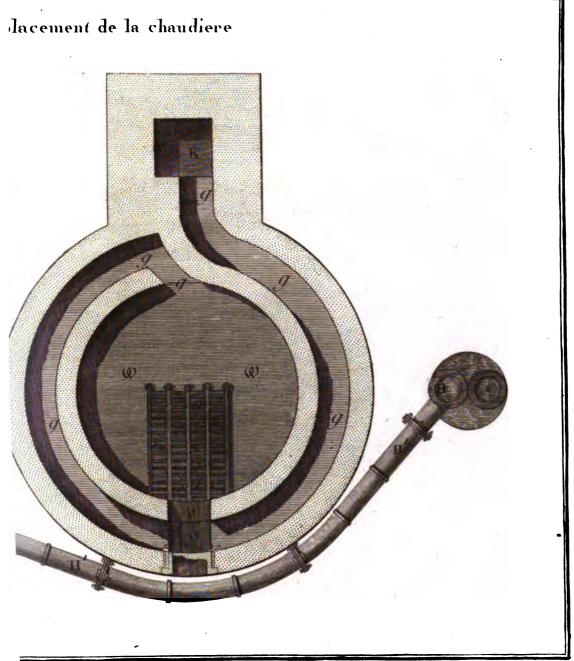
Planche 26.





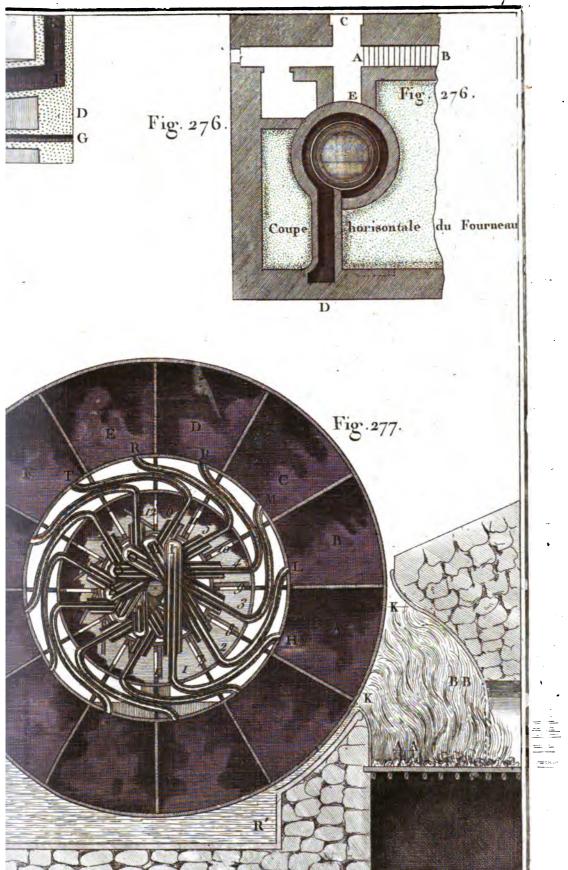
Tom. II. Nº 16.

2eme Machine

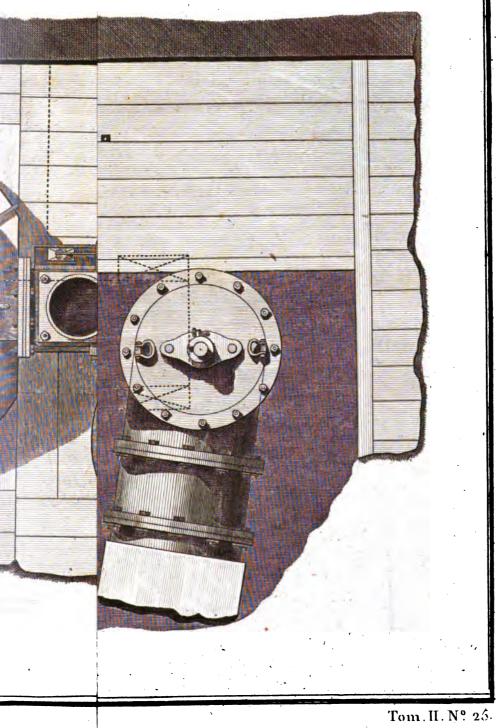


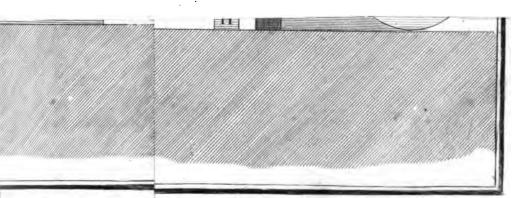
Tom. II. Nº 18.

ر 4



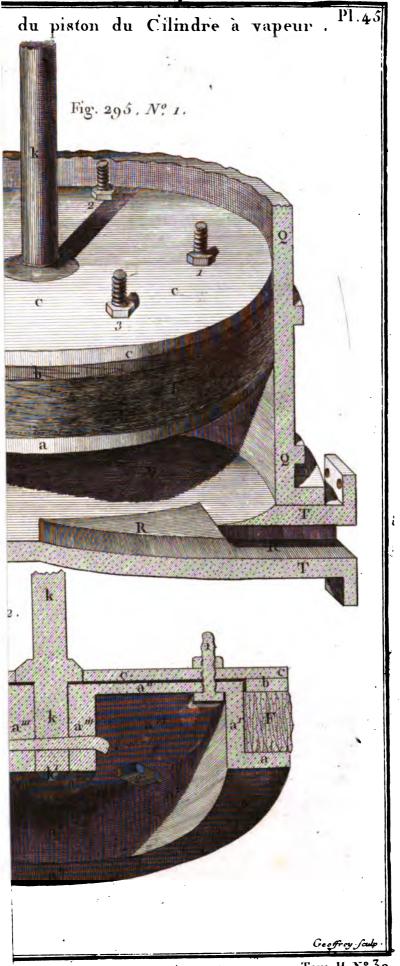
Tom. II, Nº. 22.





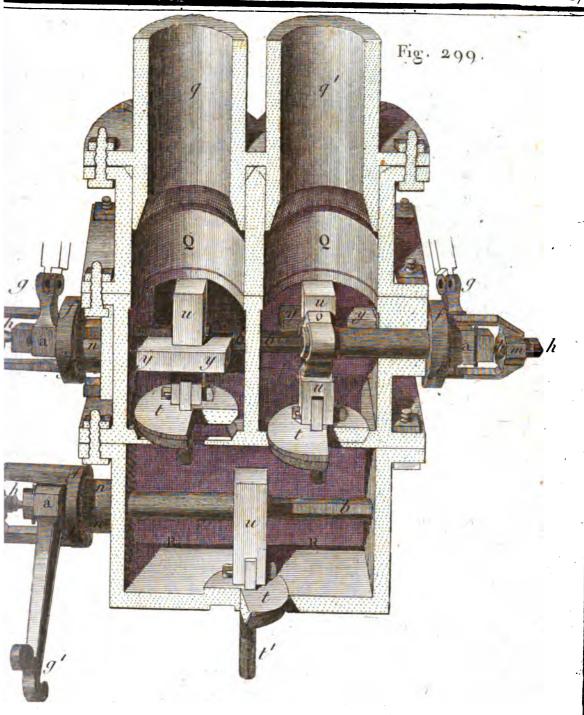
Tom. II. Nº 28,
Digitized by Google

# TECTURE HYDRAULIQUE.



Tom.II. N. 30.

Digitized by Google



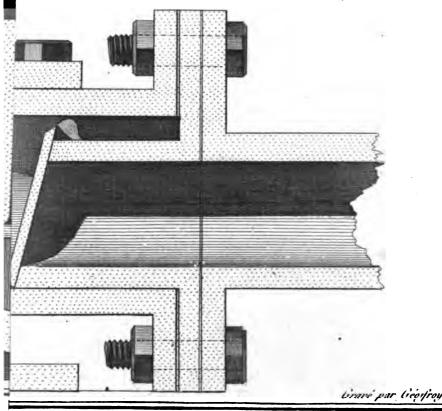
à vapeur et au condenseur.

ist

fér '

ap

Coupe de la partie inférieure de la pompe à air.



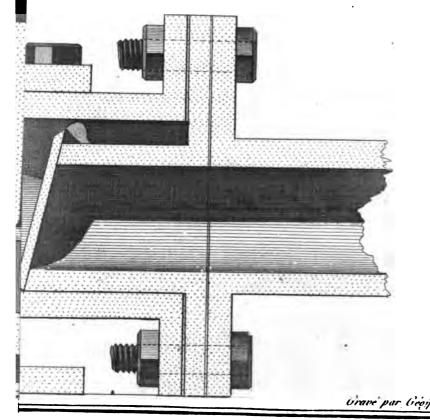
Tom. II. Nº 33.

ist

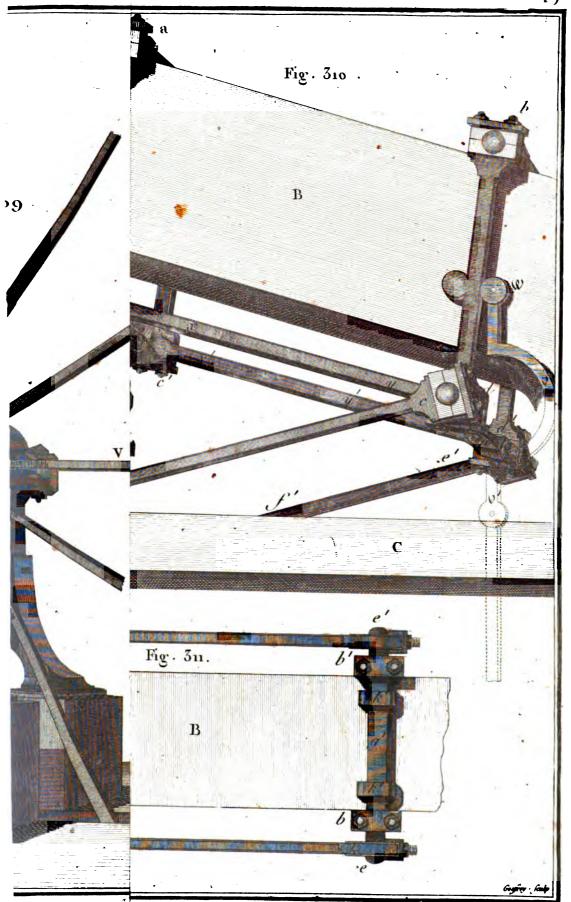
fér

аp

Coupe de la partie inférieure de la pompe à air.

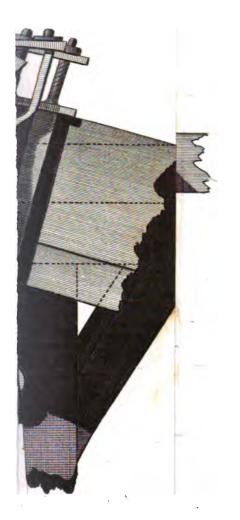


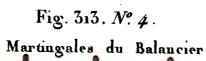
Tom. II. Nº 33

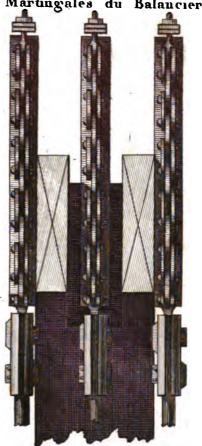


Tom. II. Nº 34.

Digitized by Google

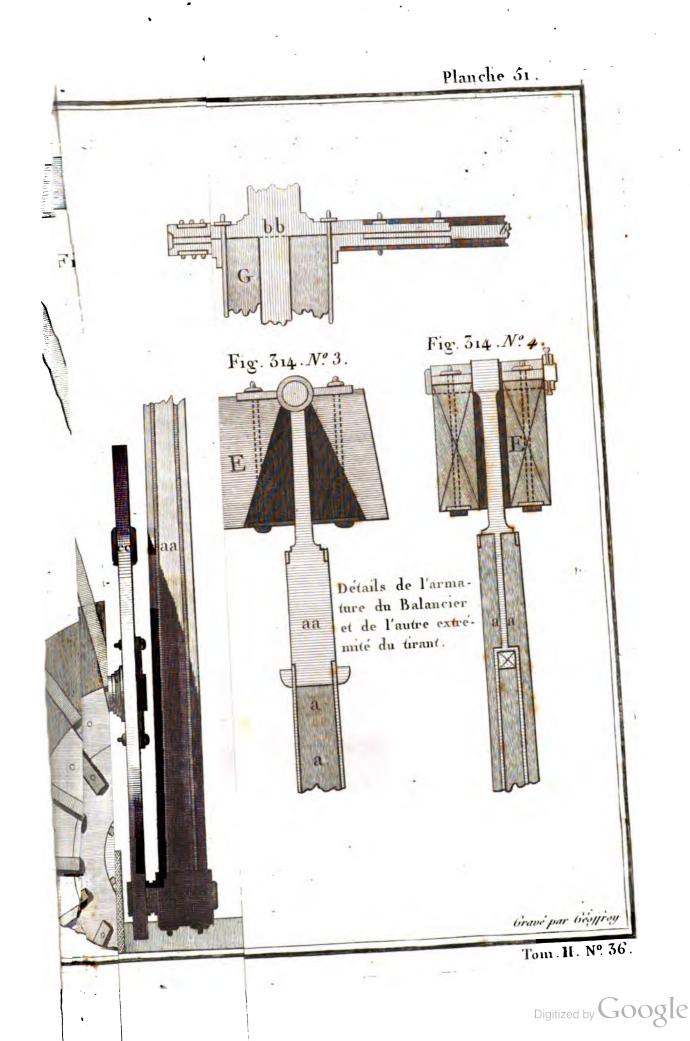






Gravé par Géoffroy

Tom . H. Nº 35.



Geoffroy Sculp.

Tom. II. Nº 37.

## TABLE

### DES MATIERES

#### CONTENUES

#### DANS LA SECONDE PARTIE.

### CONTENANT LA DESCRIPTION DÉTAILLÉE DES MACHINES A FEU.

### Préambule (1).

(1351). De la méthode employée dans cet ouvrage.

(1352). Ordre à suivre dans l'exposition des inventions.

(1354). Motifs de quelques changements faits à l'ordre que l'auteur s'étoit l'abord proposé de suivre.

(1357). Divisions principales des objets de description relatifs aux pompes

Description des appareils employés pour la détermination de la force expansive de la vapeur de l'eau.

(1358). Des expériences faites sur la force expansive de la vapeur de l'eau avant 1788.

(1360). Description de l'appareil de M. Bettancourt.

Détails sur la maniere dont on a fait les expériences.

(1366). Comment on fait le vuide dans la chaudiere.

Ibidem. Température initiale de l'eau.

Ibidem. Observations correspondantes du barometre et du thermometre. (1367). De la force expansive à une température au-dessous de la glace.

(1368). De la force expansive apparente, en remplissant la chaudiere de différentes quantités d'eau.

(1370). Conclusions à tirer des expériences sur la force expansive de la vapeur de l'eau.

(1371). Accords entre les résultats calculés et ceux déduits des expériences.

(1372). Courbes qui représentent ces résultats.

<sup>(1)</sup> Les chiffres de renvoi indiquent les articles et non les pages.

# Application des observations précédentes aux arts et à la physique.

(1373). Effet de la vapeur de l'eau de condensation dans les machines à feu. (1374). De la maniere de mesurer la hauteur des montagnes par la tem-

pérature de l'eau bouillante.

(1376). Expériences sur cet objet.

(1378). Utilité des expériences sur la force expansive de la vapeur de l'eau pour la graduation du thermometre.

### Description d'une premiere machine à feu à double effet.

(1380). Objets exécutés auxquels se rapportent la machine qu'on va décrire (1381). Chaudieres, cheminées, fourneaux, cendriers, etc. considérés en masse; précautions prises pour échauffer l'eau avec économie.

(1382). Courant d'air pour donner de l'activité à la combustion.

(1385). Correspondance entre le mouvement du piston du cylindre à vapeur et ceux des soupapes qui établissent la communication entre la chaudiere, le cylindre à vapeur et le condenseur.

(1384). Moyen de classer commodément dans l'esprit les mouvements cor-

respondants dont on vient de parler.

(1385). Du tuyau d'injection employé à opérer la condensation; soupape extérieure pour modérer à volonté l'injection et par conséquence la vitesse de la machine; réflexions sur les limites de l'effet qu'on peut produire à cet égard.

(1386). De la pompe employée à enlever l'eau de condensation et l'air qui se dégage pendant qu'elle s'opere; tuyau nourricier qui conduit cette eau

dans la chaudiere.

(1387). Observation sur un effet résultant de l'aspiration de l'eau et de l'air donnés par la condensation.

(1388). Principe sur lequel la construction du régulateur est fondée.

(138q). Application de ce principe aux machines.

(1390). Description et jeu du régulateur.

(1391). Effort à vaincre pour lever les soupapes, indépendamment de leur poids; de la vitesse progressive de la vapeur.

(1393.) Des qualités que doit avoir un bon régulateur; application des prin-

cipes posés à ce sujet au régulateur précédemment décrit.

(1394). Mécanisme au moyen duquel la machine conserve spontanément un mouvement uniforme et constant sans le secours d'aucun agent extérieur.

(1395). Pompe qui sert à alimenter la grande bache.

- (1396). Moyens employés pour faire passer la machine du repos au mouvement.
- (1307). De la boîte à vapeur, ou steam-box, destinée à contenir la vapeur dans le cylindre.
  - (1398). Tuyau d'épreuve pour connoître le niveau de l'eau dans la chaudiere.

(1399). Thermometre et barometre qu'on peut adapter à la chaudiere.

(1400). Soupape de sûreté placée au-dessus de la chaudiere.

(1401). De la verge qui transmet au balancier l'action du piston du cylindre à vapeur; comparaison de son effet avec celui qui a lieu dans les machines de Chaillot; conséquences qui en résultent.

(1402). Parallélogramme destiné à maintenir la ve. ge précédente dans une

direction verticale.

(1403). Suspension de la poutrelle du régulateur.

(1404). Aze du balancier.

(1405). Du volant et de la mouche.

Idem. Filet d'eau qui coule sur les tourillons de l'axe du volant.

### Description d'une seconde machine à feu à double effet.

(14c6). Motifs de la description de cette seconde machine.

(1407). Chaudiere, fourneau, cheminée, courant d'air pour la combustion. (1408). Forme de la chaudiere, comparée avec celle de la premiere machine.

(1409). De la marche de la vapeur dans la machine et du jeu alternatif des soupapes qui établissent ou interceptent la communication dans les différentes

parties. - *Idem*. Méthode pour classer dans la mémoire le jeu des soupapes.

(1410). Avantage de la seconde machine sur la premiere, dans la disposition des soupapes.

(1411). Tuyau et soupape d'injection pour condenser la vapeur.

(1412). Mécanisme pour enlever l'eau provenant de la condensation.

(1413). Mécanisme et jeu du régulateur.

- (1414). Contre-poids substitués dans ce régulateur, aux lentilles qui en font l'effet dans la premiere machine.
- (1415). Mécanisme, usage et calcul du modérateur destiné à régler la vîtesse de la machine.
  - (1416). Comparaison de ce modérateur avec celui de la premiere machine.
- (1417). Du moyen employé pour assurer la verticalité du mouvement du piston du cylindre à vapeur.

(1418). Comparaison de ce moyen avec le moyen analogue employé dans

la premiere machine.

(1419). Pieces que le balancier et le contre-balancier ont à mouvoir.

(1420). Comment on pourroit adapter un volant à la seconde machine de la pompe qui en produit l'effet utile.

(1421). Considérations et explications sur la maniere dont cet effet est pro-

duit; solutions de quelques difficultés.

(1422). Détails sur les pieces qui composent le cylindre à vapeur.

(1425). De la maniere de faire passer la machine du repos au mouvement.

(1424). Soupape de sûreté.

- (1425). Tuyau d'épreuve pour connoître la hauteur de l'eau dans la chaudiere.
  - (1426). Procédé pour parvenir au même but dans les machines anciennes.

(1427). Réservoir provisionnel pour remplir la chaudiere.

Détails sur les machines à feu qui ne sont point à double effet, et rapports de ces machines avec celles décrites dans les chapitres précédents.

(1428). Réflexions sur le sens qu'on doit attacher au mot perfection dans les arts; exemple tiré de la machine à feu; analogie entre son mécanisme et l'économie animale; utilité de l'histoire des découvertes.

(1421). Communication de la chaudiere au cylindre à vapeur.

(1430). Pieces qui tiennent au régulateur; jeu de ce régulateur; comment il continue spontanément le mouvement de la machine une fois produit.

(1431). Comment l'eau de condensation sort du cylindre à vapeur; tuyau nourricier qui sert à réparer dans la chaudiere les pertes cousées par l'évaporation.

(1432). Cuyette d'injection qui fournit l'eau de la condensation.

(1433). Moyen qu'on a employé pour que la cuvette d'injection reçoin toujours la même quantité d'eau.

(1434). Pieces qui composent le piston du cylindre à vapeur.

- (1435). Jet d'eau continuel sur le piston pour empêcher l'introduction de l'air et le dessèchement du cuir.
- (1436). Evacuation de l'air des tuyaux mentionnés art. (1431), lorsqu'on commence à faire jouer la machine.
- (1437). Eaux à différentes températures que reçoivent la citerne et le réservoir provisionnel.

(1438). Tuyaux d'épreuve.

(1439). Ventouses.

(1440). Soupape de sûreté.

(1441). Godet faisant les fonctions de renissar, par où l'air du cylindre à vapeur s'évacue quand on commence à faire jouer la machine.

(1442). Comment on commence à mettre la machine en mouvement.

(1443). Cheminées et parties accessoires.

- (1444). Description des pompes employées à produire l'effet utile de la machine.
  - (1445). De la machine de Chaillot; principales pieces de cette machine. (1446). Comment se produit l'ascension du piston du cylindre à vapeur.

(1447). Comment se produit la descente du piston du cylindre à vapeur.

(1448). Jeu détaillé de chaque piece du régulateur.

Ibidem. Ensemble du mouvement du régulateur et du piston du cylindre à vapeur.

(1440). Pompe à air.

(1450). Reniflar.

(14.11). Pompe employée à produire l'effet utile de la machine.

Ibidem. Seconde machine semblable à celle qu'on vient de décrire, et construite dans le même emplacement.

(1403. Récipient d'air pour donner de la continuité à l'écoulement de l'eau dans le réservoir; observations sur ce moyen.

(1454). Machine à feu du Gros-Caillou; dispositions générales.

Ibidem. Comment le mouvement, une fois imprimé, se continue spontanément.

(1457). Récipient d'air.

(1458). Machine à feu employée dans la manufacture de MM. Périer.

Avantages des machines à feu à double effet, sur les machines à feu ordinaires; comment on peut disposer les premieres pour qu'elles agissent à la maniere des secondes.

(1459). Avantages des machines à feu à double effet sur les machines ordinaires.

Ibidem. 1°. Diminution du volume de la chaudiere.

Ibidem. 2°. L'effort de la vapeur dans la chaudiere est plus uniforme et moins considérable.

Ibidem. 3°. Economie du combustible.

Ibidem. 4°. Diminution des dimensions du cylindre à vapeur et des parties accessoires, l'effet étant le même.

Ibidem. 5°. Suppression des contre-poids.

Ibidem. 6°. Uniformité du mouvement.

(1460). Comment la machine à feu à double effet peut être mue à la maniere de la machine simple.

Ibidem. Premier moyen.

Ibidem.

Ibidem. Second moven.

Ibidem. Comment elle peut être mue à la maniere de la machine de Newcomen.

Ibidem. Premier moyen. Ibidem. Second moyen.

Ibidem. Réflexions sur l'usage des moyens précédents.

# Détails de la construction de plusieurs pieces principales d'une machine à feu à double effet.

(1461). Détail des pieces qui composent le piston du cylindre à vapeur.

(1462). Détail des boîtes à vapeur supérieures. Ibidem. Détail des boîtes à vapeur inférieures.

Ibidem. Mécanisme qui fait mouvoir les soupapes des boîtes à vapeur.

Ibid. Mécanisme pour empêcher les axes de jouer dans le sens de leur longueur.

(1463). Moyens de visiter l'intérieur des boites à vapeur. (1465). Tuyau qui conduit la vapeur dans le steam-box.

(1469). Détails du mécanisme qui sert à rendre vertical le mouvement du piston.

(1470). Suspension du balancier. (1471). Autre espece de balancier. (1472). Description de la mouche.

(1473). Mécanisme pour faire mouvoir le balancier sans engrenage.

(1474). Construction du volant. (1475). Détails du régulateur.

Théorie du mouvement rectiligne du piston du cylindre à vapeur produit par une combinaison de mouvements circulaires, et calcul des proportions des machines à feu relativement à l'effet qu'elles doivent produire.

(1478). Table pour faciliter les applications des formules aux nombres.

(1483). Exemples de l'usage de la table.

(1484). Application à la machine de l'isle des Cygnes.

(1486). Formules pour l'inclinaison de la piece à laquelle la tige du piston

(1487). Formules pour trouver la relation entre l'effort de la vapeur et la résistance à vaincre.

(1488). Application à un exemple.

(1489). Solution du problème géométrique relatif au parallélogramme.

(1491). Application à des proportions données.

(1492). Rapprochement de ce problème et du précédent.

(1495). Rapport de la résistance à la puissance lorsqu'on emploie le parallélogramme.

(1496). Calcul des proportions des pieces du régulateur.

(1498). Calcul du diametre intérieur du cylindre à vapeur. Réflexions générales.

Ibidem. Formules pour calculer les dimensions cherchées. Ibidem. Observations sur l'application de cette formule.

(1499). Recherche du rapport entre l'effet de la machine et la quantité de combustible consommée.

(1500). Formules pour comparer l'effet mécanique d'un courant d'eau à celui d'une machine à feu.

(1501). Applications à la mouture.

Ibidem. Relation entre le poids du grain moulu et celui du combustible. (1502). Des dimensions et de la vîtesse de la machine nécessaires pour produire une mouture déterminée, et réciproquement.

Tome II.

Recherches expérimentales et analytiques sur les lois de la dila tabilité des fluides élastiques et sur celles de la force expansive, dans le vuide, de la vapeur de l'eau et de la vapeur le l'alkool, à différentes températures.

(1505). Considérations générales sur l'explication et la mesure des effets en physique.

(1506). Méthode d'interpolation applicable à la mesure des effets.

(1507). Divisée en deux parties.

(1508). Forme de la fonction applicable aux phénomenes qui dépendent des fluides élastiques.

Méthode d'interpolation applicable aux phénomenes qui dépendent des fluides élastiques.

(1509). Manière de ramener les résultats à être équidistants lorsqu'ils me le sont pas.

(1510). Deux formules générales d'interpolation.

Ibidem. La premiere applicable à un nombre pair d'observations. (1512). La deuxieme applicable à un nombre impair d'observations.

Applications de la méthode précédente d'interpolation à la recherche des lois de la dilatabilité de plusieurs fluides élastiques.

(1513). Description des expériences.

(1514). Résultats des expériences.

(1515). Lois de la dilatation de l'air atmosphérique.

Ibidem. Remarques sur la formule qui embrasse les cinq résultats.

Ibidem. Le cinquieme résultat affecté de l'effet de la décomposition de l'air.

Ibidem. Véritable formule donnée par la précédente, en en retranchant le

terme qui mesure l'anomalie.

Ibidem. Formule pour la dilatation de degré en degré.

. Ibidem. Formule pour la dilatabilité.

Ibidem. De la dilatabilité donnée par différents physiciens.

(1516). Dilatation du gas oxygene. (1517). Dilatation du gas azote. (1518), Dilatation du gas hydrogene.

(1519). Dilatation du gas nitreux. (1520). Dilatation du gas acide carbonique.

(1521). Dilatation du gas actide carboniq (1521). Dilatation du gas ammoniacal.

(1522). Lois de la force expansive de la vapeur de l'eau.

(1523). Force expansive de la vapeur de l'alkool.

Formules et tables pour calculer à différentes températures, rapportées à l'échelle du thermometre centigrade, les dilatations correspondantes des sept fluides élastiques ci-dessumentionnés, et la force expansive des vapeurs de l'eau et de l'alkool, les pressions qui mesurent les diverses intensités de cette force étant représentées par des colonnes de mercure dont les hauteurs sont exprimées en metres.

(1524). Dilatation des fluides élastiques.

Ibidem. Nombres à substituer dans les formules pour les rapporter au thermometre centigrade.

Ibidem. Tables des volumes dilatés rapportées au thermometre centigrade. Ibidem. Table des diminutions de volume au-dessous de la température de

Ibidem. Table de rapports et de logarithmes de rapports, pour comparer les mesures anciennes à celles du nouveau système métrique décimal, et réciproquement.

Ibidem. Tables des forces expansives des vapeurs de l'eau et de l'alkool

rapportées au thermometre centigrade et au metre.

# MATIERES

### CONTENUES DANS LES NOTES.

N. Les chissres de renvoi indiquent les articles auxquels les notes se rapportent.

(1358). Description de l'appareil employé par Ziegler pour mesurer la force expansive de la vapeur.

(1371). Recherches analytiques et formules relatives à l'interpolation. (1-374). Formules pour calculer les parties propertionnelles de la table qui donne la relation entre la température et la force expansive de la vapeur.

(1377). Recherches sur la maniere de mesurer les hauteurs par les diverses températures de l'eau et de l'alkool en ébullition; table qui donne la relation entre ces températures, la hauteur du barometre, et l'élévation au-dessus du niveau de la mer, des lieux où l'on observe.

(1444). Machine inventée par Papin pour employer la vapeur comme agent mécanique : observations sur cette machine. Expériences d'Amontons sur le ressort de l'air échaussé; mécanisme inventé par ce savant pour saire tourner une roue au moyen de la dilatation et de la condensation successives de l'air.

(1483). Figure et construction graphique de la courbe totale, dont une partie, sensiblement rectiligne, est décrite par le sommet de la tige du piston du cylindre à vapeur, lorsque ce sommet est attaché au milieu d'une verge qui unit le balancier et le contre-balancier.

(1492). Figure et construction de la courbe précédente, dans le cas où le sommet de la tige du piston est attaché à l'un des angles d'un parallélogramme, dont les trois autres angles décrivent des arcs de cercle. Description d'un instrument qui a pu suggérer l'idée de la production du mouvement rectiligne par une combinaison de mouvements circulaires.

(1524). Formules pour calculer les effets mécaniques que peuvent produire

les fluides élastiques échauffés à diverses températures.

# ERRATA

PAGES.	Liones.	FAUTES.	CORRECTION,
32,	premiere de la table,	66,4,	66,84.
41,	huitieme à partir du bas,	'A'Ă,	AA.
43,	22,	A à l'extrémité,	à l'extrémité
Idem,	derniere ,	b'a'c'd',	b' a c' d'.
64,	<b>26</b> ,	r et S',	J et S.
76°,	31,		· D R. ·
79,	14,	godet Å,	godet a
81,	2'. indication marginale,	que comporte,	qui composent.
85,	3 de la note,	cependant peut,	peut cependant.
86,	19 de la note,	86,	8,6.
Idem,	21 de la note,	l'eau y sera réduite,	l'air y sena réduit.
94,	3 à partir du bas,	f'g',	f³ g¹°.
Idem ,	avant-derniere,	g f'g',	gfg'.
95,	5,	<b>77</b> ,	ň n.
97,	10,		pompe.
126,	12,	Il reste,	1479. Il reste.
127,	15,	Il est bien,	1480. Il est bien.
132,	9 de la note,	les possibles,	les positions possibles.
133,	9 de la note,	redescend,	remonte.
Idem,	15 de la note,	la A '8)' (8),	la ligne A (8) (8).
Idem,	21 de la note,	l'axe VGE,	l'arc V g E. D' B''' == 2 B D.
159,	12,	D' B''' = 2 B,	$D' B''' \stackrel{\longrightarrow}{\Longrightarrow} a BD.$
157,	24,	Voici la maniere,	1511. Voici la maniere.
<b>163</b> ,	9.	Les expériences,	1513. Les expériences.
164,	žŠ,	La table,	1514. La table.
~ ~	4.	Les expériences,	1515. Les expériences.